

A

سه شنبه

۱۴۰۲/۰۲/۵

دوره جمع‌بندی دوپینگ ماز

گروه آزمایشی علوم تجربی

دفترچه پاسخ فیزیک – فصل ۳ و ۴ دهم

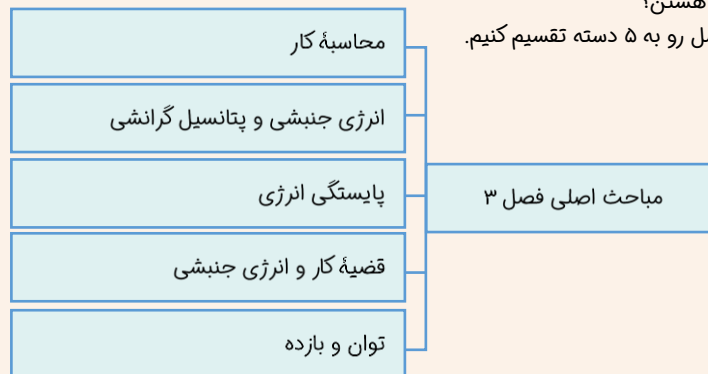
ویراستاران	طراحان	درس
سعید نصیری حسین عبدوی نژاد علیرضا ملک حسینی	میثم دشتیان – سجاد صادقی‌زاده	فیزیک

اهمیت مباحث این آزمون در کنکور...

خب رسیدیم به فصل‌های ۳ و ۴ فیزیک دهم! بدون مقدمه بریم به بررسی سریع بکنیم این دو فصل رو و بعدش تست‌ها رو حل کنیم.
فصل ۳ فیزیک دهم

(۱) مباحث اصلی این فصل چیا هستن؟

می‌تونیم مباحث اصلی این فصل رو به ۵ دسته تقسیم کنیم.



حواستون باشه که مبحث بازده از حذفیات کنکور امساله و فقط کافیه توان رو بلد باشین!

(۲) چرا این فصل مهمه؟

بچه‌ها سوالاتی این فصل معمولاً ساده هستن و اگه یکم کار کنین به راحتی حلشون می‌کنیم. طبق تجربه دو سال اخیر معمولاً دو تا سؤال هم توی کنکور ارزش میاد، چی از این بهتر!

(۳) توی کنکورهای اخیر چند سؤال از این فصل اومده؟

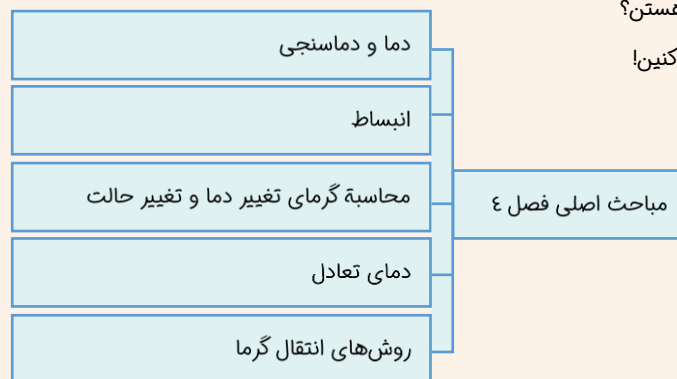
توی جدول زیر، تعداد سؤالاتی که از این فصل توی کنکور اومده رو براتون آوردیم.

سال	۱۳۹۹	۱۴۰۰	۱۴۰۱	مرحله اول ۱۴۰۲
رشته				
تجربی	۱	۱	۲	۲
ریاضی	۲	۱	۲	۲

فصل ۴ فیزیک دهم

(۱) مباحث اصلی این فصل چیا هستن؟

بدون معطلی به نمودار زیر نگاه کنین!



حواستون باشه با توجه به حذفیات کنکور امسال، فقط انبساط طولی رو باید بلد باشین. مبحث «روش‌های انتقال گرما» هم امسال جزو حذفیاته.

(۲) چرا این فصل مهمه؟

با توجه به این‌که حذفیات این فصل امسال زیاده، به احتمال زیاد توی کنکور یک تست از انبساط طولی و یک تست از محاسبه گرما و تعادل گرمایی مطرح میشه.

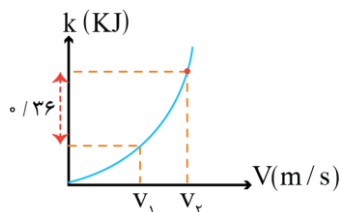
این‌که موضوع تست‌هایی که قراره مطرح بشه رو می‌دونیم باعث اهمیت زیاد این فصل میشه!

(۳) توی کنکورهای اخیر، چند سؤال از این فصل اومده؟

جدول زیر رو نگاه کنین!

سال	۱۳۹۹	۱۴۰۰	۱۴۰۱	مرحله اول ۱۴۰۲
رشته				
تجربی	۲	۲	۲	۲
ریاضی	۳	۲	۲	۱

- ۱- نمودار تغییرات انرژی جنبشی جسمی ۲۰۰ گرمی بر حسب تندی آن به صورت شکل مقابل است. اگر v_2 ، ۲۵ درصد بیشتر از v_1 باشد، حاصل $v_2 - v_1$ بر حسب کیلومتر بر ساعت کدام است؟

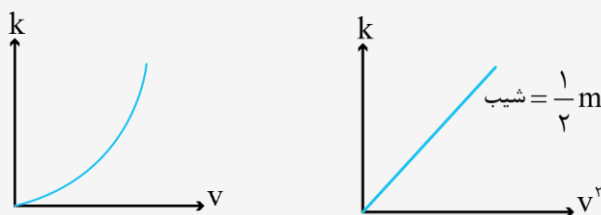


- (۱) ۲۰
(۲) ۱۰
(۳) ۷۲
(۴) ۳۶

پاسخ: گزینه ۳

انرژی جنبشی

انرژی جنبشی یک جسم از رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ بدست می‌آید که m جرم جسم بر حسب kg و v تندی جسم بر حسب $\frac{m}{s}$ است. انرژی جنبشی یک کمیت نرده‌ای بوده و فاقد جهت است. نمودارهای انرژی جنبشی بر حسب تندی و نیز انرژی جنبشی بر حسب مربع تندی جسم به شکل زیر می‌باشد:



پاسخ تشریحی:

با توجه به صورت سؤال:

$$v_2 = v_1 + \frac{25}{100}v_1 = \frac{5}{4}v_1$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{\text{ثابت } m} \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 = \left(\frac{5}{4}\right)^2 = \frac{25}{16} \rightarrow K_2 = \frac{25}{16}K_1$$

از طرفی مجدداً به کمک نمودار داده شده می‌توان نوشت:

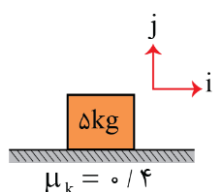
$$K_2 - K_1 = 36 \text{ kJ} = 360 \text{ J} \rightarrow \frac{25}{16}K_1 - K_1 = 360 \rightarrow K_1 = 640 \text{ J}$$

$$K_1 = \frac{1}{2}mv_1^2 \rightarrow 640 = \frac{1}{2} \times 200 \times v_1^2 \rightarrow v_1 = 8 \frac{m}{s}$$

$$v_2 = \frac{5}{4}v_1 = \frac{5}{4} \times 8 = 10 \frac{m}{s} \rightarrow v_2 - v_1 = 2 \frac{m}{s} \xrightarrow{\times 3.6} v_2 - v_1 = 7.2 \frac{km}{h}$$

گروه آموزشی ماز

- ۲- جعبه‌ای مانند شکل مقابل به حال سکون روی سطح افقی قرار دارد. ناگهان نیروی ثابت $\vec{F} = (50 \text{ N})\vec{i}$ به جسم اثر کرده و جسم تحت اثر این نیرو



شروع به حرکت می‌کند. کار این نیرو در سه ثانیه اول حرکت، چند ژول است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$

- (۱) ۱۳۵۰
(۲) ۸۱۰
(۳) ۲۲۵۰
(۴) ۷۲۰

پاسخ: گزینه ۱

کار

کار یک نیروی ثابت از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$W = Fd \cos \theta$$

W : کار نیروی F (بر حسب J) F : اندازه نیرو (بر حسب N) d : اندازه جابه‌جایی (بر حسب m)

θ : زاویه بین بردار نیرو و بردار جابه‌جایی

علامت کار یک نیرو به زاویه بین آن نیرو و جابه‌جایی بستگی دارد به گونه‌ای که:

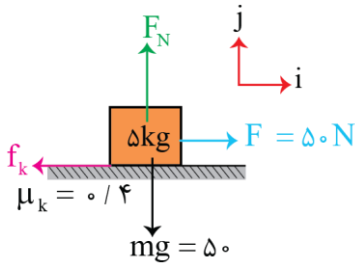
(۱) اگر $90^\circ < \theta < 180^\circ$ $\cos \theta < 0$ $W < 0$

(۲) اگر $90^\circ < \theta < 180^\circ \rightarrow \cos \theta < 0$

(۳) اگر $\theta = 90^\circ \rightarrow \cos \theta = 0$

بنابراین در یک جابه‌جایی، کار نیروهایی که راستای آن‌ها عمود بر راستای جابه‌جایی جسم است صفر می‌باشد.

پاسخ تشریحی:



در ابتدا باید شتاب حرکت جسم و سپس میزان جابه‌جایی در سه ثانیه اول حرکت را بدست آوریم.

$$F_{\text{net}(y)} = 0 \rightarrow F_N = mg = 50 \text{ N}$$

$$f_k = \mu_k F_N = 0.4 \times 50 = 20 \text{ N}$$

$$F_{\text{net}(x)} = ma \rightarrow F - f_k = ma \rightarrow 50 - 20 = 5a \rightarrow a = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

اکنون برای محاسبه جابه‌جایی جسم در سه ثانیه آغازین حرکت به این صورت عمل می‌کنیم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \xrightarrow{v_0=0, a=6, t=3} \Delta x_{[0,3]} = \left(\frac{1}{2} \times 6 \times (3)^2\right) + (0 \times 3) = 27 \text{ m}$$

در نهایت کار نیروی F را به این شکل بدست می‌آوریم:

$$W = Fd \cos \theta \xrightarrow{\theta=0 \rightarrow \cos \theta=1} W = 50 \times 27 \times 1 = 1350 \text{ J}$$

گروه آموزشی ماز

۳- دو نیروی F_1 و F_2 مطابق شکل بر جسمی اثر کرده و آن را روی سطح افقی حرکت می‌دهند. اگر بزرگی نیروی اصطکاک وارد بر جسم از طرف سطح

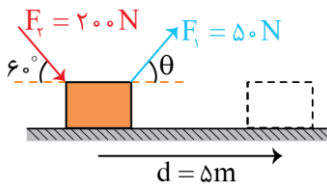
افقی برابر 20 N و اندازه کار کل نیروهای وارد بر جسم در 5 m متر جابه‌جایی افقی، 0.6 kJ باشد، زاویه θ چند درجه است؟ $(\sin 53^\circ = 0.8)$

۳۰ (۱)

۳۷ (۲)

۶۰ (۳)

۵۳ (۴)



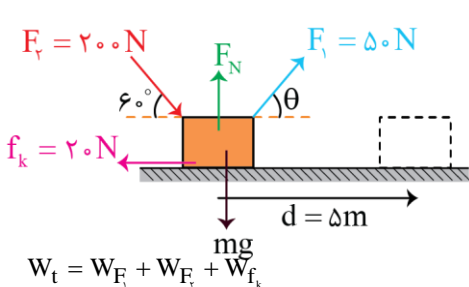
پاسخ: گزینه ۲

کار کل

کار کل نیروهای وارد بر یک جسم را با W_t نمایش می‌دهیم و مقدار آن از جمع جبری کار تک‌تک نیروهای وارد بر جسم بدست می‌آید. به عبارت دیگر:

$$W_t = W_1 + W_2 + W_3 + \dots$$

کار هر کدام از نیروهای وارد بر جسم را بدست می‌آوریم:



$$W_{F_1} = F_1 d \cos \theta = 50 \times 5 \times \cos \theta = 250 \cos \theta$$

$$W_{F_2} = F_2 d \cos \theta' = 20 \times 5 \times \cos 60^\circ = 50 \text{ J}$$

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta'' = 20 \times 5 \times \cos 180^\circ = -100 \text{ J}$$

$$W_{mg} = W_{F_N} = 0$$

اکنون از رابطه کار کل استفاده می‌کنیم:

$$W_t = W_{F_1} + W_{F_2} + W_{f_k}$$

$$\rightarrow 600 = 250 \cos \theta + 50 - 100 \rightarrow 250 \cos \theta = 200 \rightarrow \cos \theta = \frac{4}{5} = 0.8 \rightarrow \theta = 37^\circ$$

گروه آموزشی ماز

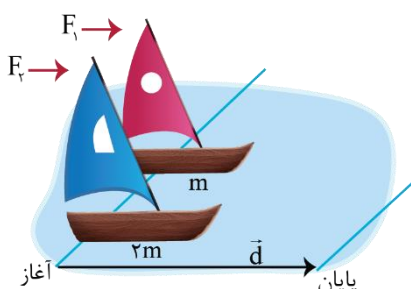
۴- دو قایق بادبانی مخصوص سطوح یخ‌زده دارای جرم‌های m و $2m$ ، روی سطح یخی دریاچه افقی و بدون اصطکاکی قرار دارند و به وسیله نیروی باد از حال سکون شروع به حرکت می‌کنند. اگر هنگام عبور از خط پایان، تندی قایق سنگین‌تر، نصف تندی قایق سبک‌تر باشد، اندازه نیروی باد وارد بر قایق سنگین‌تر چند برابر اندازه نیروی باد وارد بر قایق دیگر است؟

$\frac{1}{4}$ (۱)

$\frac{1}{2}$ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)



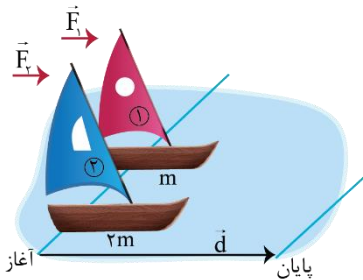
کار کل

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی، در یک جابه‌جایی، کار کل نیروهای وارد بر یک جسم، با تغییرات انرژی جنبشی جسم در آن جابه‌جایی برابر است. به بیان دیگر:

$$W_t = \Delta K = K_f - K_i$$

$$\begin{cases} K_i = \frac{1}{2}mv_i^2 \\ K_f = \frac{1}{2}mv_f^2 \end{cases} \rightarrow W_t = \frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2)$$

پاسخ تشریحی:



اگر برای هر یک از دو قایق قضیه کار و انرژی جنبشی را بنویسیم چنین داریم:

$$W_t = \frac{1}{2}m(v_{\text{پایان}}^2 - v_{\text{آغاز}}^2)$$

$$\begin{cases} W_t = W_F = Fd \cos \theta \\ v_{\text{آغاز}} = 0 \end{cases} \rightarrow Fd \cos \theta = \frac{1}{2}mv_{\text{پایان}}^2$$

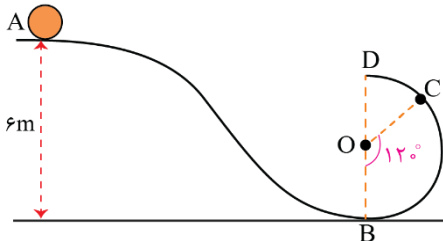
اکنون اگر قایق سبک‌تر را با (۱) و قایق سنگین‌تر را با (۲) نمایش دهیم، داریم:

$$\frac{F_2}{F_1} \times \frac{d_2}{d_1} \times \frac{\cos \theta_2}{\cos \theta_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\begin{cases} \theta_1 = \theta_2 = 0 \rightarrow \cos \theta_1 = \cos \theta_2 = 1 \\ d_2 = d_1 = d \end{cases} \rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{2m}{m} \times \left(\frac{1}{2} \frac{v_2}{v_1}\right)^2 = \frac{1}{2} \rightarrow F_2 = \frac{1}{2}F_1$$

گروه آموزشی ماز

۵- گلوله‌ای مانند شکل مقابل با تندی $4 \frac{m}{s}$ از نقطه A عبور کرده و پس از طی مسیر AB وارد سطح دایره‌ای شکل BCD به شعاع $1/2m$ می‌شود و با تندی $6 \frac{m}{s}$ از نقطه C می‌گذرد. اگر مبدأ پتانسیل گرانشی را نقطه D در نظر بگیریم، انرژی پتانسیل گرانشی سامانه گلوله - زمین در نقطه C چند برابر کار کل نیروهای وارد بر گلوله از A تا C است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$, $\sin 30^\circ = 0.5$)



- (۱) +۰/۶
- (۲) +۱/۸
- (۳) -۰/۶
- (۴) -۱/۸

انرژی پتانسیل گرانشی

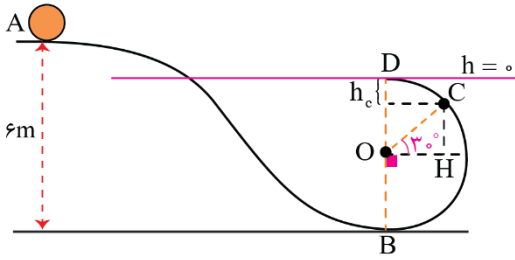
انرژی پتانسیل گرانشی جسمی به جرم m را با U_g نمایش می‌دهیم و از رابطه زیر بدست می‌آوریم:

$$U_g = mgh$$

در این رابطه، h ارتفاع عمودی نسبت به مبدأ پتانسیل گرانشی است. مبدأ پتانسیل گرانشی، سطحی است که به‌طور قراردادی مشخص می‌شود و انرژی پتانسیل گرانشی در آن صفر در نظر گرفته می‌شود.

نکته:

زمانی که مبدأ پتانسیل گرانشی مشخص شد، نقاط بالای آن دارای انرژی پتانسیل گرانشی مثبت ($U_g > 0$) و نقاط زیر آن دارای انرژی پتانسیل گرانشی منفی ($U_g < 0$) خواهند شد.



برای یافتن انرژی پتانسیل گرانشی جسم در نقطه C، باید ارتفاع عمودی نقطه C نسبت به نقطه D (h_C) را بدست آوریم. در مثلث COH می توان نوشت:

$$\sin 30^\circ = \frac{\overline{CH}}{\overline{CO}} \rightarrow 0.5 = \frac{\overline{CH}}{1/\sqrt{2}} \rightarrow \overline{CH} = 0.5/\sqrt{2}m$$

$$h_C = R - \overline{CH} = 0.5/\sqrt{2}m$$

$$U_{g(C)} = -mgh_C = -m \times 10 \times 0.5/\sqrt{2} = -6m$$

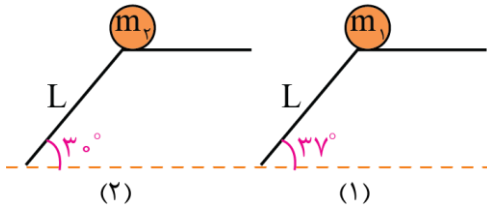
کار کل در جابه جایی از A تا C را به کمک قضیه کار و انرژی جنبشی بدست می آوریم:

$$W_t = K_C - K_A = \frac{1}{2}m(v_C^2 - v_A^2) = \frac{1}{2} \times m \times (6^2 - 4^2) = 10m$$

$$\rightarrow \frac{U_{g(C)}}{W_{t(AC)}} = \frac{-6m}{10m} = -0.6$$

گروه آموزشی ماز

۶- در شکل مقابل طول دو سرسره با یکدیگر برابر و سطح آن‌ها فاقد اصطکاک است. اگر دو گلوله به جرم‌های m_1 و $m_2 = 4m_1$ را مطابق شکل، روی دو سطح رها کنیم، تندی گلوله (۱) در لحظه رسیدن به پایین سرسره چند برابر تندی گلوله (۲) در لحظه رسیدن به پایین سرسره است؟



- (۱) $\sqrt{\frac{3}{10}}$
- (۲) $\sqrt{\frac{6}{5}}$
- (۳) $\sqrt{\frac{24}{5}}$
- (۴) $\sqrt{\frac{3}{5}}$

پاسخ: گزینه ۳

طبق پایستگی انرژی مکانیکی:

$$E_2 = E_1$$

$$E_2 - E_1 = W_f$$

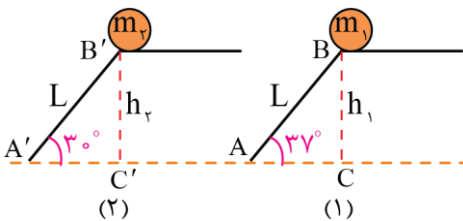
- (۱) اگر در یک مسیر نیروی تلف کننده انرژی وجود نداشته باشد:
 - (۲) اگر در یک مسیر نیروی تلف کننده انرژی وجود داشته باشد:
- انرژی مکانیکی در هر نقطه از رابطه $E = K + U$ بدست می آید.

نکته:

اگر در یک مسیر نیروهای تلف کننده انرژی وجود نداشته باشد، در بازه‌ای بین دو نقطه، چنانچه تندی در یکی از دو انتهای بازه صفر باشد، تندی در انتهای دیگر این بازه از رابطه زیر بدست می آید:

$$v = \sqrt{2gh}$$

در این رابطه، h ارتفاع عمودی بین دو انتهای بازه است.



اولاً در هر یک از دو شکل، نیروهای تلف کننده وجود ندارد و تندی در نقطه بالایی هر بازه صفر است، تندی در پائین مسیر را می توان از رابطه $v = \sqrt{2gh}$ بدست آورد. براساس این رابطه، تندی دو گلوله در لحظه رسیدن به زمین به جرم آن‌ها بستگی ندارد. همچنین باید مقادیر h_1 و h_2 را برحسب L بدست آوریم:

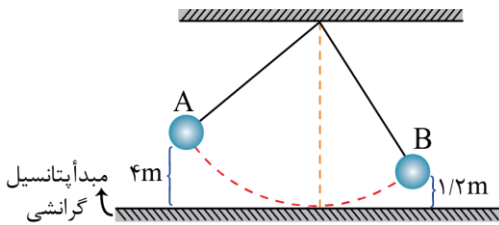
$$\begin{cases} \text{در مثلث ABC} \rightarrow \sin 37^\circ = \frac{h_1}{L} \rightarrow h_1 = L \sin 37^\circ = \frac{3}{5}L \\ \text{در مثلث A'B'C'} \rightarrow \sin 30^\circ = \frac{h_2}{L} \rightarrow h_2 = L \sin 30^\circ = \frac{1}{2}L \end{cases}$$

اکنون نسبت تندیه‌ها را به این صورت بدست می‌آوریم:

$$v = \sqrt{2gh} \rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{h_1}{h_2}} = \sqrt{\frac{\frac{3}{5}L}{\frac{1}{2}L}} \rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{6}{5}}$$

گروه آموزشی ماز

۷- گلوله‌ای مطابق شکل توسط نخ از سقف آویزان شده و از نقطه A رها می‌شود. اگر تندی گلوله در نقطه B، $\frac{6}{5}m/s$ باشد، چند درصد از انرژی مکانیکی اولیه گلوله در مسیر A تا B تلف شده است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



اولیه گلوله در مسیر A تا B تلف شده است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

- ۲۰ (۱)
- ۲۵ (۲)
- ۸۰ (۳)
- ۷۵ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

طبق قانون پایستگی انرژی، همواره اختلاف انرژی مکانیکی در دو نقطه معادل با میزان انرژی تلف شده توسط نیروهای تلف‌کننده است و اگر درصد انرژی تلف شده خواسته شده بود، می‌توان چنین نوشت:

$$\text{درصد انرژی تلف شده} = \frac{|W_f|}{E_1} \times 100 = \frac{|E_2 - E_1|}{E_1} \times 100$$

پاسخ تشریحی:

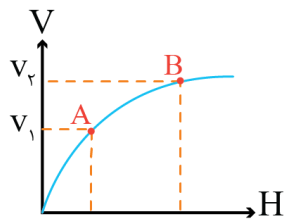
ابتدا انرژی مکانیکی در هر یک از دو نقطه را بدست می‌آوریم:

$$\begin{cases} E_A = mgh_A = m \times 10 \times 4 = 40m \\ E_B = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgh_B = (\frac{1}{2} \times m \times (6)^2) + (m \times 10 \times \frac{1}{2}) = 30m \end{cases}$$

$$\text{درصد انرژی تلف شده} = \frac{|E_B - E_A|}{E_A} \times 100 = \frac{10m}{40m} \times 100 = 25\%$$

گروه آموزشی ماز

۸- در شرایط خلأ، گلوله‌ای از ارتفاع h نسبت به سطح زمین رها می‌شود و نمودار تندی آن برحسب ارتفاع عمودی نسبت به محل پرتاب (H) مطابق شکل روبه‌رو است. اگر نقطه A از سطح زمین به اندازه $\frac{3}{4}h$ فاصله داشته باشد و تندی گلوله در نقطه B، ۵۰ درصد بیشتر از تندی آن در نقطه A باشد، اختلاف ارتفاع عمودی بین دو نقطه A و B کدام است؟



- $\frac{9}{16}h$ (۲)
- $\frac{1}{16}h$ (۴)

- $\frac{11}{16}h$ (۱)
- $\frac{5}{16}h$ (۳)

پاسخ: گزینه ۳

طبق نکات گفته شده در تست‌های قبل، از آن‌جا که در این حرکت، نیروهای تلف‌کننده انرژی وجود ندارد و همچنین تندی در ابتدای مسیر صفر است، زمانی که گلوله نسبت به نقطه رها شدن به اندازه H فاصله دارد، تندی گلوله از رابطه $v = \sqrt{2gH}$ بدست می‌آید. طبق داده‌های سؤال، می‌توان نوشت:

$$v_B = v_A + \frac{50}{100}v_A = \frac{3}{2}v_A$$

$$\frac{v_B}{v_A} = \sqrt{\frac{H_B}{H_A}} \rightarrow \frac{3}{2} = \sqrt{\frac{H_B}{H_A}} \rightarrow \frac{H_B}{H_A} = \frac{9}{4} \xrightarrow{H_A = \frac{3}{4}h} H_B = \frac{9}{4} \times \frac{3}{4}h = \frac{9}{16}h$$

$$\rightarrow H_B - H_A = \frac{9}{16}h - \frac{3}{4}h = \frac{5}{16}h$$

گروه آموزشی ماز

- ۹- دو پمپ A و B از دو جا آب می کشند. پمپ A با تندی ثابت، ۲۰ kg آب را در مدت نیم ساعت به اندازه ۲۰ متر و پمپ B با تندی ثابت، ۴۰ kg آب را در مدت یک ساعت به اندازه ۸ متر بالا می برد. توان خروجی پمپ A چند برابر توان خروجی پمپ B است؟
- (۱) ۲/۵ (۲) ۵ (۳) ۰/۲ (۴) ۰/۴

پاسخ: گزینه ۱

درسنامه

توان خروجی هر دستگاه از تقسیم کار آن بر واحد زمان بدست می آید. بنابراین می توان نوشت:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{W_{\text{دستگاه}}}{\Delta t}$$

برای یافتن کار دستگاه طبق حالات زیر می توان عمل کرد:

(۱) اگر دستگاه فقط ارتفاع جسمی را تغییر می دهد (تندی ثابت) $\leftarrow W_{\text{دستگاه}} = mgh$

(۲) اگر دستگاه فقط تندی جسمی را تغییر می دهد (ارتفاع ثابت) $\leftarrow W_{\text{دستگاه}} = \Delta K = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$

(۳) اگر دستگاه هم ارتفاع و تندی جسم را تغییر می دهد $\leftarrow W_{\text{دستگاه}} = mgh + \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$

پاسخ تشریحی:

برای توان خروجی هر پمپ، با توجه به اینکه پمپها فقط ارتفاع آب را تغییر می دهند می توان نوشت:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{\Delta t} = \frac{mgh}{\Delta t} \rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{h_A}{h_B} \times \frac{\Delta t_B}{\Delta t_A}$$

$$\rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{20}{40} \times \frac{20}{8} \times \frac{1}{0.5} \rightarrow \frac{P_A}{P_B} = 2/5$$

گروه آموزشی ماز

۱۰- کدام یک از موارد زیر جزو دماسنج های معیار به حساب نمی آید؟

(الف) دماسنج مقاومت پلاتینی (ب) دماسنج بیشینه - کمینه

(پ) ترموکوپل (ت) پیرومتر

(۴) پ و ت

(۳) الف و ت

(۲) ب و پ

(۱) الف و ب

پاسخ: گزینه ۲

دماسنج

دماسنج های معیار عبارتند از: ۱- دماسنج گازی ۲- دماسنج مقاومت پلاتینی ۳- تفسنج (پیرومتر) دو دماسنج ترموکوپل و دماسنج بیشینه - کمینه جزو دماسنج های معیار به شمار نمی آیند. اگرچه که ترموکوپل قبلاً به عنوان دماسنج معیار شناخته می شده اما اکنون به دلیل دقت پایین تر آن نسبت به دماسنج های ذکر شده دیگر جزو دماسنج های معیار به حساب نمی آید.

پاسخ تشریحی:

بنابر توضیحات ارائه شده در درسنامه، دماسنج ترموکوپل و دماسنج بیشینه - کمینه جزو دماسنج های معیار نیستند.

گروه آموزشی ماز

- ۱۱- دماسنجی به اشتباه مدرج شده است به گونه ای که به ازای ۲۵ درجه سلسیوس تغییر دمای یک اتاق، عدد نشان داده شده در این دماسنج ۱۰ درجه تغییر می کند. اگر این دماسنج را به دو مکان A و B که به ترتیب در دماهای ۲۰°C و ۴۰°C قرار دارند ببریم و عدد این دماسنج در مکان B از سه برابر عدد آن در مکان A، ۱۰ درجه کمتر باشد، عدد نشان داده شده توسط این دماسنج در اتاق B کدام است؟
- (۱) ۹ (۲) ۲۷ (۳) ۱۷ (۴) ۱۹

پاسخ: گزینه ۳

دماسنج

درجه بندی دماسنج های مختلف به صورت خطی انجام می گردد پس بین تغییرات دما در مقیاس های مختلف می توان از نسبت و تناسب خطی استفاده کرد. بنابراین اگر دماهای θ_1 ، θ_2 و θ_3 در مقیاس (۱) به ترتیب متناظر با دماهای x_1 ، x_2 و x_3 در مقیاس (۲) باشند، مانند شکل مقابل می توان چنین نوشت:

مقیاس (۱) مقیاس (۲)

$$\theta_1 \quad \boxed{X_1}$$

$$\theta_2 \quad \boxed{X_2}$$

$$\theta_3 \quad \boxed{X_3}$$

$$\frac{\theta_3 - \theta_1}{x_3 - x_1} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{x_2 - x_1}$$

دماسنج غیرمعمولی دماسنج سلسیوس

$$\theta_B = 40 \quad X_B = 3X_A - 10$$

$$\theta_A = 20 \quad X_A$$

با توجه به شکل مقابل اگر بین تغییرات دما در دو مقیاس نسبت و تناسب بنویسیم، داریم:

$$\frac{25}{10} = \frac{20}{3X_A - 10} \rightarrow 25(3X_A - 10) = 200 \rightarrow X_A = 9$$

$$X_B = 3X_A - 10 = 17$$

گروه آموزشی ماز

۱۲- اگر دمای یک میله را ۴۵۰ درجه فارنهایت افزایش دهیم، طول آن ۰/۵ درصد افزایش می‌یابد. ضریب انبساط طولی میله برحسب $\frac{1}{^\circ F}$ کدام است؟

(۴) $\frac{1}{5} \times 10^{-3}$

(۳) $\frac{1}{5} \times 10^{-4}$

(۲) $\frac{1}{9} \times 10^{-3}$

(۱) $\frac{1}{9} \times 10^{-4}$

پاسخ: گزینه ۱

درسنامه

اگر دمای یک میله را مقداری افزایش دهیم، افزایش طول میله از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$$

برای یافتن درصد تغییرات طول، می‌توان از رابطه زیر استفاده نمود:

$$\text{درصد تغییرات طول} = \frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \alpha \Delta T \times 100$$

در هر دو رابطه، اگر ΔT برحسب $^\circ C$ یا K وارد شود، یکای α برحسب $\frac{1}{K}$ یا $\frac{1}{^\circ C}$ بدست می‌آید. اما اگر ΔT برحسب $^\circ F$ وارد گردد مقدار α برحسب $\frac{1}{^\circ F}$ بدست خواهد آمد.

چون می‌خواهیم مقدار ضریب انبساط طولی را برحسب $\frac{1}{^\circ F}$ بدست آوریم باید تغییرات دما را برحسب درجه فارنهایت وارد کنیم. پس می‌توان نوشت:

$$\text{درصد تغییر طول} = \alpha \Delta F \times 100 \rightarrow 0.5 = \alpha \times 450 \times 100 \rightarrow \alpha = \frac{1}{9} \times 10^{-4} \frac{1}{^\circ F}$$

گروه آموزشی ماز

۱۳- ضریب انبساط طولی میله A سه برابر ضریب انبساط طولی میله B و طول میله B، ۱/۵ برابر طول میله A می‌باشد. اگر جرم دو میله برابر بوده و به

میله‌های A و B به ترتیب گرمای Q و ۲Q بدهیم، تغییر طول میله A چند برابر تغییر طول میله B است؟ ($c_A = \frac{1}{2} c_B$)

(۴) $\frac{9}{4}$

(۳) ۴

(۲) ۲

(۱) $\frac{9}{2}$

پاسخ: گزینه ۲

درسنامه

در مسائل مربوط به انبساط گرمایی ممکن است مقدار ΔT در سؤال داده نشود و به جای آن از گرمای داده شده به جسم صحبت شده باشد. در این شرایط می‌توان روابط انبساط را با رابطه $Q = mc\Delta T$ ترکیب نمود.

ابتدا نسبت‌های تغییر دمای دو میله را محاسبه می‌کنیم:

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{c_A}{c_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B}$$

$$\rightarrow \frac{Q}{2Q} = 1 \times \frac{1}{2} \frac{c_B}{c_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \rightarrow \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = 1$$

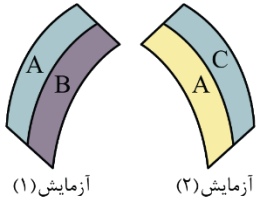
اکنون به کمک رابطه انبساط طولی می‌توان نوشت:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta \theta \rightarrow \frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \frac{\alpha_A}{\alpha_B} \times \frac{L_{1A}}{L_{1B}} \times \frac{\Delta \theta_A}{\Delta \theta_B}$$

$$\xrightarrow{\alpha_A = 3\alpha_B, L_{1B} = 1/5 L_{1A}} \frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \frac{3\alpha_B}{\alpha_B} \times \frac{L_{1A}}{1/5 L_{1A}} \times 1 \rightarrow \frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = 2$$

گروه آموزشی ماز

۱۴- طبق شکل‌های مقابل در آزمایش اول دو میله A و B به یکدیگر و در آزمایش دوم دو میله A و C به یکدیگر جوش داده شده‌اند و در هر دو آزمایش دمای مجموعه میله‌ها را افزایش داده‌ایم. اگر طول هر سه میله قبل از افزایش دما برابر باشد کدام گزینه درست است؟

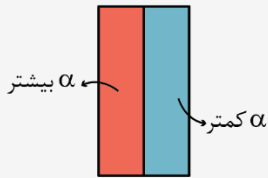


- (۱) ضریب انبساط طولی میله A از C بیشتر است.
- (۲) به ازای یک افزایش دمای برابر، طول میله A کمتر از طول میله B خواهد بود.
- (۳) به ازای یک کاهش دمای برابر، طول میله C کمتر از طول میله B خواهد بود.
- (۴) ضریب انبساط طولی میله A از B کمتر است.

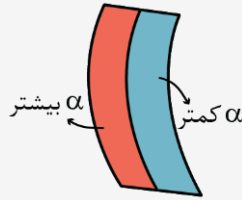
پاسخ: گزینه ۳

درسنامه

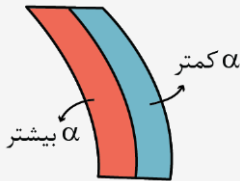
در دماسنج نواری دوفلزه با تغییر دما، یکی از دو ورق کمان بیرونی و دیگری کمان داخلی را تشکیل می‌دهند. قاعده خم شدن ورقه‌ها به صورت مقابل است:



(۱) اگر دما افزایش یابد، ورقه با α بیشتر کمان بیرونی را تشکیل می‌دهد:



(۲) اگر دما کاهش یابد، ورقه با α کمتر کمان بیرونی را تشکیل می‌دهد:



پاسخ تشریحی:

طبق شکل آزمایش (۱) می‌توان نتیجه گرفت: $\alpha_A > \alpha_B$
 و طبق شکل آزمایش (۲) می‌توان نتیجه گرفت: $\alpha_C > \alpha_A$
 و از این دو نتیجه می‌توان چنین نوشت: $\alpha_C > \alpha_A > \alpha_B$
 این نتیجه به این معنی است که براساس رابطه $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$ به ازای طول اولیه و کاهش دمای مساوی به دلیل بیشتر بودن α_C از α_B ، میزان کاهش طول در میله C از کاهش طول در میله B بیشتر بوده و طول نهایی میله C از طول نهایی میله B کمتر خواهد شد.

گروه آموزشی ماز

۱۵- نقطه ذوب یک ماده جامد 122°F است. اگر به یک قطعه ۲ کیلوگرمی از این ماده که در دمای 68°F قرار دارد، $19/5 \text{ kJ}$ گرما بدهیم، کدام گزینه

رخ خواهد داد؟ (گرمای ویژه این جسم در حالت جامد $200 \frac{\text{J}}{\text{kgK}}$ و گرمای نهان ذوب آن $15 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ است.)

- (۱) دمای ماده بدون تغییر حالت افزایش می‌یابد.
- (۲) تمام ماده دچار تغییر حالت می‌شود.
- (۳) $0/5 \text{ kg}$ از ماده، ذوب نشده باقی می‌ماند.
- (۴) $1/5 \text{ kg}$ از ماده، ذوب نشده باقی می‌ماند.

پاسخ: گزینه ۴

گرما

زمانی که یک ماده جامد به نقطه ذوب خود می‌رسد، گرمای لازم برای ذوب جرم m از این ماده از رابطه $Q = mL_F$ بدست می‌آید. در این رابطه L_F را گرمای نهان ذوب می‌نامیم و یکای آن در SI معادل $\frac{\text{J}}{\text{kg}}$ است. توجه داشته باشید که تا زمانی که فرآیند تغییر حالت ماده به‌طور کامل انجام نشده باشد، دمای ماده دچار تغییر نمی‌گردد.

به طور مشابه، زمانی که یک مایع به نقطه جوش خود می‌رسد، گرمای لازم برای تبخیر جرم m از این ماده از رابطه $Q = mL_V$ بدست می‌آید. در این رابطه L_V را گرمای نهان تبخیر می‌نامیم و یکای آن در SI معادل $\frac{J}{kg}$ است. درست مانند فرآیند ذوب، زمانی که ماده در نقطه جوش خود در حال تبخیر است تا زمانی که تبخیر آن به طور کامل انجام نشده باشد، دمای ماده تغییری نخواهد کرد.

پاسخ تشریحی:

ابتدا تغییر دما را برحسب $^{\circ}C$ بدست می‌آوریم:

$$\Delta F = \frac{1}{5} \Delta \theta \Rightarrow 122 - 68 = \frac{1}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 30^{\circ}C$$

گرمایی که این ماده برای رسیدن به نقطه ذوب باید بگیرد بدین صورت بدست می‌آید:

$$Q_1 = mc\Delta\theta = 2 \times 200 \times 30 = 12000 J = 12 kJ$$

از آنجا که گرمای داده شده به ماده بیشتر از این مقدار است می‌توان نتیجه گرفت مقداری از این گرما صرف تغییر حالت ماده خواهد شد. این مقدار گرما معادل با $7/5 kJ = 12 - 19/5$ است و می‌توان به کمک آن جرم ماده ذوب شده را بدست آورد:

$$Q_2 = m' L_F \rightarrow 7/5 \times 10^3 = m' \times 15 \times 10^3 \rightarrow m' = 0/5 kg$$

در نهایت جرم مقدار جامد باقی مانده معادل با $2 - 0/5 = 1/5 kg$ می‌شود.

گروه آموزشی ماز

۱۶- ۲۰۰ گرم یخ با دمای $-20^{\circ}C$ را درون یک گرمکن با توان $1680 W$ قرار می‌دهیم. اگر گرمکن را به مدت ۹ ثانیه روشن کنیم، با فرض اینکه تمام گرمای گرمکن به یخ برسد، جرم آب موجود در مجموعه در انتهای این مدت زمان، چند درصد از جرم اولیه یخ است؟

$$(L_F = 336 \frac{kJ}{kg}, c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kgK}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kgK})$$

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

۴ در این لحظه هنوز آب در مجموعه وجود ندارد.

۱۰۰ (۳)

پاسخ: گزینه ۱

در مسائلی از گرما که ماده درون یک دستگاه گرمکن یا سردکن انداخته شده و تهن گرمایی آن دستگاه داده یا خواسته می‌شود می‌توان چنین نوشت:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{|Q|}{\Delta t}$$

پاسخ تشریحی:

بیا باید در گام نخست محاسبه کنیم گرمایی که گرمکن در مدت ۹ ثانیه به یخ داده است چقدر می‌باشد:

$$P = \frac{Q}{\Delta t} \rightarrow Q = P\Delta t = 1680 \times 9 = 15120 J$$

اکنون محاسبه کنیم این جرم از یخ برای رسیدن به دمای صفر به چقدر گرما نیاز دارد:

$$Q_1 = mc_{\text{یخ}} \Delta\theta = 0/2 \times 2100 \times (0 - (-20)) = 8400 J$$

این مقدار کمتر از گرمای داده شده توسط گرمکن است. بنابراین اختلاف این دو مقدار صرف تغییر حالت (ذوب) یخ می‌گردد:

$$Q_{\text{ذوب}} = 15120 - 8400 = 6720 J$$

اکنون می‌توان جرم یخ ذوب شده را بدست آورد:

$$Q = mL_F \rightarrow 6720 = m \times 336000 \rightarrow m = 0/02 kg = 20 g$$

در نهایت داریم:

$$\text{درصد یخ ذوب شده} = \frac{\text{جرم ذوب شده}}{\text{جرم کل}} \times 100 = \frac{20}{200} \times 100 = 10\%$$

گروه آموزشی ماز

۱۷- m گرم بخار آب $100^{\circ}C$ در اختیار داریم. اگر ۶۰ درصد گرمایی که این بخار از دست می‌دهد تا به آب $40^{\circ}C$ تبدیل شود را به $3m$ گرم یخ صفر درجه

$$\text{سلسیوس بدهیم، دمای محصول نهایی چند درجه سلسیوس خواهد شد؟} \left(L_V = 2268 \frac{J}{g}, L_F = 336 \frac{J}{g}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg.K} \right)$$

۴ صفر

۴۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۳

روابط زیر بین آب، یخ و بخار آب وجود دارد که در حل مسائل برای سادگی حل می‌توان از آن‌ها استفاده نمود. این روابط با فرض آن‌که گرمای ویژه آب معادل $\frac{J}{kg^{\circ}C}$ باشد نوشته شده است:

$$1) c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg^{\circ}C} = 0.5 \times 4200 \rightarrow c_{\text{یخ}} = \frac{1}{2} c_{\text{آب}}$$

$$2) L_F(\text{یخ}) = 336000 \frac{J}{kg} = 80 \times 4200 \rightarrow L_F = 80 \cdot c_{\text{آب}}$$

$$3) L_V(\text{بخار}) = 2268000 \frac{J}{kg} = 540 \times 4200 \rightarrow L_V = 540 \cdot c_{\text{آب}}$$

پاسخ تشریحی: 

در گام اول، گرمایی که بخار آب از دست می‌دهد تا به آب $40^{\circ}C$ تبدیل شود را بدست می‌آوریم:

$$Q_{\text{بخار}} = -mL_V + mc_{\text{آب}}\Delta\theta = -(m \times 540 \cdot c_{\text{آب}}) + (m \times c_{\text{آب}} \times (-60)) = -600 \cdot mc_{\text{آب}}$$

۶۰٪ این گرما به یخ صفر داده شده است. پس:

$$Q_{\text{یخ}} = \frac{60}{100} |Q_{\text{بخار}}| = \frac{60}{100} \times 600 \cdot mc_{\text{آب}} = 360 \cdot mc_{\text{آب}}$$

اکنون باید گرمای لازم برای ذوب کامل یخ را بدست آوریم:

$$Q_1 = m_{\text{یخ}} L_F = 3m \times 80 \cdot c_{\text{آب}} = 240 \cdot mc_{\text{آب}}$$

مقدار این گرما کمتر از گرمای رسیده به یخ است. این بدین معنی است که تمام یخ ذوب شده و افزایش دما نیز خواهد داشت:

$$Q_2 = 360 \cdot mc_{\text{آب}} - 240 \cdot mc_{\text{آب}} = 120 \cdot mc_{\text{آب}}$$

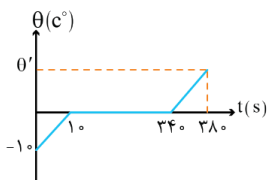
این گرما صرف افزایش دمای آب می‌شود:

$$Q_2 = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta \rightarrow 120 \cdot mc_{\text{آب}} = 3m \times c_{\text{آب}} \times \Delta\theta \rightarrow \Delta\theta = 40^{\circ}C$$


$$\Delta\theta = \theta_f - \theta_i \rightarrow 40 = \theta_f - 0 \rightarrow \theta_f = 40^{\circ}C$$

گروه آموزشی ماز

۱۸- نمودار تغییرات دما برحسب زمان برای مقداری یخ $-10^{\circ}C$ که درون یک گرمکن الکتریکی با توان ثابت قرار دارد، مطابق شکل زیر است. دمای θ' چند درجه فارنهایت است؟ (گرمای ویژه آب دو برابر گرمای ویژه یخ است.)



- ۲۰ (۱)
- ۷۸ (۲)
- ۴۰ (۳)
- ۶۸ (۴)

پاسخ: گزینه ۴ 

در سؤال‌هایی که با توان گرمایی ثابت، طی دو مرحله دو تغییر (چه در دما و چه در حالت) برای ماده انجام داده می‌شود، یک روش مناسب برای حل سؤال، استفاده از مقایسه دو حالت به کمک رابطه $P = \frac{Q}{\Delta t}$ است.

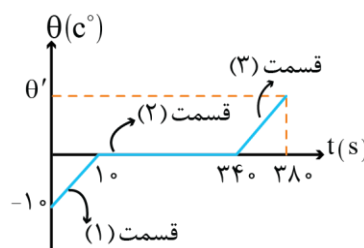
با توجه به ثابت بودن گرمایی می‌توانیم حالت (۱) را با حالت (۳) مقایسه کرده و به خواسته سؤال برسیم.

$$P = \frac{Q}{\Delta t} \quad P=\text{ثابت} \rightarrow \frac{Q_3}{\Delta t_3} = \frac{Q_1}{\Delta t_1}$$

$$\rightarrow \frac{mc_{\text{آب}}\Delta\theta_3}{\Delta t_3} = \frac{mc_{\text{یخ}}\Delta\theta_1}{\Delta t_1}$$

$$\frac{c_{\text{آب}} = \frac{1}{2}c_{\text{یخ}}}{40} \rightarrow \frac{c_{\text{آب}} \times (\theta' - 10)}{40} = \frac{\frac{1}{2}c_{\text{آب}} \times (10 - (-10))}{10}$$

$$\rightarrow \frac{\theta'}{40} = \frac{10}{20} \rightarrow \theta' = 20^{\circ}C$$



اکنون دما را در مقیاس درجه فارنهایت بدست می‌آوریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta' + 32 = \left(\frac{9}{5} \times 20\right) + 32 = 68^\circ F$$

گروه آموزشی ماز

۱۹- ۲۸۲ گرم یخ صفر درجه سلسیوس را در کنار مقداری بخار آب $100^\circ C$ قرار می‌دهیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی ۱۰ گرم بخار باقی بماند، جرم

بخار اولیه چند گرم بوده است؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}, L_V = 2256 \frac{\text{KJ}}{\text{kg}}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$

۱۱۴/۵ (۴)

۸۴/۵ (۳)

۹۴/۵ (۲)

۱۰۴/۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

درسنامه

هرگاه دو یا چند ماده با دماهای مختلف را در کنار یکدیگر قرار دهیم، تا زمانی که با یکدیگر هم‌دما شوند بین آن‌ها مبادله گرما صورت می‌گیرد. در این شرایط می‌گوئیم اجسام با یکدیگر به تعادل گرمایی رسیده‌اند و به دمایی که در آن قرار دارند، دمای تعادل گفته می‌شود. دمای تعادل را با θ_e نشان می‌دهیم. در مسائل تعادل گرمایی، رابطه زیر برقرار است:

$$0 = (\text{مجموع گرمای گرمای گیرنده‌ها}) + (\text{مجموع گرمای گرمای دهنده‌ها})$$

نکات طلایی

نکته ۱: در مسائل تعادل گرمایی نیاز نیست کمیت‌ها الزاماً در SI باشند، بلکه هم‌یکا باشند کافی است!
 نکته ۲: در مسائل تعادل گرمایی پس از نوشتن رابطه مربوطه می‌توانیم عوامل مشترک در تمام جمله‌ها را خط بزنیم!
 نکته ۳: هرگاه در یک سؤال، پس از برقراری تعادل، آب و یخ در کنار هم داشته باشیم، دمای تعادل الزاماً صفر و هرگاه پس از برقراری تعادل، آب و بخار آب در کنار هم داشته باشیم، دمای تعادل الزاماً $100^\circ C$ است.

پاسخ تشریحی:

چون پس از برقراری تعادل، بخار باقی‌مانده در مجموعه داریم پس دمای تعادل همان $100^\circ C$ است و همه این بخار دچار میعان نشده است. اگر جرم اولیه بخار m بوده باشد با توجه به اینکه 10g بخار باقی مانده است پس جرم بخاری که دچار میعان شده است $(m-10)$ می‌باشد.

$$m \text{ بخار } 100^\circ C \leftarrow \underbrace{100^\circ C \text{ آب } (m-10)}_{\text{تعادل گرمایی}} \rightarrow 100^\circ C \text{ آب} \rightarrow \text{یخ } 0^\circ C$$

$$Q_{\text{بخار}} + Q_{\text{یخ}} = 0 \rightarrow (m_{\text{بخار}} - 10)L_V + (m_{\text{یخ}} c_{\text{آب}} \Delta\theta) - (m_{\text{یخ}} L_F) = 0$$

$$\rightarrow (282 \times 336000) + (282 \times 4200 \times 100) - (m_{\text{بخار}} - 10) \times 2256000 = 0$$

$$\rightarrow m_{\text{بخار}} - 10 = 94/5 \rightarrow m_{\text{بخار}} = 104/5\text{g}$$

گروه آموزشی ماز

۲۰- درون یک چاله مقداری آب با دمای صفر درجه سلسیوس قرار دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی مقداری از آب درون چاله بخار شده و آب باقی‌مانده منجمد گردد، چند درصد از جرم آب اولیه منجمد شده است؟ (گرمای نهان ذوب یخ را 80 برابر گرمای ویژه آب و گرمای نهان تبخیر را 560 برابر گرمای ویژه آب در نظر بگیرید.)

۸۵ (۴)

۸۷/۵ (۳)

۱۵ (۲)

۱۲/۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۳

تبخیر سطحی

در هر دمای دلخواه، همواره مقداری از مولکول‌های سطح مایع توانایی تبخیر را پیدا می‌کنند. این پدیده را تبخیر سطحی می‌نامیم. آهنگ تبخیر سطحی یک مایع به عواملی مانند دمای محیط، دمای مایع، مساحت سطح مایع، وزش باد و فشار روی سطح مایع بستگی دارد. به‌جز فشار، با افزایش سایر عوامل، آهنگ تبخیر سطحی افزایش می‌یابد اما با افزایش فشار، آهنگ تبخیر سطحی دچار کاهش خواهد شد.

نکته:

برای تبخیر سطحی نیز می‌توان از رابطه $Q = mL_V$ استفاده کرد، فقط بایستی L_V در همان دمای مربوطه را وارد کنیم.

پاسخ تشریحی:

مقدار گرمایی که آب منجمد شده از دست می‌دهد تا به یخ تبدیل شود با مقدار گرمایی که آب تبخیر شده جهت تبخیر سطحی گرفته است، برابر است. بنابراین اگر جرم کل آب اولیه را m و جرم آب منجمد شده را x بنامیم جرم آب تبخیر شده معادل $m-x$ خواهد شد و داریم:

$$Q_{\text{تبخیر سطحی}} = |Q_{\text{انجماد}}|$$

$$\rightarrow m_{\text{بخار شده}} L_V = m_{\text{منجمد شده}} L_F \rightarrow (m - x) \times \Delta \epsilon \cdot c_{\text{آب}} = x \times \lambda \cdot c_{\text{آب}}$$

$$\rightarrow \gamma(m - x) = x \rightarrow \gamma m - \gamma x = x \rightarrow x = \frac{\gamma}{\lambda} m$$

$$\text{درصد آب منجمد شده} = \frac{\text{جرم آب منجمد شده}}{\text{جرم آب اولیه}} \times 100 = \frac{\frac{\gamma}{\lambda} m}{m} \times 100 = 87.5\%$$

گروه آموزشی ماز

خب فسته نباشید، تو صفحه بعد کل مباحث این آزمون رو به صورت نمودار درختی آوردیم تا به نقشه ذهنی خوب از این مباحث توی ذهنتون شکل بگیره.

