

## فصل اول فیزیک دهم

### فیزیک و اندازه گیری

(معمولاً تست)

۱-۱ فیزیک، دانش بنیادی

فیزیک یکی از بنیادی ترین دانش هاست و شالوده تمامی مهندسی ها است که به طور مستقیم در زندگی ما نقش دارند.

۱-۱-۱ مراحل تولید علم فیزیک

مرحله ۱: فیزیک دانان، پدیده های طبیعت را مشاهده می کنند.

مرحله ۲: می کوشند الگوها و نظم های خاص میان این پدیده ها بیابند.

مرحله ۳: برای توصیف و توضیح پدیده های مورد بررسی، اغلب از قانون، مدل و نظریه ی فیزیک است.

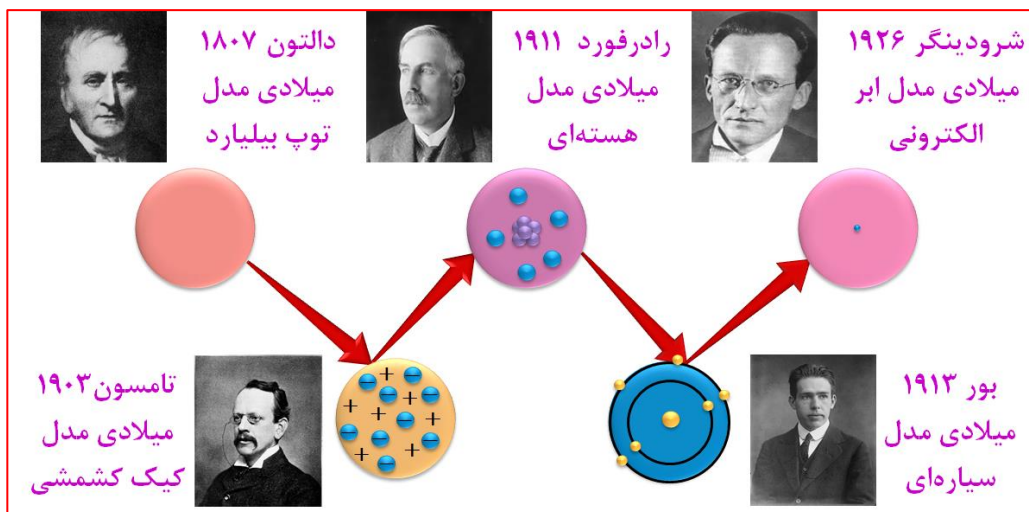
مرحله ۴: این قوانین، مدل ها و نظریه های فیزیکی را توسط آزمایش مورد ازمون قرار می دهند.



نکته ۱: مدل ها و نظریه های فیزیکی در طول زمان **همواره معتبر نیستند**، بلکه می توانند **دستخوش تغییر شوند**.

به بیان دیگر همواره این امکان وجود دارد که نتایج آزمایش های جدید منجر به بازنگری مدل یا نظریه ای شود و حتی ممکن است نظریه ای جدید جایگزین آن شود.

مثلاً در دهه های آغازین قرن گذشته، نظریه اتمی در خصوص رفتار اتم ها، بارها اصلاح شد.



ویژگی آزمون پذیری و اصلاح نظریه های فیزیکی، نقطه قوت دانش فیزیک است و نقش مهمی در فرایند پیشرفت دانش و تکامل پیرامون داشته است.

نکته ۲: دانشمندان برای توصیف پدیده های فیزیکی و رابطه بین کمیت ها از قانون ها و اصل ها استفاده می کنند.

۱. **قانون های فیزیکی**: معمولاً رابطه ی بین برخی از کمیت های فیزیکی را توصیف می کنند و **در دامنه ی وسیعی** از پدیده های گوناگون طبیعت معتبرند. (مانند قانون دوم نیوتن)

۲. **اصل فیزیکی**: برای توصیف **دامنه ی محدودتری** از پدیده های فیزیکی، که عمومیت کمتری دارند استفاده می شوند. (مانند اصل پاسکال)

مدل سازی در فیزیک فرایندی است که طی آن یک پدیده ی فیزیکی ، آن قدر ساده و آرمانی می شود تا امکان بررسی و تحلیل آن فراهم شود.



واقعیت پیچیده	مدل ساده
توپ، کره کامل نیست (درزها و برجستگی هایی دارد)	چشم پوشی از اندازه و شکل: توپ به عنوان جسم نقطه ای یا ذره در نظر گرفته می شود
وجود مقاومت هوا و اثر باد	توپ در خلاء حرکت می کند.
تغییر وزن توپ با تغییر فاصله از مرکز زمین	فرض می کنیم وزن توپ با تغییر فاصله از مرکز زمین ثابت می ماند.

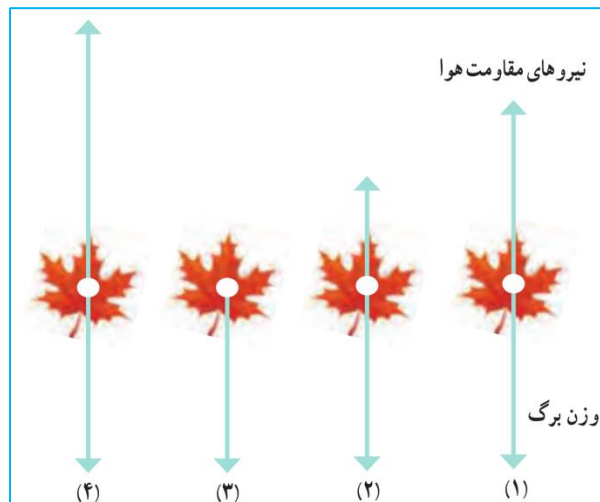
حال مسئله ما به قدر کافی ساده شده است و می توانیم حرکت آن را بررسی و تحلیل کنیم.

نکته ۳: هنگام مدل سازی یک پدیده ی فیزیکی ، باید **اثرهای جزئی تر را نادیده بگیریم نه اثرهای مهم و تعیین کننده.**

مثلاً اگر به جای مقاومت هوا، نیروی جاذبه ی زمین را نادیده می گرفتیم، آن گاه مدل ما پیش بینی می کرد که وقتی توپی به بالا پرتاب شود در یک خط

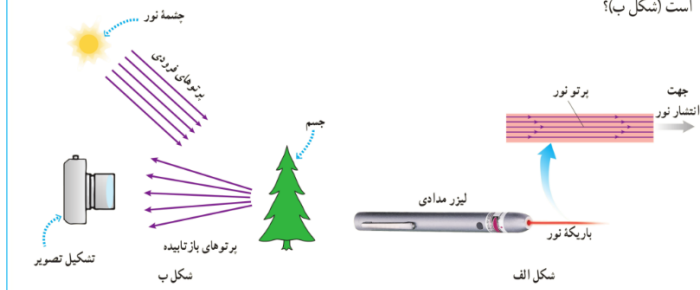
مستقیم بالا می رود!

مثال ۱:



برای حذف اثر این دو سوال را پیرس : (۱) مسیر حرکت عوض میشه ؟ (۲) زمان حرکت تغییر میکنه ؟

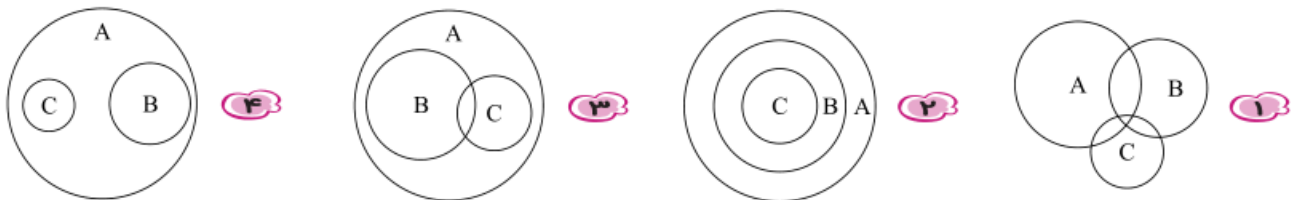
شکل الف براساس آنچه در زمینه نورشناسی خواندید آمده است. اجزای این شکل را توضیح دهید و بگویید که در آن، چه چیزی مدل‌سازی شده است. این مدل‌سازی چگونه در تشکیل تصویر در یک دوربین عکاسی به کار رفته است (شکل ب)؟



شکل الف، باریک‌های را نشان می‌دهد که از یک لیزر مدادی خارج شده است. باریک‌ها نور، به صورت پرتوهای موازی نور مدل‌سازی شده است. همان‌طور که می‌دانید مدل پرتوی نور در نور هندسی، اهمیت زیادی دارد و دانش‌آموزان در علوم سال هشتم نیز تا حدودی با برخی از جنبه‌های آن آشنا شده‌اند. در شکل ب از مدل پرتوی نور برای انتشار نور از یک چشمه نور استفاده شده است. چون چشمه نور در فاصله دوری قرار دارد پرتوهای که به جسم رسیده‌اند به صورت موازی مدل‌سازی شده‌اند. برخی از پرتوها پس از بازتاب از جسم، وارد دوربین می‌شوند و تصویری از جسم تشکیل می‌دهند.

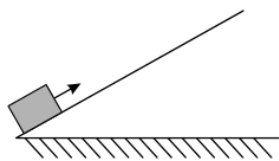
تست ۱: 

اگر پدیده‌های فیزیکی را با شکل A، قانون فیزیکی را با شکل B و اصل فیزیکی را با شکل C نشان دهیم، کدام یک از گزینه‌های زیر، طرح‌واره مفهومی درستی را نشان می‌دهد؟



تست ۲: 

مطابق شکل زیر، جسمی را روی سطح شیب‌دار به طرف بالا پرتاب می‌کنیم و بعد از مدتی جسم متوقف می‌شود. هنگام مدل‌سازی این پدیده فیزیکی، چه تعداد از موارد زیر را می‌توان نادیده گرفت؟ (الف) ابعاد جسم



(ب) وزن جسم

(پ) اصطکاک جسم با سطح شیب‌دار

(ت) تغییر وزن جسم با ارتفاع

(ث) تأثیر مقدار شیب سطح

(ج) مقاومت هوا

۴ 

۳ 

۲ 

۱ 

پاسخ: گزینه ۳ ابعاد جسم، تغییر وزن آن با ارتفاع و مقاومت هوا اثر جزئی دارند و می‌توان از آن‌ها صرف‌نظر کرد. اما وزن جسم، اصطکاک جسم با سطح شیب‌دار و مقدار شیب سطح از عوامل مهم و تأثیرگذار در بررسی این پدیده فیزیکی هستند و نمی‌توان از آن‌ها صرف‌نظر کرد.

تست ۳: 

در یک سالن ورزشی، توپ بسکتبالی را به سمت سبد پرتاب می‌کنیم. کدام یک از گزینه‌ها در مورد مدل واقعی و مدل فرضی (ساده شده) درست است؟



۱ در مدل واقعی توپ دارای حجم است ولی در مدل ساده شده آن را به صورت نقطه‌ای فرض می‌کنیم که در حال چرخش است.

۲ در مدل واقعی، با افزایش ارتفاع، جرم توپ کاهش می‌یابد ولی در مدل ساده شده آن را ثابت فرض می‌کنیم.

۳ در مدل واقعی وزن توپ متغیر است ولی در مدل ساده شده آن را ثابت فرض می‌کنیم.

۴ در مدل واقعی سرعت توپ متغیر است ولی در مدل ساده شده آن را ثابت فرض می‌کنیم.

پاسخ: گزینه ۳ بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: در مدل فرضی توپ را به صورت نقطه در نظر می‌گیریم و می‌دانیم نقطه نمی‌چرخد.

گزینه ۲: جرم توپ بنا به قانون پایستگی جرم همواره ثابت است و وزن آن است که با تغییر ارتفاع، تغییر می‌کند.

گزینه ۳: وزن توپ برابر با  $mg$  بوده و می‌دانیم با افزایش ارتفاع،  $g$  کاهش می‌یابد، در نتیجه وزن توپ نیز کاهش می‌یابد، ولی با توجه به پیچیدگی محاسبات، ما آن را ثابت فرض می‌کنیم.

گزینه ۴: در مدل واقعی و فرضی سرعت توپ متغیر است.

## ۲-۱ اندازه گیری و کمیت های فیزیکی

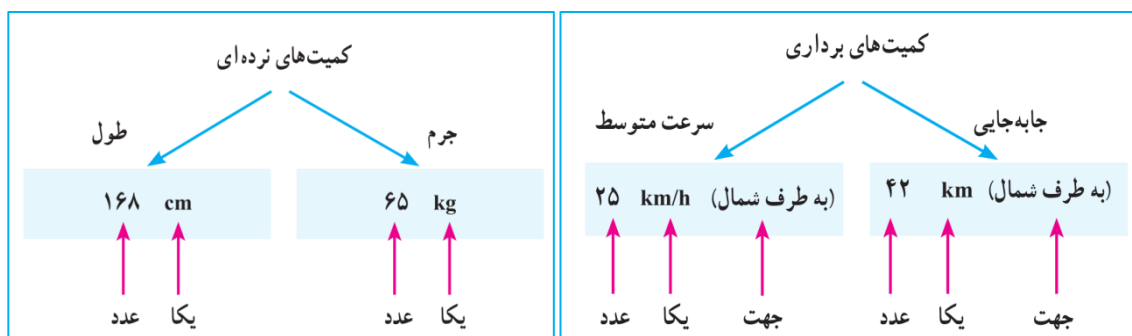
**فیزیک**، علمی **تجربی** است **وهدف** آن بررسی **پدیده های فیزیکی** در جهان پیرامون است. **اساس تجربه و آزمایش**، **اندازه گیری** است و برای بیان نتایج اندازه گیری به طور معمول از عدد و یکای مناسب آن استفاده می کنیم.

نکته ۴: در فیزیک به **هر چیزی که بتوان آن را اندازه گرفت**، مانند طول، جرم، تندی، نیرو و... کمیت فیزیکی گفته می شود.

کمیت های فیزیکی به دو نوع نرده ای یا اسکالر و برداری تقسیم می شوند: (دسته بندی اول)



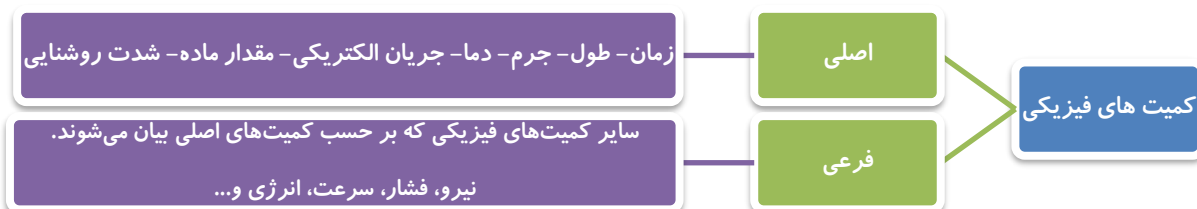
مثال ۳:



### ۱-۲-۱ اندازه گیری و دستگاه بین المللی یکاها

- برای انجام اندازه گیری های درست و قابل اطمینان به **یکاهای اندازه گیری** ای نیاز داریم که **تغییر نکنند** و دارای **قابلیت باز تولید** در مکان های مختلف باشند.
- دستگاه یکاهایی که بیشتر مهندسان و دانشمندان در سراسر جهان به کار می برند را اغلب **دستگاه متریک** می نامند، ولی این دستگاه یکاها به طور رسمی **دستگاه بین المللی (SI)** نامیده شده است.
- **هفت کمیت** که به آنها **کمیت های اصلی** می گوئیم **اساس دستگاه بین المللی** را تشکیل می دهند.
- سایر کمیت های دیگر را که **برحسب کمیت های اصلی** بیان می شوند، **کمیت های فرعی** می نامند.
- تعداد کمیت های فیزیکی آن چنان زیاد است که **تعیین یکای مستقل** برای **همه** آنها در عمل **ناممکن** است. اما خوشبختانه، بسیاری از کمیت های فیزیکی مستقل از یکدیگر نیستند و توسط رابطه ها و تعریف های فیزیکی به یکدیگر وابسته اند.

### ۲-۲-۱ دسته بندی دوم کمیت های فیزیکی





کمیت های فرعی				کمیت های اصلی		
یکای SI	یکای فرعی	فرمول	کمیت	نماد یکا	نام یکا	کمیت
$\frac{m}{s}$	$\frac{m}{s}$	$S_{av} = \frac{l}{\Delta t}$	تندی	$m$	متر	طول
$\frac{m}{s}$	$\frac{m}{s}$	$V_{av} = \frac{d}{\Delta t}$	سرعت	$kg$	کیلوگرم	جرم
$\frac{m}{s} = \frac{m}{s^2}$	$\frac{m}{s} = \frac{m}{s^2}$	$a_{av} = \frac{\Delta V}{\Delta t}$	شتاب	$s$	ثانیه	زمان
نیوتن (N)	$kg \times \frac{m}{s^2}$	$F = ma$	نیرو	$K$	کلوین	دما
پاسکال (Pa)	$\frac{kg \times \frac{m}{s^2}}{m^2} = \frac{kg}{m \times s^2}$	$P = \frac{F}{A}$	فشار	$mol$	مول	مقدار ماده
ژول (J)	$kg \times \frac{m^2}{s^2}$	$W = Fd$	انرژی	$A$	آمپر	جریان الکتریکی
				$cd$	کندلا (شمع)	شدت روشنایی

تست ۴:

خارج از کشور - ۱۳۸۶

جرم و زمان از ..... و کیلوگرم و ثانیه از ..... می باشند.

۱. یکاهای فرعی - یکاهای اصلی
۲. یکاهای اصلی - کمیت های فرعی
۳. کمیت های اصلی - یکاهای اصلی
۴. کمیت های اصلی - کمیت های فرعی

تست ۵:

سراسری - ۱۳۹۸

در کدام یک از موارد زیر، همه کمیت ها فرعی هستند؟

۱. جرم، زمان، فشار
۲. چگالی، تندی، انرژی
۳. چگالی، جریان الکتریکی، حجم
۴. شدت روشنایی، مقدار ماده، زمان

تست ۶:

با توجه به برداری یا نرده‌ای بودن کمیت‌ها، در چند مورد از عبارتهای زیر بیانی صحیح و کامل برای کمیت‌های ذکر شده آمده است؟

- الف) نیروی الکتریکی = ۸۵۰ نیوتون
- ب) سرعت = ۸۰ کیلومتر بر ساعت
- پ) جریان الکتریکی = ۱۰ آمپر
- ت) جرم = ۲۰ کیلوگرم (به طرف پایین)
۱. یک
۲. دو
۳. سه
۴. صفر

پاسخ: گزینه ۱ بررسی عبارت‌ها:

- الف) نیرو (نیروی الکتریکی) ← برداری ← ۸۵۰ نیوتون (جهت باید ذکر شود) ×
- ب) سرعت ← برداری ← ۸۰ کیلومتر بر ساعت (جهت باید ذکر شود) ×
- پ) جریان الکتریکی ← نرده‌ای ← ۱۰ آمپر (جهت ندارد) ✓
- ت) جرم ← نرده‌ای ← ۲۰ کیلوگرم (جهت ندارد) ×

هر کمیت فیزیکی را بانماد مشخص نشان میدهم. مانند:  $a$  شتاب،  $F$  نیرو،  $V$  سرعت و  $m$  جرم  
برای بیان ارتباط بین کمیت های فیزیکی، از روابط ومعادله ها استفاده می کنیم. مانند:

$$F = ma$$

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$F = ma = (0.325 \text{ kg})(1.75 \text{ m/s}^2) = 0.569 \text{ N}$$

یکای دو طرف معادله با هم سازگار است.

نکته ۵: هنگام استفاده از رابطه ها و جایگذاری اندازه هر کمیت در آن، باید به سازگاری یکاها در دو طرف رابطه توجه کنیم.

اگر بخواهیم هر دو طرف رابطه برحسب یکاهای SI بیان شود باید یکای کمیت های داده شده را نیز به یکاهای SI تبدیل کنیم. مانند:

$$P = \frac{F}{A} \rightarrow 2/5 Pa = \frac{5N}{2m^2}$$

مثال ۴: باتوجه به روابط فیزیکی ای که تاکنون فرا گرفته اید، درستی گزاره های زیر را اثبات کنید.

$$1) 1N = 1 \frac{kgm}{s^2} \Rightarrow F = ma \Rightarrow 1N = 1(kg)\left(\frac{m}{s^2}\right)$$

$$2) 1J = 1 \frac{kgm^2}{s^2} \Rightarrow \begin{cases} U = mgh \Rightarrow 1J = 1(kg)\left(\frac{m}{s^2}\right)(m) = 1 \frac{kg \cdot m^2}{s^2} \\ W = Fd \Rightarrow 1J = 1(N)(m) = 1\left(\frac{kgm}{s^2}\right)(m) = 1 \frac{kg \cdot m^2}{s^2} \end{cases}$$

تست ۷

در تعریف یکای کدام یک از مفاهیم فیزیکی زیر در SI، تعداد یکای اصلی کمتری نسبت به سایر گزینه ها به کار رفته است؟

۱ نیرو      ۲ انرژی      ۳ شتاب متوسط      ۴ گشتاور

پاسخ: گزینه ۳ یکای فرعی هر کدام از کمیت های موجود در گزینه ها را بررسی می کنیم:

$$F = ma \Rightarrow 1N = (1kg)\left(1\frac{m}{s^2}\right) \Rightarrow 1N = 1kg\frac{m}{s^2}$$

نیرو (N) به وسیله سه یکای اصلی جرم (kg)، طول (m) و زمان (s) تعریف می شود.

$$U = mgh \Rightarrow 1J = (1kg)\left(1\frac{m}{s^2}\right)(1m) \Rightarrow 1J = 1kg\frac{m^2}{s^2}$$

انرژی (J) به وسیله سه یکای اصلی جرم (kg)، طول (m) و زمان (s) تعریف می شود.

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow [\bar{a}] = \frac{m}{s} = \frac{m}{s}$$

شتاب متوسط  $\left(\frac{m}{s^2}\right)$  به وسیله دو کمیت اصلی طول (m) و زمان (s) تعریف می شود.

$$T = F\ell \Rightarrow [\bar{T}] = (N)(m) = (kg\frac{m}{s^2})(m) = kg\frac{m^2}{s^2}$$

گشتاور (N · m) به وسیله سه کمیت اصلی جرم (kg)، طول (m) و زمان (s) تعریف می شود.

بنابراین در تعریف شتاب متوسط تعداد یکای اصلی کمتری نسبت به سایر گزینه ها به کار رفته است.

- به لحاظ تاریخی، یکای طول (متر) به صورت زیر تعریف شده است:
- **اواخر قرن هجدهم:** یک ده میلیونیم فاصله‌ی استوا تا قطب شمال (در طول جغرافیایی گذرنده از پاریس)
- **تا سال ۱۳۴۰:** فاصله‌ی میان دو خط نازک حک شده در نزدیکی دو سر میله‌ای از جنس پلاتین-ایریدیوم در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس.

• **از سال ۱۳۶۲:** مسافتی که نور در مدت زمان  $\frac{1}{299792458}$  ثانیه در خلاء طی می‌کند. (حفظ نشه)

• برخی یکاهای قدیمی (ایرانی):

۱ ذرع = ۱۰۴ سانتی‌متر  
۱ فرسنگ = ۶۰۰۰ ذرع

• برخی یکاهای مهندسی (انگلیسی):

۱ مایل = ۱۰۶۰۹ کیلومتر  
۱ یارد = ۰٫۹۱۴۴ متر

۱ اینچ = ۲٫۵۴ سانتی  
۱ فوت = ۰٫۳۰۴۸ متر

تذکر: حفظ کردن یکاهای قدیمی و غیر SI واجب نیست و تو امتحان نباید ولی دوستانتون خیلی باحال.

جسم	طول (m)	جسم	طول (m)
فاصله منظومه شمسی تا نزدیک‌ترین کهکشان	$2/8 \times 10^{21}$	طول زمین فوتبال	$9 \times 10^1$
فاصله منظومه شمسی تا نزدیک‌ترین ستاره	$4 \times 10^{16}$	طول بدن نوعی مگس	$5 \times 10^{-2}$
یک سال نوری	$9 \times 10^{15}$	اندازه ذرات کوچک گرد و خاک	$1 \times 10^{-2}$
شعاع مدار میانگین زمین به دور خورشید	$1/5 \times 10^{11}$	اندازه یاخته‌های بیشتر موجودات زنده	$1 \times 10^{-5}$
فاصله میانگین ماه از زمین	$3/84 \times 10^8$	اندازه بیشتر میکروپها	$0/2 \text{--} 2 \times 10^{-6}$
شعاع میانگین زمین	$6/4 \times 10^6$	قطر اتم هیدروژن	$1/06 \times 10^{-10}$
فاصله ماهواره‌های مخابراتی از زمین	$3/6 \times 10^7$	قطر هسته اتم هیدروژن (قطر پروتون)	$1/75 \times 10^{-15}$

### طول (m)

متر در آغاز به صورت یک ده میلیونیم این فاصله تعریف شد



اولین تعریف متر در سال ۱۷۹۱ میلادی

### جرم (kg)

یکای جرم در SI کیلوگرم (kg) نامیده می‌شود و به صورت جرم استوانه‌ای فلزی از جنس آلیاژ پلاتین-ایریدیوم

تعریف شده است.

• برخی یکاهای قدیمی (ایرانی):

۱ مثقال = ۲۴ نخود = ۹۶ گندم = ۴۰۸۶ گرم

۱ من تبریز = ۴۰ سیر = ۶۴۰ مثقال = ۳۱۱۰۴ کیلوگرم

۱ خروار = ۱۰۰ من تبریز = ۳۱۱۰۴ کیلوگرم

• برخی یکاهای مهندسی (انگلیسی):

۱ پوند = ۰٫۴۵۳۶ کیلوگرم



جسم	جرم (kg)	جسم	جرم (kg)
عالم قابل مشاهده	$1 \times 10^{52}$	انسان	$7 \times 10^1$
کهکشان راه شیری	$7 \times 10^{41}$	قورباغه	$1 \times 10^{-1}$
خورشید	$2 \times 10^{30}$	پشه	$1 \times 10^{-5}$
زمین	$6 \times 10^{24}$	باکتری	$1 \times 10^{-15}$
ماه	$7/34 \times 10^{22}$	اتم هیدروژن	$1/67 \times 10^{-27}$
کوسه	$1 \times 10^3$	الکترون	$9/11 \times 10^{-31}$

یکای زمان در SI ثانیه (s) است که به صورت زیر تعریف شده است:

• تا ۱۳۴۶:  $\frac{1}{86400}$  میانگین روز خورشیدی

• از سال ۱۳۴۶ تاکنون بر اساس دقت بسیار زیاد ساعت‌های اتمی تعریف شده است.

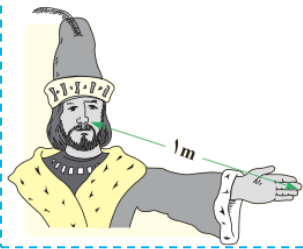
(اطلاعات عمومی: بازه‌ی زمانی که اتم سزیم  $^{133}CS$  در وضعیت عادی  $9192631770$  ارتعاش انجام می‌دهد.)

### زمان (s)

بازه زمانی	ثانیه
سن عالم	$5 \times 10^{17}$
سن زمین	$1/43 \times 10^{17}$
میانگین عمر یک انسان	$2 \times 10^1$
یک سال	$3/15 \times 10^7$
یک روز	$8/6 \times 10^4$
زمان بین دو ضربان عادی قلب	$8 \times 10^{-1}$

نکته ۶: در بسیاری از موارد، نیاز به اندازه گیری مدت زمان بین شروع و پایان یک رویداد داریم. این مدت زمان را **بازه زمانی** می گوئیم.

مثال ۵:



اگر مطابق شکل روبه رو، یکای طول را به صورت فاصله نوک بینی تا نوک انگشتان دست کشیده شده بگیریم چه مزایا و چه معایبی دارد؟  
یکی از مزیت های این استاندارد برای یکای طول، در دسترس بودن آن است در حالی که تغییر پذیری آن بین اشخاص مختلف، یک از معایب آن است.

اگر با تغییر فرد، مکان و زمان یکا تغییر کرد، یکای خوبی نیست!

۳-۱ تبدیل یکاها

اغلب در حل مسائل فیزیک، لازم است یکای کمیتی را تغییر دهیم. این کار با روش **تبدیل زنجیره ای** انجام می شود. در این روش، اندازه ی کمیت را در یک عامل تبدیل (نسبتی از یکاها که برابر عدد یک است) ضرب می کنیم. برای مثال چون ۱ kg برابر ۱۰۰۰ گرم است داریم:

$$\frac{1kg}{1000g} = 1, \quad \frac{1000g}{1kg} = 1$$

بنابراین هر دو کسر بالا را که برابر یک هستند می توان به عنوان عامل تبدیل به کار برد.

نکته ۷: ضرب کردن هر کمیت در عدد یک، اندازه آن کمیت را تغییر نمی دهد. هرگاه عاملی تبدیلی را مناسب بدانیم می توانیم از آن استفاده کنیم.

$$185cm = (185cm)(1) = (185cm) \left( \frac{1m}{100cm} \right) = 1.85m$$

← ضرب تبدیل

$$36km/h = \left( 36 \frac{km}{h} \right) (1)(1) = \left( 36 \frac{km}{h} \right) \left( \frac{1h}{3600s} \right) \left( \frac{1000m}{1km} \right) = 10m/s$$

مثال ۶: تبدیل یکاهای زیر را به روش زنجیره ای انجام دهید.

۱)  $22cm = \dots m \rightarrow$

۲)  $3gr = \dots kg \rightarrow$

۳)  $72 \frac{km}{h} = \dots \frac{m}{s} \rightarrow$

مثال ۷: تبدیل واحد مهم چگالی :

$$5 \frac{gr}{cm^3} \xrightarrow{How?} ? \frac{kg}{m^3}$$

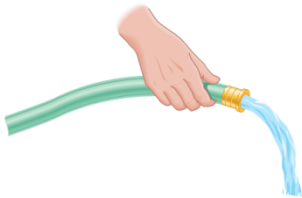
$$Step 1 \rightarrow 5 \frac{gr}{cm^3} \times (-) \times (-)$$

$$Step 2 \rightarrow 5 \frac{gr}{cm^3} \times \left( \frac{cm^3}{gr} \right) \times \left( \frac{m^3}{cm^3} \right)$$

$$Step 3 \rightarrow 5 \frac{gr}{cm^3} \times \left( \frac{kg}{gr} \right) \times \left( \frac{cm^3}{m^3} \right)$$

$$Final \rightarrow 5 \frac{gr}{cm^3} \times \left( \frac{1kg}{1000gr} \right) \times \left( \frac{10^{-6}cm^3}{1m^3} \right) = 5 \times 10^{-3} \frac{kg}{m^3}$$

مثال ۸:



در فیزیک، تغییر هر کمیت را نسبت به زمان، معمولاً آهنگ آن کمیت می‌نامیم. از شلنگ شکل روبه‌رو، آب با آهنگ  $125 \text{ cm}^3/\text{s}$  خارج می‌شود. این آهنگ را به روش تبدیل زنجیره‌ای، برحسب یکای لیتر بر دقیقه (L/min) بنویسید. (هر لیتر معادل  $1000$  سانتی‌متر مکعب است.)

$$125 \text{ cm}^3/\text{s} = 125 \text{ cm}^3/\text{s} (1) (1)$$

$$(125 \text{ cm}^3/\text{s} \left( \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ cm}^3} \right) \left( \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} \right)) = 7/5 \text{ L/min}$$

مثال ۹:

خروار، من تبریز، سیر، مثقال، نخود و گندم از جمله یکاهای قدیمی ایرانی برای اندازه‌گیری جرم است.<sup>۱</sup> این یکاها به صورت زیر به یکدیگر مرتبط‌اند:

$$1 \text{ خروار} = 100 \text{ من تبریز}$$

$$1 \text{ من تبریز} = 40 \text{ سیر} = 640 \text{ مثقال}$$

$$1 \text{ مثقال} = 24 \text{ نخود} = 96 \text{ گندم}$$

با توجه به اینکه هر مثقال اندکی بیش از  $4/6$  گرم است، هر کدام از این یکاها را برحسب گرم و کیلوگرم بیان کنید.

$$1 \text{ خروار} = 100 \text{ من تبریز} \times \frac{640 \text{ مثقال}}{1 \text{ من تبریز}} = 100 \times 640 \text{ مثقال} \times \frac{4/68 \text{ گرم}}{1 \text{ مثقال}} = 299 \times 10^2 \text{ g} = 299 \text{ kg}$$

$$1 \text{ من تبریز} = 100 \text{ من تبریز} \times \frac{1 \text{ خروار}}{100 \text{ من تبریز}} \times \frac{299 \times 10^2 \text{ g}}{1 \text{ خروار}} = 2/99 \times 10^2 \text{ g} = 2/99 \text{ kg}$$

$$1 \text{ سیر} = 1 \text{ سیر} \times \frac{640 \text{ مثقال}}{40 \text{ سیر}} = 16 \text{ مثقال} = 16 \text{ مثقال} \times \frac{4/68 \text{ g}}{1 \text{ مثقال}} = 74/9 \text{ g} = 7/49 \times 10^{-2} \text{ kg}$$

$$1 \text{ نخود} = 1 \text{ نخود} \times \frac{1 \text{ مثقال}}{24 \text{ نخود}} = 0/042 \text{ مثقال} = 0/042 \text{ مثقال} \times \frac{4/68 \text{ g}}{1 \text{ مثقال}} = 0/195 \text{ g} = 0/195 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$1 \text{ گندم} = 1 \text{ گندم} \times \frac{1 \text{ مثقال}}{96 \text{ گندم}} = 0/049 \text{ g} = 0/049 \times 10^{-3} \text{ kg}$$



هرگاه در اندازه گیری ها با اندازه های **بسیار بزرگ تر** یا **بسیار کوچک تر** از یکاهای اصلی آن کمیت مواجه شویم، از پیشوند هایی استفاده میکنیم. **هر پیشوند توان معینی از ۱۰** را نشان می دهد که به صورت یک عامل ضرب به کار می رود.

نوع پیشوند	پیشوند	نماد	ضریب	ضریب به صورت توان ده
پیشوند های بزرگ ساز	ترا	T	۱,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰	۱۰ <sup>۱۲</sup>
	گیگا (جیگا)	G	۱,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰	۱۰ <sup>۹</sup>
	مگا	M	۱,۰۰۰,۰۰۰	۱۰ <sup>۶</sup>
	کیلو	k	۱,۰۰۰	۱۰ <sup>۳</sup>
	هکتو	h	۱۰۰	۱۰ <sup>۲</sup>
	دکا	da	۱۰	۱۰ <sup>۱</sup>
پیشوند های کوچک ساز	دسی	d	۰/۱	۱۰ <sup>-۱</sup>
	سانتی	c	۰/۰۱	۱۰ <sup>-۲</sup>
	میلی	m	۰/۰۰۱	۱۰ <sup>-۳</sup>
	میکرو	μ	۰/۰۰۰,۰۰۱	۱۰ <sup>-۶</sup>
	نانو	n	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	۱۰ <sup>-۹</sup>
	پیکو	p	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	۱۰ <sup>-۱۲</sup>
	فمتو	f	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	۱۰ <sup>-۱۵</sup>

$12\mu g = \dots g \rightarrow 12\mu g \left(\frac{10^{-6}g}{1\mu g}\right) = 12 \times 10^{-6}g$ $7MN = \dots N \rightarrow 7MN \left(\frac{10^6N}{1MN}\right) = 7 \times 10^6N$ $1/2kPa = \dots Pa \rightarrow 1/2kPa \left(\frac{10^3Pa}{1kPa}\right) = 1200Pa$ $27mm = \dots m \rightarrow 27mm \left(\frac{10^{-3}m}{1mm}\right) = 0.027m$	الف : معمولی
$15(cm)^2 = \dots m^2 \rightarrow 15(cm)^2 \left(\frac{10^{-2}m}{1cm}\right)^2 = 15 \times 10^{-4}m^2$ $6 \times 10^{-4}m^3 = \dots (mm)^3 \rightarrow 6 \times 10^{-4}m^3 \left(\frac{1mm}{10^{-3}m}\right)^3 = 6 \times 10^5(mm)^3$	ب: توانی
$1/2 \frac{km}{min} = \dots \frac{m}{s} \rightarrow 1/2 \frac{km}{min} \left(\frac{10^3m}{1km}\right) \left(\frac{1min}{60s}\right) = 20 \frac{m}{s}$ $3 \frac{kN}{m^2} = \dots \frac{N}{(cm)^2} \rightarrow 3 \frac{kN}{m^2} \left(\frac{10^3N}{1kN}\right) \left(\frac{10^{-2}m}{1cm}\right)^2 = 0.3 \frac{N}{(cm)^2}$	ج: کسری
$1/2 \times 10^4 \mu g = \dots hg \rightarrow 1/2 \times 10^4 \mu g \left(\frac{10^{-6}g}{1\mu g}\right) \left(\frac{1hg}{10^3g}\right) = 1/2 \times 10^{-4}hg$ $4(cm)^3 = \dots (mm)^3 \rightarrow 4(cm)^3 \left(\frac{10^{-2}m}{1cm}\right)^3 \left(\frac{1mm}{10^{-3}m}\right)^3 = 4 \times 10^{-6} \times \frac{1}{10^{-9}}(mm)^3 = 4 \times 10^3(mm)^3$	د: دو طرف پیشوند

نکته ۸: تبدیل واحدها (مخصوصاً فرعی به فرعی) برای سهولت کار می توان، توان ضریب پیشوند ها را از هم کم کرد.

مثال ۱۰: 

$$4(cm)^3 = \dots (mm)^3 \rightarrow 4(cm)^3 = 4 \times 10^{+3}(mm)^3$$

$$\begin{cases} (cm)^3 = (10^{-2})^3 = 10^{-6} \\ (mm)^3 = (10^{-3})^3 = 10^{-9} \end{cases} \Rightarrow (-6) - (-9) = +3$$

تست ۸: 

خارج از کشور- ۱۳۹۸

جرم یک قطعه سنگی قیمتی ۲۰۰ قیراط است و هر قیراط معادل ۲۰۰ میلی گرم است. جرم این سنگ چند گرم است؟

۱۰۰  ۴

۴۰  ۳

۱۰  ۲

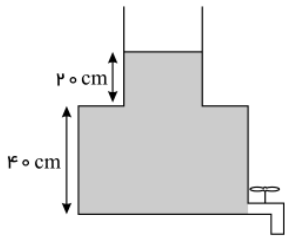
۴  ۱

گزینه ۳

$$M = 200 \text{ قیراط} = 200 \text{ قیراط} \times \frac{200 \text{ میلی گرم}}{\text{قیراط}} \times \frac{10^{-3} \text{ گرم}}{1 \text{ میلی گرم}} = 40g$$

تست ۹: 

در شکل زیر، اگر شیر مخزن باز شود، در مدت ۴۸s کل آب مخزن خالی می‌شود. آهنگ متوسط خروج آب از شیر چند لیتر بر دقیقه است؟ (سطح مقطع قسمت باریک ۲۰cm<sup>۲</sup> و سطح مقطع کف ظرف ۵۰cm<sup>۲</sup> است.)



۳۰  ۲

۵۰  ۱

۳  ۴

$\frac{5}{6}$   ۳

پاسخ: گزینه ۴ ابتدا حجم آب داخل مخزن را به دست می‌آوریم:

$$V = A_1 h_1 + A_2 h_2 = 50 \times 40 + 20 \times 20 = 2400 \text{ cm}^3$$

آهنگ خروج آب از شیر برابر است با:

$$\frac{2400 \text{ cm}^3}{48 \text{ s}} = 50 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$$

با استفاده از روش زنجیره‌ای داریم:

$$50 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \times \frac{10^{-3} \text{ L}}{1 \text{ cm}^3} \times \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} = 3 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

تست ۱۰: 

یک استخر کشاورزی به طول ۰٫۰۵mile، عرض ۰٫۰۱۲۵mile، و ارتفاع ۰٫۰۰۲۵mile به طور کامل از آب پر است. اگر پمپی با آهنگ  $40 \frac{\text{L}}{\text{min}}$  درون استخر را به بیرون پمپاژ کند، پس از ۱۲ ساعت، ارتفاع آب درون استخر به چند سانتی‌متر خواهد رسید؟ (1mile = 1600m)

۳۹۸٫۲  ۴

۳٫۹۸۲  ۳

۱٫۸  ۲

۰٫۰۱۸  ۱

پاسخ: گزینه ۴ حجم آبی که توسط پمپ در مدت ۱۲ ساعت از داخل استخر به بیرون پمپاژ می‌شود، برابر است با:

$$V = 40 \frac{\text{L}}{\text{min}} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \times 12 \text{ h} \times \frac{10^{-3} \text{ m}^3}{1 \text{ L}} \Rightarrow V = 288 \text{ m}^3$$

با استفاده از قاعده زنجیره‌ای، ابعاد استخر را بر حسب متر می‌نویسیم. داریم:

$$0.05 \text{ mile} = 0.05 \text{ mile} \times \frac{1600 \text{ m}}{1 \text{ mile}} = 80 \text{ m}$$

$$0.0125 \text{ mile} = 0.0125 \text{ mile} \times \frac{1600 \text{ m}}{1 \text{ mile}} = 20 \text{ m}$$

$$0.0025 \text{ mile} = 0.0025 \text{ mile} \times \frac{1600 \text{ m}}{1 \text{ mile}} = 4 \text{ m}$$

بنابراین کاهش ارتفاع آب استخر برابر خواهد بود با:

$$\Delta h = \frac{288}{80 \times 20} = 0.18 \text{ m} = 18 \text{ cm}$$

در نتیجه ارتفاع آب باقی‌مانده در استخر برابر است با:

$$400 - 18 = 382 \text{ cm}$$







$$\text{قطر میانگین یک گلبول قرمز} : \begin{cases} 7,0 \times 10^{-6} m \times \frac{1mm}{10^{-3}m} = 7,0 \times 10^{-3} mm \\ 7,0 \times 10^{-6} m \times \frac{1\mu m}{10^{-6}m} = 7,0 \mu m \end{cases}$$

$$\text{قطر هسته اتم اورانیوم} : \begin{cases} 1,75 \times 10^{-14} m \times \frac{1pm}{10^{-12}m} = 1,75 \times 10^{-2} pm \\ 1,75 \times 10^{-14} m \times \frac{1fm}{10^{-15}m} = 1,75 \times 10 fm \end{cases}$$

$$\text{جرم یک گیره کاغذ} : \begin{cases} 1,0 \times 10^{-4} kg \times \frac{10^3g}{1kg} = 1,0 \times 10^{-1} g \\ 1,0 \times 10^{-4} kg \times \frac{10^3g}{1kg} \times \frac{1mg}{10^{-3}g} = 1,0 \times 10^2 mg \end{cases}$$

$$\text{زمانی که نور مسافت ۳ متر را در هوا طی می‌کند} : \begin{cases} 1,0 \times 10^{-9} s \times \frac{1\mu s}{10^{-6}s} = 1,0 \times 10^{-3} \mu s \\ 1,0 \times 10^{-9} s \times \frac{1ns}{10^{-9}s} = 1,0 ns \end{cases}$$

	قطر میانگین یک گویچه (گلبول) قرمز	$7,0 \times 10^{-6} m$
	قطر هسته اتم اورانیوم	$1,75 \times 10^{-14} m$
	جرم یک گیره کاغذ	$1,0 \times 10^{-4} kg$
	زمانی که نور مسافت ۳ متر را در هوا طی می‌کند.	$1,0 \times 10^{-9} s$

### ۵-۱ دقت

در اندازه‌گیری، تمام کمیت‌های فیزیکی مانند طول، جرم، زمان و ... عدم قطعیت و خطا وجود دارد. به عبارت دیگر: هیچ‌گاه نمی‌توان اندازه‌ی واقعی یک کمیت را به کمک اندازه‌گیری به دست آورد. با انتخاب وسیله‌های دقیق و روش صحیح اندازه‌گیری، تنها می‌توان مقدار خطا را کاهش داد، ولی هیچ‌گاه نمی‌توان آن را به صفر رساند.

نکته ۹: دقت اندازه‌گیری به (۱) **دقت و حساسیت وسیله**، (۲) **مهارت شخصی** که اندازه‌گیری می‌کند و (۳) **تعداد دفعاتی** که اندازه‌گیری تکرار می‌شود، بستگی دارد.

(۱) دقت و حساسیت وسیله اندازه‌گیری

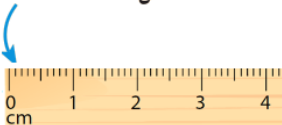
یکی از عوامل مهم در دقت اندازه‌گیری، **دقت و حساسیت وسیله اندازه‌گیری** است.

در مورد خطا و دقت اندازه‌گیری ابزارهای مختلف اندازه‌گیری می‌توان گفت:


دقت اندازه‌گیری	نوع وسیله
کمینه تقسیم بندی مقیاس وسیله	وسيله درجه بندی شده
واحد آخرین رقمی که خوانده می‌شود	وسيله رقمی (دیجیتال)


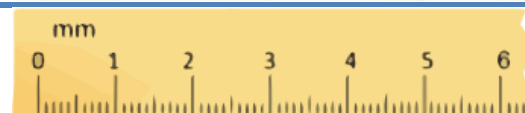


برای مثال:

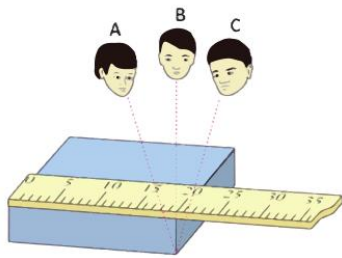
کمینه درجه بندی این خط‌کش، ۱ mm است.



دقت این خط‌کش ۱ mm و خطای اندازه‌گیری توسط آن  $\pm 0,5 mm$  است.

مثال ۱۴: خطای هر یک از وسایل زیر را حساب کنید: 

	دقت $1\text{ cm}$
	دقت $1\text{ mm}$
	دقت $1^\circ\text{C}$
	دقت $0.1^\circ\text{C}$



### ۲) مهارت شخص آزمایشگر

یکی دیگر از عوامل مهم و تأثیرگذار روی دقت اندازه گیری، مهارت شخص آزمایشگر است.

یکی از مهارت‌های شخص آزمایشگر، نحوه خواندن نتیجه اندازه گیری است.

**انتخاب منظر صحیح** در خواندن نتیجه اندازه گیری، از مهم‌ترین مهارت‌های شخص آزمایشگر است.

مثلاً خواندن نتیجه اندازه گیری از منظرهای A, C خطا را افزایش می‌دهد درحالی‌که گزارش شخصی که از

منظر B نتیجه اندازه گیری را می‌خواند دقت بیشتری دارد.

### ۳) تعداد دفعات اندازه گیری

برای کاهش خطا در اندازه گیری هر کمیت، معمولاً اندازه گیری آن را چندبار تکرار می‌کنند.

\* اگر عددهای به دست آمده متفاوت باشند، میانگین آن عددها به عنوان نتیجه اندازه گیری گزارش می‌شود.

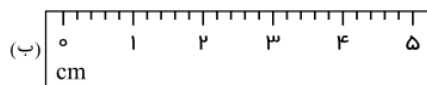
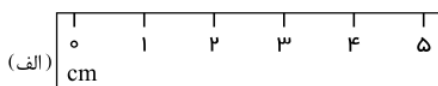
\* اگر در میان عددهای متفاوت، یک یا دو عدد اختلاف زیادی با بقیه داشته باشند، در میانگین گیری به حساب نمی‌آیند.



تست ۱۲: 

در شکل زیر دو خطکش (الف) و (ب) نشان داده شده است. به ترتیب از راست به چپ دقت کدام خطکش بیشتر است و دقت

خطکش‌های «الف» و «ب» کدام است؟



۱) الف،  $0.5\text{ cm}$ ،  $1\text{ mm}$

۲) ب،  $1\text{ cm}$ ،  $1\text{ mm}$

۳) الف،  $0.5\text{ cm}$ ،  $0.2\text{ cm}$

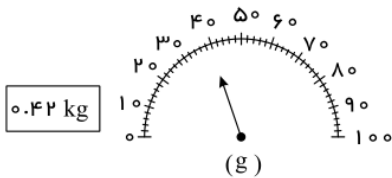
۴) ب،  $1\text{ cm}$ ،  $0.2\text{ cm}$

پاسخ: گزینه ۴ دقت اندازه گیری وسایل مدرج، کمینه درجه بندی وسیله است، که با توجه به شکل، دقت خطکش (ب) بیشتر است و طول جسم را دقیق‌تر اندازه می‌گیرد

همچنین دقت اندازه گیری خطکش (الف) برابر  $1\text{ cm}$  و دقت خطکش (ب) برابر  $0.2\text{ cm}$  یا  $2\text{ mm}$  می‌باشد.

تست ۱۳: 

شکل مقابل صفحه یک ترازوی دیجیتالی و یک ترازوی عقربه‌ای را نشان می‌دهد. دقت این ترازوها به ترتیب از راست به چپ ..... کیلوگرم و ..... گرم است و ترازوی ..... دقت بیشتری دارد.



- ۱ - ۰٫۱ - ۱ - عقربه‌ای
- ۲ - ۰٫۰۱ - ۲ - دیجیتالی
- ۳ - ۰٫۰۱ - ۲ - عقربه‌ای
- ۴ - ۰٫۱ - ۱ - دیجیتالی

پاسخ: گزینه ۳ دقت اندازه‌گیری ابزارهای مدرج، برابر کمیته درجه‌بندی آن ابزارها و دقت اندازه‌گیری ابزارهای دیجیتالی برابر یک واحد از آخرین رقمی است که آن ابزارها نشان می‌دهند. بنابراین:

$$\text{دقت ترازوی دیجیتالی} = 0.01 \text{ kg} = 10 \text{ g}$$

$$\text{دقت ترازوی عقربه‌ای} = \frac{10}{5} = 2 \text{ g}$$

لذا از آن جایی که ترازوی عقربه‌ای جرم کمتری را می‌تواند اندازه‌گیری کند، دقت آن بیشتر است.

تست ۱۴

برای اندازه‌گیری طول یک جسم از یک خط کش میلی‌متری رقمی (دیجیتالی) استفاده می‌کنیم. با ۴ بار اندازه‌گیری به وسیله این خط کش مقادیر  $21.9 \text{ mm}$ ,  $28.2 \text{ mm}$ ,  $20.3 \text{ mm}$ ,  $22.6 \text{ mm}$  به دست آمده است. نتیجه اندازه‌گیری به وسیله این خط کش بر حسب میلی‌متر گزارش می‌شود؟

۲۱٫۶ (۴)

۲۲٫۴۸ (۳)

۲۱٫۳ (۲)

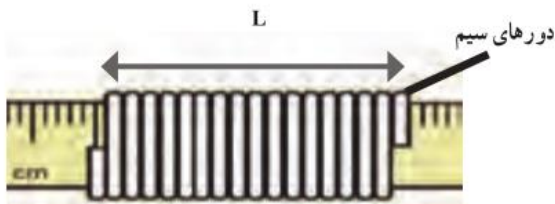
۲۳٫۲۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۴ نتیجه اندازه‌گیری برابر با میانگین اندازه‌گیری‌ها به وسیله این خط کش است. دقت کنید چون نتیجه اندازه‌گیری  $28.2 \text{ mm}$  اختلاف زیادی با بقیه اندازه‌گیری‌ها دارد، آن را در محاسبه میانگین در نظر نمی‌گیریم.

$$\text{نتیجه اندازه‌گیری} = \frac{22.6 + 20.3 + 21.9}{3} = 21.6 \text{ mm}$$

مثال ۱۵

الف) آزمایشی طراحی و اجرا کنید که به کمک آن بتوان جرم و حجم یک قطره آب را اندازه‌گیری کرد.  
 ب) تکه‌ای سیم لاکی نازک یا نخ قرقره به طول تقریبی یک متر تهیه کنید. آزمایشی طراحی و اجرا کنید که به کمک یک خط کش میلی‌متری بتوان قطر این سیم یا نخ را اندازه‌گیری کرد.  
 الف) ابتدا یک استوانه مدرج خالی را روی ترازو گذاشته و جرم آن را اندازه‌گیری کنید. سپس تعداد مشخصی قطره آب را درون استوانه می‌اندازیم تا به حجم معینی برسد.  
 اگر حجم آب جمع شده را بر تعداد قطره‌ها تقسیم کنیم، حجم متوسط یک قطره آب به دست می‌آید.  
 اگر اختلاف جرم استوانه حاوی آب و استوانه خالی را بر تعداد قطره‌ها تقسیم کنیم، جرم متوسط هر قطره آب به دست می‌آید.  
 ب) سیم لاکی را به صورت حلقه‌های به هم چسبیده به دور خط کش می‌پیچیم. وقتی طول سیم پیچ به مقدار معینی رسید، آن را بر تعداد دورها تقسیم می‌کنیم تا قطر سیم به دست آید.





۶-۱ چگالی یا کثافت

چگالی هر ماده یکی از ویژگی‌های مهم آن به شمار می‌رود که کاربردهای گوناگونی دارد. چگالی یک جسم در دمای ثابت، تغییری نمی‌کند. بنابراین چگالی جامدها و مایع‌ها به جنس و دمای آنها بستگی دارد. چگالی گازها به فشار گاز هم بستگی دارد. اگر ماده همگنی دارای جرم  $m$  و حجم  $V$  باشد، چگالی ( $\rho$ ) آن به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$\rho$ : چگالی و واحد آن $\frac{kg}{m^3}$ می‌باشد.	$m$ : جرم و واحد آن $kg$ می‌باشد.	$V$ : حجم و واحد آن $m^3$ می‌باشد. ( $1L = 10^{-3} m^3$ )
--	-----------------------------------	---

نکته ۱۰: واحد های فرعی چگالی

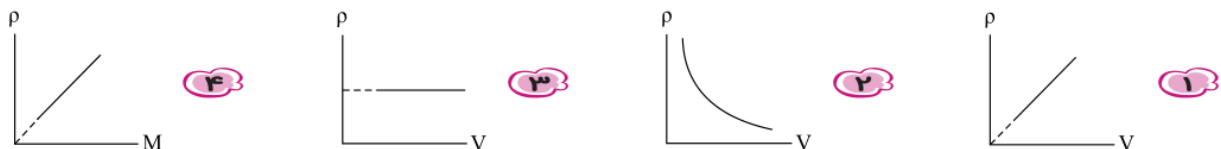
$\frac{gr}{cm^3} \xrightarrow{\times 10^3} \frac{kg}{m^3}$	
$1 \frac{gr}{cm^3} = 1 \frac{kg}{lit}$	$1 \frac{kg}{m^3} = 1 \frac{gr}{lit}$

نکته ۱۱: چگالی های معروف

$1 \frac{gr}{cm^3} = 1000 \frac{kg}{m^3}$	آب
$13/6 \frac{gr}{cm^3} = 1360 \frac{kg}{m^3}$ (معمولا)	جیوه
$0/8 \frac{gr}{cm^3} = 800 \frac{kg}{m^3}$	نفت
$0/9 \frac{gr}{cm^3} = 900 \frac{kg}{m^3}$	یخ

تست ۱۵:

اگر  $M$  بیانگر جرم،  $V$  بیانگر حجم و  $\rho$  بیانگر چگالی یک ماده معین باشد، در دمای ثابت کدام یک از نمودارهای زیر صحیح است؟



تست ۱۶:

می‌خواهیم از فلزی به چگالی  $6 \frac{g}{cm^3}$ ، کره‌ی توپری به شعاع  $5cm$  بسازیم. جرم این کره چند کیلوگرم می‌شود؟ ( $\pi = 3,14$ )

- ۱) ۱٫۵۷      ۲) ۲٫۳۶      ۳) ۳٫۱۴      ۴) ۴٫۷۱      سراسری-۱۳۹۶

نکته ۱۲: فرمول طبقه ای (مقایسه ای):

$$\frac{\rho_r}{\rho_1} = \frac{m_r}{m_1} \times \frac{V_1}{V_r}$$



تست ۱۷:

چگالی جسم  $A$ ،  $1.5$  برابر چگالی جسم  $B$  است. اگر جرم  $500$  سانتی متر مکعب از جسم  $B$  برابر  $200$  گرم باشد، جرم  $200$  سانتی متر مکعب از جسم  $A$  چند گرم است؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۱

۳۶۰ (۴)

۲۴۰ (۳)

۱۸۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

تست ۱۸:

دو استوانه‌ی همگن  $A$  و  $B$  دارای جرم و ارتفاع مساوی‌اند. استوانه‌ی  $A$  توپر و استوانه‌ی  $B$  توخالی است. اگر شعاع خارجی این دو استوانه با هم برابر و شعاع داخلی استوانه‌ی  $B$  نصف شعاع خارجی آن باشد، چگالی استوانه‌ی  $A$  چند برابر چگالی استوانه‌ی  $B$  است؟

سراسری - ۱۳۸۹

$\frac{3}{4}$  (۴)

$\frac{2}{3}$  (۳)

$\frac{1}{2}$  (۲)

$\frac{1}{4}$  (۱)

تست ۱۹:

ارتفاع یک مخروط توپر به چگالی  $\rho_1$  برابر طول ضلع یک مکعب توپر به چگالی  $\rho_2$  است و شعاع قاعده آن، نصف طول ضلع مکعب است. اگر جرم این دو با هم برابر باشد،  $\frac{\rho_1}{\rho_2}$  کدام است؟ ( $\pi = 3$ )  
سراسری - ۱۳۹۷

۲ (۴)

۴ (۳)

$\frac{1}{4}$  (۲)

$\frac{3}{4}$  (۱)

تست ۲۰:

دو مکعب توپر و همگن  $A$  و  $B$  جرم یکسانی دارند. اگر چگالی مکعب‌های  $A$  و  $B$  به ترتیب  $5/4 \text{ g/cm}^3$  و  $1/6 \text{ g/cm}^3$  باشد، هر ضلع مکعب  $B$  چند برابر هر ضلع مکعب  $A$  است؟

$\frac{3}{2}$  (۴)

$\frac{2}{3}$  (۳)

$\frac{9}{4}$  (۲)

$\frac{4}{9}$  (۱)

تست ۲۱:

چگالی جسم  $B$ ،  $20\%$  بیشتر از چگالی جسم  $A$  است. اگر جرم جسم  $A$  و  $B$  به ترتیب  $60$  و  $180$  گرم باشد، حجم جسم  $B$  چند برابر حجم جسم  $A$  است؟

$\frac{2}{3}$  (۴)

$\frac{2}{5}$  (۳)

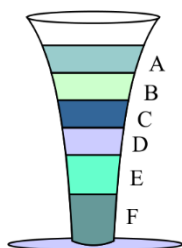
$\frac{3}{2}$  (۲)

$\frac{5}{2}$  (۱)

نکته ۱۳: اگر چند مایع مخلوط نشدنی را در یک ظرف بریزیم، مایع‌ها به ترتیب چگالی ته‌نشین می‌شوند. به طوری که مایع چگال‌تر در کف و مایع با چگالی کمتر در سطح قرار می‌گیرد.

تست ۲۲:

جرم‌های یکسانی از مایعات مخلوط نشدنی A, B, C, D, E, F با چگالی‌های متفاوت را در ظرفی مشابه شکل روبه‌رو ریخته‌ایم. کدام گزینه درباره چگالی و حجم مایعات صحیح می‌باشد؟



۱)  $\rho_C < \rho_D < \rho_E, V_F > V_B > V_A$

۲)  $\rho_B < \rho_C < \rho_F, V_A < V_D < V_E$

۳)  $\rho_F > \rho_C > \rho_A, V_B > V_D > V_E$

۴)  $\rho_B < \rho_C < \rho_D, V_A < V_F < V_E$

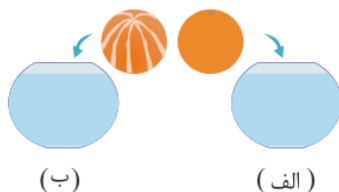
مثال ۱۶:

اگر پرتقالی را درون ظرف محتوی آب بیندازیم پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را انجام دهید (شکل الف) و نتیجه مشاهده خود را با توجه به مفهوم چگالی توضیح دهید.

اگر پرتقال را بدون پوست درون ظرف محتوی آب بیندازیم دوباره پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را مطابق شکل (ب) انجام دهید و نتیجه مشاهده خود را با توجه به مفهوم چگالی توضیح دهید.

در آزمایش (الف) پرتقال بیش‌تری دارد و اصطلاحاً سنگین‌تر است. آیا سنگین‌تر بودن یک جسم دلیلی بر فرو رفتن آن در آب است؟ توضیح دهید.

پاسخ: در شکل (الف) پرتقال روی سطح آب شناور می‌ماند، زیرا چگالی آن از آب کم‌تر است. در شکل (ب) پرتقال بدون پوست درون آب فرو می‌رود، زیرا چگالی آن از آب بیش‌تر است. با وجود جرم بیش‌تر پرتقال در شکل (الف)، چگالی آن نسبت به شکل (ب) کم‌تر است.



تست ۲۳:

یک پرتقال را یک بار با پوست و بار دیگر بدون پوست درون ظرف آبی می‌اندازیم. زمانی که پرتقال ..... است در آب فرو می‌رود زیرا ..... آن بیش‌تر است.

۱) با پوست - جرم      ۲) بدون پوست - جرم      ۳) با پوست - چگالی      ۴) بدون پوست - چگالی

پاسخ: گزینه ۴ پرتقال بدون پوست چگالی بیش‌تری از آب دارد و در آن فرو می‌رود.

۱-۶-۱ چگالی مخلوط

هرگاه دو ماده با جرم های  $m_1$  و  $m_2$  و حجم های  $V_1$  و  $V_2$  را با هم مخلوط کنیم

$$\rho = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2} = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2}}{\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2}}$$

$$\rho = \frac{m_1 + m_2}{\frac{1.00 - x}{1.00} (V_1 + V_2)}$$

اما اگر x درصد کاهش حجم داشتیم:

تست ۲۴:

مخلوطی از ۲ نوع مایع با چگالی های  $\rho_1$  و  $\rho_2$  درست شده است. اگر  $\frac{1}{3}$  حجم آن از مایعی با چگالی  $\rho_1$  بوده و  $\frac{2}{3}$  باقی مانده از مایعی با

چگالی  $\rho_2$  باشد، چگالی مخلوط برابر با کدام است؟

سراسری - ۱۳۹۱

۱)  $\frac{\rho_1 + 2\rho_2}{3}$

۲)  $\frac{\rho_2 + 2\rho_1}{3}$

۳)  $\frac{3\rho_1\rho_2}{\rho_2 + 2\rho_1}$

۴)  $\frac{3\rho_1\rho_2}{\rho_1 + 2\rho_2}$

تست ۲۵:

چگالی مخلوط دو مایع  $A$  و  $B$  با حجم‌های اولیه‌ی  $V_A$  و  $V_B$  برابر  $0,75$  گرم بر سانتی‌متر مکعب است. اگر چگالی مایع  $A$  برابر  $\frac{600}{Lit}$  و چگالی مایع  $B$   $800 \frac{g}{Lit}$  باشد، چند برابر  $V_A$  چند برابر  $V_B$  است؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۲

- ۱  ۳      ۲  ۴      ۳   $\frac{1}{3}$       ۴   $\frac{1}{4}$

تست ۲۶:

جواهر فروشی در ساختن یک قطعه جواهر به جای طلای خالص، مقداری نقره نیز به کار برده است، اگر حجم قطعه‌ی ساخته شده  $5$  سانتی‌متر مکعب و چگالی آن  $13,6 \frac{g}{cm^3}$  باشد، جرم نقره‌ی به کار رفته، چند گرم است؟ (چگالی نقره و طلا به ترتیب  $10 \frac{g}{cm^3}$ ،  $19 \frac{g}{cm^3}$  فرض شود).  
خارج از کشور - ۱۳۹۵

- ۱  ۸      ۲  ۳۰      ۳  ۳۴      ۴  ۳۸

تست ۲۷:

سازنده‌ی قطعه‌ای زینتی به حجم  $20 \text{ cm}^3$  و جرم  $250 \text{ g}$  ادعا می‌کند این قطعه از نقره‌ی خالص ساخته شده است. کدام‌یک از گزینه‌های زیر در مورد ماده‌ی سازنده‌ی این قطعه درست است؟ ( $\rho_{\text{نقره}} = 10/5 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ )  
(۱) قطعه خالص و توپر است.  
(۲) قطعه خالص نیست و ماده‌ای با چگالی بزرگ‌تر از نقره به آن اضافه شده است.  
(۳) قطعه خالص نیست و ماده‌ای با چگالی کم‌تر از نقره به آن اضافه شده است.  
(۴) قطعه خالص است ولی حفره‌ای درون آن وجود دارد.

تست ۲۸:

۲ گرم اسید نیتریک را با  $8 \text{ cm}^3$  آب مخلوط می‌کنیم. اگر کاهش حجم ناشی از مخلوط شدن دو ماده  $1 \text{ cm}^3$  باشد، چگالی مخلوط چند  $\text{g/cm}^3$  است؟ (چگالی آب  $1 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و چگالی اسید نیتریک  $1,5 \frac{g}{\text{cm}^3}$  است.)

- ۱   $\frac{3}{2}$       ۲   $\frac{15}{14}$       ۳   $\frac{10}{9}$       ۴   $\frac{6}{5}$

تست ۲۹:

آلیاژی را از مخلوط دو فلز  $A$  و  $B$  می‌سازیم. اگر  $75$  درصد جرم آلیاژ را فلز  $B$  و  $80$  درصد حجم آلیاژ را فلز  $A$  تشکیل دهد، چگالی آلیاژ چند برابر چگالی فلز  $A$  است؟ (از تغییر حجم در اثر آلیاژ شدن صرف‌نظر کنید.)

- ۱   $3,2$       ۲   $3,75$       ۳   $\frac{4}{15}$       ۴   $\frac{5}{16}$

با مخلوط کردن دو حجم برابر از ماده‌های A و B به چگالی  $\rho$  و با مخلوط کردن دو جرم برابر از ماده‌های A و B به چگالی  $\rho'$  می‌رسیم. کدام گزینه صحیح است؟ ( $\rho_A \neq \rho_B$ )

(۴) تمام موارد فوق ممکن است صحیح باشند

$\rho = \rho'$  (۳)

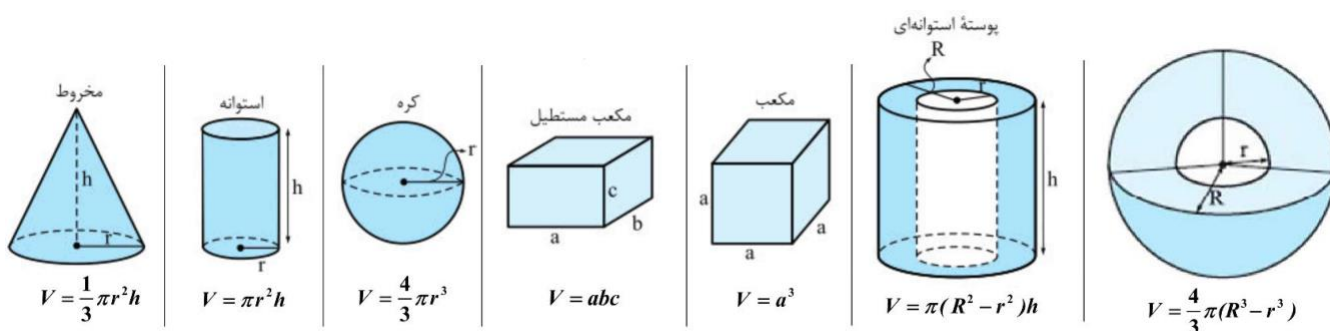
$\rho < \rho'$  (۲)

$\rho > \rho'$  (۱)

نکته ۱۴: اگر حجم یکسان از دو مایع داشته باشیم، چگالی مخلوط همیشه چگالی میانگین دو ماده اگر جرم یکسان از دو مایع داشته باشیم، چگالی مخلوط همیشه ۲ برابر ضربشون به جمعشون.

۱-۶-۲ احجام!

(۱) از طریق فرمولشون:



(۲) برای اندازه گیری حجم اجسامی که شکل مشخصی ندارند، از استوانه مدرج استفاده می‌شود.

افزایش حجم مایع = حجم جسم انداخته شده

<p>حجم تغییر کرده = حجم جسم = ۳ سانتی متر مکعب</p>	<p>مدرج شده بر اساس حجم</p>	
<p><math>\Delta V = A \times \Delta h = 3 \times 1 = 3 \text{ cm}^3</math></p>	<p>مدرج شده بر اساس ارتفاع (مساحت قاعده استوانه مدرج ۳ سانتی متر مکعب)</p>	

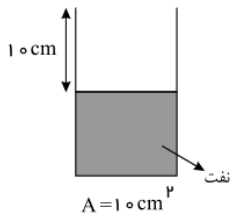
نکته ۱۵: اگر در اثر انداختن جسم، مقداری از مایع بیرون بریزد:

حجم ریخته شده + حجم بالا آمده = حجم جسم

تست ۳۱

قطعه فلزی به جرم  $1050g$  را درون ظرف استوانه‌ای شکل مقابل می‌اندازیم. جسم کاملاً در نفت فرو رفته و  $40g$  نفت از ظرف بیرون می‌ریزد. چگالی فلز چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟  $(\rho_{\text{نفت}} = 0,8 \frac{g}{cm^3})$

قلم چی - ۱۳۹۹

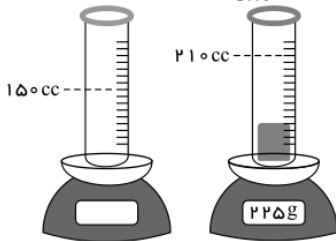


- ۲۱
- ۷
- ۷,۵
- ۱۰,۵

تست ۳۲

استوانه‌ی مدرجی به جرم ناچیز روی یک ترازو قرار دارد و داخل آن  $150cc$  آب ریخته‌ایم. جسمی را مطابق شکل داخل آب می‌اندازیم،

جسم به‌طور کامل در آب فرو می‌رود و در این حالت، ترازو  $225g$  را نشان می‌دهد. چگالی جسم چند  $\frac{g}{cm^3}$  است؟  $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3})$  قلم چی - ۱۳۹۹



- ۰,۸
- ۱۲,۵
- ۱,۲۵
- ۸

نکته ۱۶: اگر در ظرف پر از مایعی به جرم  $m_f$  و چگالی  $\rho_f$  جسمی به جرم  $m_s$  و چگالی  $\rho_s$  بیندازیم و مقداری مایع خارج شود:

$$\text{حجم مایع خارج شده} = \text{حجم جسم} \rightarrow V_s = V_f \rightarrow \frac{m_s}{\rho_s} = \frac{m_f}{\rho_f}$$

تست ۳۳

جرم یک گلوله‌ی آهنی  $3900$  گرم و چگالی آن  $7800 \frac{kg}{m^3}$  است. اگر گلوله‌ی آهنی را به آرامی در ظرف پر از الکل فرو ببریم و چگالی الکل  $800$  گرم بر لیتر باشد، چند گرم الکل از ظرف خارج می‌شود؟ قلم چی - ۱۳۹۹

- ۴۰۰۰
- ۵۰۰
- ۳۹۰
- ۴۰۰

تست ۳۴

جرم یک ظرف فلزی توخالی  $300$  گرم است. اگر این ظرف را پر از مایعی به چگالی  $1,2 \frac{g}{cm^3}$  نماییم، جرم مجموعه  $540$  گرم و در صورتی که پر از نوعی روغن نماییم، جرم مجموعه  $460$  گرم می‌شود، چگالی این روغن چند گرم بر لیتر است؟ سراسری - ۱۳۹۵

- ۸۰۰
- ۸۵۰
- ۹۰۰
- ۹۵۰



تست ۳۵:

حجم درونی یک ظرف  $120 \text{ cm}^3$  است. جرم این ظرف همراه با مایع درون آن، اگر تا نیمه پر شود،  $150 \text{ g}$  و اگر کامل پر شود،  $240 \text{ g}$  می‌شود. چگالی مایع چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟

۳۰۰۰ (۴)

۱۵۰۰ (۳)

۳ (۲)

۱/۵ (۱)

تست ۳۶:

$\frac{2}{3}$  از حجم درونی یک لیوان با  $150 \text{ g}$  آب پر می‌شود. بقیهٔ حجم درون لیوان با چند گرم نفت پر می‌شود؟ (چگالی نفت نسبت به آب برابر  $\frac{4}{5}$  است.)

۵۰ (۴)

۶۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

نکته ۱۷: داستان های ذوب کردن

تست ۳۷:

کره‌ای توپر با شعاع  $R$  را ذوب کرده و با استفاده از مادهٔ سازندهٔ آن، یک استوانه با شعاع داخلی  $R'$  و شعاع خارجی  $R$  می‌سازیم. اگر ارتفاع استوانه ساخته شده برابر  $2R$  باشد، نسبت  $\frac{R'}{R}$  کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)

$\sqrt{2}$  (۳)

$\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۲)

$\sqrt{3}$  (۱)

تست ۳۸:

با ذوب  $M$  گرم از عنصری، استوانه‌ای به طول  $L$ ، شعاع داخلی  $R_1$  و شعاع خارجی  $R_2$  ساخته‌ایم. اگر بخواهیم از همان ماده، استوانه دیگری به طول  $2L$ ، شعاع داخلی  $2R_1$  و شعاع خارجی  $2R_2$  بسازیم، جرم مورد نیاز چند  $M$  می‌شود؟

۱۲ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

حجم واقعی: حجمی که متناسب با جرم واقعی و چگالی جسم از طریق رابطه چگالی محاسبه می شود را حجم واقعی گویند:  $\rho = \frac{m}{V}$

حجم ظاهری: حجمی که از محاسبه های هندسی و یا روش غوطه ور کردن به دست می آید حجم ظاهری یک جسم است: حجم از طریق فرمول جسم

اگر حجم واقعی = حجم ظاهری: ماده توپر است و حفره ندارد.

اگر حجم واقعی  $\neq$  حجم ظاهری: ماده تو خالی است و حفره دارد. که در این حالت حجم ظاهری < حجم واقعی و حفره اختلاف این دو است.

تست ۳۹

طول هر ضلع مکعب فلزی  $10\text{ cm}$  و جرم آن  $6\text{ kg}$  است. اگر چگالی فلز  $8\text{ g/cm}^3$  باشد، مکعب: سراسری-۱۳۸۸

- ۱ توپر است و حجم آن  $750\text{ cm}^3$  است. ۲ توپر است و حجم آن  $1000\text{ cm}^3$  است.  
 ۳ حفره ی خالی دارد و حجم حفره  $750\text{ cm}^3$  است. ۴ حفره ی خالی دارد و حجم حفره  $250\text{ cm}^3$  است.

تست ۴۰

شعاع یک کره فلزی  $5$  سانتی متر و جرم آن  $1080$  گرم و چگالی آن  $27\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است. درون این کره یک حفره وجود دارد. حجم این حفره چند درصد حجم کره را تشکیل می دهد؟ ( $\pi = 3$ )

خارج از کشور-۱۳۹۴

- ۱ ۱۰ ۲ ۱۵ ۳ ۲۰ ۴ ۲۵

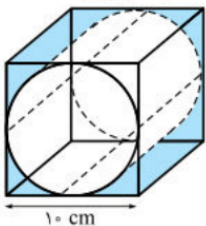
تست ۴۱

دو جسم هم حجم از فلز آلومینیم به چگالی  $2700\text{ kg/m}^3$  ساخته شده اند. یکی از این دو جسم توپر و دیگری دارای حفره بوده و اختلاف جرم آن ها برابر  $540\text{ g}$  است. حجم حفره چند سانتی متر مکعب است؟

- ۱ ۲۰۰ (۱) ۲ ۲۵۰ (۲) ۳ ۳۰۰ (۳) ۴ ۳۵۰ (۴)

تست ۴۲

شکل زیر جسمی مکعبی شکل به اضلاع  $10\text{ cm}$  را نشان می دهد که در آن حفره ای استوانه ای شکل به وجود آمده است. در صورتی که چگالی ماده سازنده جسم  $2\text{ g/cm}^3$  باشد، جرم آن چند گرم است؟ ( $\pi = 3$ )



- ۱ ۵۰۰ (۱)  
 ۲ ۱۰۰۰ (۲)  
 ۳ ۱۵۰۰ (۳)  
 ۴ ۲۰۰۰ (۴)

تست ۴۳

در ظرفی به حجم یک لیتر که ۷۵ درصد آن از آب پر شده، جسمی فلزی به جرم  $6\text{ kg}$  که چگالی آن  $8\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است، می اندازیم و مشاهده می کنیم  $750\text{ cm}^3$  آب از ظرف بیرون می ریزد، در این صورت می توان گفت که این جسم .....

- ۱ توپر و حجم آن  $1000\text{ cm}^3$  است. ۲ حفره خالی دارد و حجم حفره  $250\text{ cm}^3$  است.  
 ۳ توپر و حجم آن  $750\text{ cm}^3$  است. ۴ حفره خالی دارد و حجم حفره  $750\text{ cm}^3$  است.

تست ۴۴:

مکعبی به حجم  $400 \text{ cm}^3$  که درون آن حفره‌ای وجود دارد، از آلومینیوم به چگالی  $2.7 \text{ g/cm}^3$  ساخته شده است. اگر تمام حفره را با آب به چگالی  $1 \text{ g/cm}^3$  پر کرده باشیم و جرم کل مجموعه  $910$  باشد، حجم حفره‌ی آب چند درصد از کل حجم مکعب را شامل می‌شود؟

- ۲۵      ۳۰      ۲۰      ۷۵

تست ۴۵:

کره‌ای آهنی به جرم  $28$  کیلوگرم را درون یک ظرف بزرگ پر از آب قرار می‌دهیم در نتیجه  $4$  لیتر آب از ظرف بیرون می‌ریزد در این

خوشخوان - ۱۳۹۸

صورت شعاع حفره کروی درون آن چند سانتی‌متر است؟ ( $\pi \simeq 3$ ) و  $\rho_{\text{آهن}} = \frac{8 \text{ g}}{\text{cm}^3}$

- ۵      ۶      ۷      ۸

تست ۴۶:

دو کره هم‌اندازه از فلزهایی با چگالی‌های  $\rho_1 = \frac{8 \text{ g}}{\text{cm}^3}$  و  $\rho_2 = \frac{5 \text{ g}}{\text{cm}^3}$  ساخته شده‌اند. کره (۱) توپر و کره (۲) دارای حفره‌ای کروی

است که حجم آن  $0.8$  درصد از حجم کل کره است. اگر اختلاف جرم دو کره  $1.52 \text{ kg}$  باشد، حجم حفره چند سانتی‌متر مکعب است؟ ( $\pi \simeq 3$ )

- ۸      ۴      ۲      ۱

تست ۴۷:

پوسته‌ای استوانه‌ای به ارتفاع  $10 \text{ cm}$  و شعاع‌های داخلی و خارجی  $4 \text{ cm}$  و  $5 \text{ cm}$  از ماده‌ای به چگالی  $4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  ساخته شده است. اگر

فضای داخل این پوسته با مایعی به چگالی  $\rho$  به‌طور کامل پر شود، جرم استوانه و مایع داخل آن  $1.68 \text{ kg}$  می‌شود. چگالی مایع درون استوانه چند

کیلوگرم بر متر مکعب است؟ ( $\pi \simeq 3$ )

- ۱۵۰۰      ۱۲۵۰      ۱۲۰۰      ۱۰۰۰

تست ۴۸:

درون یک کره فلزی، حفره‌ای کروی وجود دارد که شعاع حفره  $\frac{1}{3}$  شعاع ظاهری کره است. اگر درون حفره را از یک مایع به‌طور کامل

پر کنیم، وزن کره  $2$  درصد افزایش می‌یابد. چگالی مایع چند برابر چگالی فلز سازنده کره است؟

- ۰.۲۶      ۰.۵۲      ۰.۵۴      ۰.۱۳

نکته ۱۸: اگر مقداری آب، یخ شود، حجم آن افزایش می‌یابد. (جرم یکسانه اما حجم زیاد میشه!)  $m_{\text{ice}} = m_{\text{water}}$  ←

$$\Delta V = V_{\text{ice}} - V_{\text{water}} = \left(\frac{m}{\rho}\right)_{\text{ice}} - \left(\frac{m}{\rho}\right)_{\text{water}} = m \left(\frac{1}{\rho_{\text{ice}}} - \frac{1}{\rho_{\text{water}}}\right)$$

و برعکس!

تست ۴۹

در مخلوطی از آب و یخ، مقداری یخ ذوب می‌شود و حجم مخلوط  $5\text{cm}^3$  کاهش می‌یابد. جرم یخ ذوب شده چند گرم است؟  
 (چگالی یخ  $\rho_{\text{یخ}} = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و چگالی آب  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ )

خارج از کشور - ۱۳۸۸

۵۰ **۴**

۴۵ **۳**

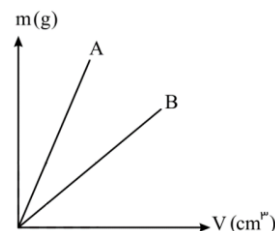
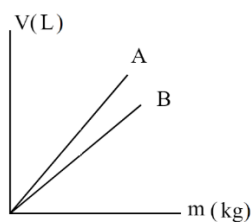
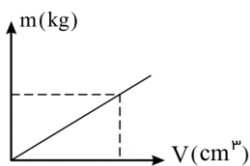
۵ **۲**

۴٫۵ **۱**

۱-۶-۴ نمودار چگالی

(۱ ترازو (۲ بشر (۳ مایع

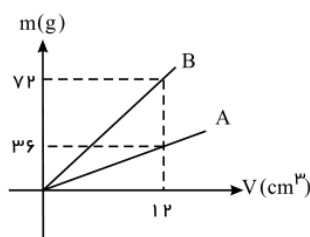
بشر را تا نیمه پر از مایع می‌کنیم، حجم نشان داده شده ۰.۲۵ لیتر است و جرم آن ۱۰ گرم است. بشر را تا نصفه پر میکنیم، حجم نشان داده شده ۰.۵ لیتر و جرم آن ۲۰ گرم می‌شود. یعنی حجم و جرم با هم متناسب هستند. زیرا چگالی ثابت است و با افزایش حجم، جرم هم زیاد می‌شود. یعنی حجم و جرم متناسب اند.



تست ۵۰

شکل زیر نمودار جرم-حجم دو مایع A و B را نشان می‌دهد. با جرم یکسانی از این دو مایع، محلولی می‌سازیم. اگر در این فرآیند

کاهش حجمی صورت نگیرد، چگالی محلول حاصل چند واحد SI است؟



۲۰۰۰ **۱**

۴۰۰۰ **۲**

۴۵۰۰ **۳**

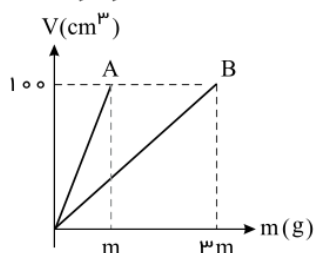
۵۰۰ **۴**

تست ۵۱

نمودار حجم برحسب جرم دو ماده مطابق شکل است. از دو ماده A و B آلیاژی تهیه کرده‌ایم که ۶۰ درصد جرم آن از A و بقیه از B

است. چگالی آلیاژ چند برابر چگالی ماده A است؟

خوشخوان - ۱۳۹۸

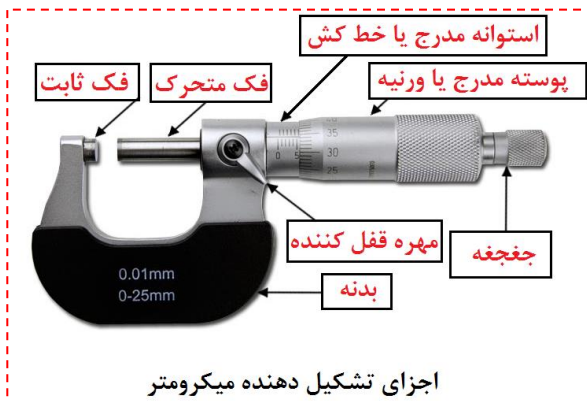
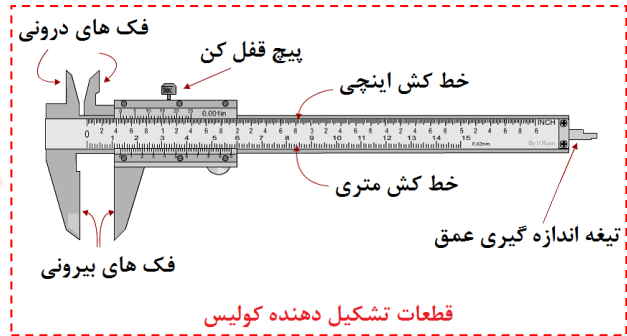


$\frac{9}{4}$  **۱**

$\frac{15}{11}$  **۲**

$\frac{11}{5}$  **۳**

$\frac{13}{9}$  **۴**



نحوه اندازه گیری با میکرومتر



الگوی یادآوری

۱

فرمول‌های جانبی

فیزیک یعنی شناخت طبیعت  
 فیزیکدانان در جستجوی الگوها و نظم خاص بین پدیده‌هاست.  
 توصیف جهان در قالب قانون، مدل و نظریه فیزیکی صورت می‌گیرد.  
 فیزیک علمی تجربی است و مدل، قانون یا نظریه‌های فیزیکی توسط آزمایش مورد آزمون قرار می‌گیرند.  
 مدل‌ها و نظریه‌های فیزیکی در طول زمان همواره معتبر نیستند و ممکن است دستخوش تغییر شوند.  
 ویژگی آزمون‌پذیری و اصلاح نظریه‌های فیزیکی، نقطه قوت دانش فیزیک است، مثالی از این فرآیند اصلاح و تکامل را در زیر در مورد نظریه‌های اتمی می‌بینید.

مدل ابر الکترونی	مدل سیاره‌ای	مدل هسته‌ای	مدل کیک کشمش	مدل توپ بلیارد
اروین شرودینگر ۱۹۲۶	نیلز بور ۱۹۱۳	ارنست رادفورد ۱۹۱۱	جی جی تامسون ۱۹۰۳	جان دالتون ۱۸۰۷

مدل توپ بلیارد دالتون ← مدل کیک کشمش تامسون ← مدل هسته‌ای رادفورد ← مدل سیاره‌ای بور  
 مدل ابر الکترونی شرودینگر  
 آزمایش و مشاهده در فیزیک، اهمیت زیادی دارد؛ اما آنچه بیش از همه در پیشبرد و تکامل علم فیزیک نقش ایفا کرده و می‌کند، تفکر نقادانه و اندیشه‌ورزی فعال فیزیکدانان نسبت به پدیده‌هایی است که با آن‌ها مواجه می‌شوند.

فیزیک دانش‌بنیادی - مدل‌سازی - کمیت‌های فیزیکی

مدل‌سازی

مدل‌سازی فرآیندی است که طی آن یک پدیده فیزیکی آن‌قدر ساده و آرمانی می‌شود تا امکان بررسی و تحلیل آن فراهم شود.  
 در سقوط جسم، صرف نظر کردن از مقاومت هوا یک نوع مدل‌سازی است.  
 در حرکت سیارات به گرد خورشید، ذره‌ای فرض کردن سیارات یک نوع مدل‌سازی است.  
 در مدل‌سازی اثرهای جزئی نادیده گرفته می‌شود، نه اثرهای مهم و تعیین کننده.

مثال

**پرتاب کردن توپ بسکتبال**

توپ بسکتبال به صورت یک جسم نقطه‌ای (ذره) در نظر گرفته می‌شود.  
 توپ بسکتبال می‌چرخد.  
 جهت حرکت توپ  
 مقاومت هوا و باد نیروهایی به توپ وارد می‌کنند.  
 نیروی گرانشی وارد بر توپ به ارتفاع بستگی دارد. نیروی گرانشی وارد بر توپ ثابت است.  
 از مقاومت هوا، چرخیدن توپ و تغییر نیروی وزن صرف‌نظر شده است.

**کشیدن جسمی روی سطح زمین**

نیروی دست، که جسم را رو به جلو، به حرکت در می‌آورد.  
 نیروی اصطکاک، که برخلاف جهت حرکت جسم وارد می‌شود.  
 از ابعاد جسم و مقاومت هوا صرف‌نظر شده است.

کمیت‌های فیزیکی

**کمیت نرده‌ای:** برای بیان این کمیت‌ها تنها از یک عدد و یکای مناسب استفاده می‌شود و جمع آن‌ها مانند جمع دو عدد (جمع جبری) است. مانند جرم، زمان، مسافت، تندی، دما، جریان الکتریکی، ...  
**کمیت برداری:** کمیتی است که علاوه بر عدد و یکای مناسب، دارای جهت بوده و از قاعده جمع برداری پیروی می‌کند. مانند: سرعت، شتاب، جابه‌جایی، نیرو، میدان الکتریکی و ...

جمع برداری

دو بردار هم جهت

در دوره دبیرستان جمع برداری سه حالت را باید یاد بگیریم.

**دو بردار عمود برهم**

$R_T = \sqrt{R_1^2 + R_2^2}$

**دو بردار خلاف جهت هم**

$R_T = |R_2 - R_1|$

$R_T = R_1 + R_2$



یکاهای بین‌المللی

یکاهای اندازه‌گیری باید غیرقابل تغییر و دارای قابلیت بازتولید در مکان‌های مختلف باشد. در SI هفت کمیت به عنوان کمیت اصلی انتخاب شده‌اند و مابقی کمیت‌ها که به کمک کمیت‌های اصلی ساخته می‌شوند را کمیت‌های فرعی گویند.

چند مثال از یکاهای فرعی			کمیت‌های اصلی و یکای آن‌ها		
یکای فرعی	یکای SI	کمیت	نماد یکا	نام یکا	کمیت
m/s	m/s	تندی و سرعت	m	متر	طول
m/s <sup>2</sup>	m/s <sup>2</sup>	شتاب	kg	کیلوگرم	جرم
kg m/s <sup>2</sup>	(N)	نیوتون	s	ثانیه	زمان
kg/ms <sup>2</sup>	(Pa)	پاسکال	K	کلوین	دما
kg m <sup>2</sup> /s <sup>2</sup>	(J)	ژول	mol	مول	مقدار ماده
			A	آمپر	جریان الکتریکی
			cd	کندِلا (شمع)	شدت روشنایی

تبدیل یکاها

روش زنجیره‌ای ← برای تغییر یکا، اندازه کمیت را در یک ضریب تبدیل (نسبتی از یکاها که برابر عدد یک است) ضرب می‌کنیم.

$$\text{نمونه: تبدیل یکای } \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ به } \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \left( \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \times \frac{1\text{kg}}{10^3\text{g}} \times \frac{1\text{cm}^3}{10^{-6}\text{m}^3} = 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right)$$

در کاربرد رابطه‌های فیزیکی باید یکاها در دو طرف رابطه با هم سازگار باشد.

$$\text{سازگاری در رابطه فشار: } \frac{\text{نیوتون}}{\text{متر مربع}} \leftarrow P = \frac{F}{A} \leftarrow \text{پاسکال}$$

در فیزیک تنها کمیت‌های یکسان با یکای برابر قابلیت جمع یا کم شدن از هم را دارند و حاصل این جمع و تفریق همان یکا و کمیت تک‌تک پارامترها خواهد شد، به‌طور مثال:

$$\begin{matrix} \text{زمان} \\ \nearrow \\ x = vt + x_0 \rightarrow \\ \searrow \\ \text{مکان اولیه (m)} \\ \text{سرعت} \end{matrix}$$

سازگاری یکاها

یکاها

پیشوندهای SI

ضریب	پیشوند	نماد	ضریب	پیشوند	نماد	ضریب	پیشوند	نماد	ضریب	پیشوند	نماد
۱۰ <sup>۲۴</sup>	یوتا	Y	۱۰ <sup>۹</sup>	گیگا (جیگا)	G	۱۰ <sup>-۲۴</sup>	یوکتو	y	۱۰ <sup>-۹</sup>	نانو	n
۱۰ <sup>۲۱</sup>	زتا	Z	۱۰ <sup>۶</sup>	مگا	M	۱۰ <sup>-۲۱</sup>	زپتو	z	۱۰ <sup>-۶</sup>	میکرو	μ
۱۰ <sup>۱۸</sup>	اِگزا	E	۱۰ <sup>۳</sup>	کیلو	k	۱۰ <sup>-۱۸</sup>	آتو	a	۱۰ <sup>-۳</sup>	میلی	m
۱۰ <sup>۱۵</sup>	پتا	P	۱۰ <sup>۲</sup>	هکتو	h	۱۰ <sup>-۱۵</sup>	فمتو	f	۱۰ <sup>-۲</sup>	سانتی	c
۱۰ <sup>۱۲</sup>	ترا	T	۱۰ <sup>۱</sup>	دکا	da	۱۰ <sup>-۱۲</sup>	پیکو	p	۱۰ <sup>-۱</sup>	دسی	d

پیشوندهایی که کاربرد بیشتری دارند و بهتر است آن‌ها را به خاطر بسپارید با رنگ متفاوت نشان داده شده‌اند.

پیشوند	ضریب تبدیل	نماد	پیشوند	ضریب تبدیل	نماد	پیشوند	ضریب تبدیل	نماد	پیشوند	ضریب تبدیل	نماد
دسی	$\frac{1}{10} = 10^{-1}$	d	نانو	$\frac{1}{10^9} = 10^{-9}$	n	کیلو	$10^3$	k	دسی	$10^{-1}$	d
سانتی	$\frac{1}{100} = 10^{-2}$	c	پیکو	$\frac{1}{10^{12}} = 10^{-12}$	p	مگا	$10^6$	M	سانتی	$10^{-2}$	c
میلی	$\frac{1}{1000} = 10^{-3}$	m	دکا	$10^1$	da	گیگا	$10^9$	G	میلی	$10^{-3}$	m
میکرو	$\frac{1}{10^6} = 10^{-6}$	μ	هکتو	$10^2$	h	ترا	$10^{12}$	T	میکرو	$10^{-6}$	μ

الگوی یادآوری

۴

**نماد گذاری علمی**  
 اندازه هر کمیت فیزیکی شامل سه قسمت است. قسمت اول یک عدد بین ۱ تا ۱۰، قسمت دوم یک توان صحیح از عدد ۱۰ و قسمت سوم یکای کمیت  
 (یکا)  $b \in \mathbb{Z}, a \in \mathbb{Z}, 1 < a < 10 \leftarrow \text{عدد} = a \times 10^b$   
 نمونه: حجم یک بشکه نفت  $159L = 1/59 \times 10^2 L$

**یکاهای خاص**  
 در فیزیک تغییر هر کمیت را نسبت به زمان، معمولاً آهنگ آن کمیت می‌نامیم.  
 به طور مثال آهنگ خروج آب از شیری  $125 \frac{cm^3}{s}$  اعلام شده، یعنی در هر ثانیه از این شیر  $125 cm^3$  آب خارج می‌شود.

**یکاهای خاص**  
 یکای نجومی: میانگین فاصله زمین تا خورشید است و با نماد AU نشان داده می‌شود:  $1AU = 1/5 \times 10^{11} m$   
 سال نوری: مسافتی که نور با تندی  $3 \times 10^8 m/s$  در خلأ در مدت یک سال طی می‌کند و آن را با نماد Ly نشان می‌دهند:  $1Ly = 9 \times 10^{15} m$   
 فوت (پا) و اینچ: یکاهای طول در دستگاه بریتانیایی است.  
 گره دریایی: برای بیان تندی کشتی استفاده می‌شود.  
 مایل دریایی: یکای برای مسافت در دستگاه بریتانیایی است.  
 $1 \text{گره} = 0/5144 m/s$   
 $1 \text{مایل دریایی} = 1852 m$

**۱- دقت وسیله اندازه‌گیری**  
 ابزار اندازه‌گیری مدرج: مانند خط‌کش: کمینه درجه‌بندی آن = دقت دستگاه  
 ابزار اندازه‌گیری رقمی (دیجیتال): مانند دماسنج‌ها و یا ساعت‌های دیجیتال: یک واحد از آخرین رقمی که ابزار نشان می‌دهد. = دقت دستگاه  
 دقت این خط‌کش ۱mm و خطای اندازه‌گیری توسط آن  $\pm 0/5 mm$  است.  
 دقت این دماسنج  $1^\circ C$  است. کمینه درجه‌بندی این خط‌کش، ۱mm است.  
**۲- مهارت شخص آزمایشگر** - به طور مثال در شکل روبه‌رو عددی که شخص A می‌خواند کمتر و عددی که شخص C می‌خواند بیشتر از مقدار واقعی است.  
**۳- تعداد دفعات اندازه‌گیری** - برای کاهش خطا، هر اندازه‌گیری را چندین بار تکرار کرده میانگین عدد‌ها را به دست می‌آورند. در میانگین‌گیری، اعدادی که خیلی متفاوت با بقیه هستند به حساب نمی‌آیند.

**چگالی**  
 جرم یکای حجم جسم  $\rho = \frac{m}{V} \rightarrow \frac{kg}{m^3}$   
 $\frac{g}{cm^3} \times 1000 \rightarrow \frac{kg}{m^3}, \frac{g}{m^3} = \frac{kg}{m^3}, \frac{kg}{L} = \frac{g}{cm^3}$   
 چگالی ویژگی ذاتی یک جسم است. به طور مثال چگالی آهن  $7/8 g/cm^3$  است و به جسم و جرم آهن بستگی ندارد.

**چگالی**  
 هر گاه چند مایع در یک ظرف گذاشته شود، مایع با چگالی بیشتر ته‌نشین می‌شود.  
 به طور مثال: اگر پرتقال با پوست را در ظرف آب قرار دهیم، روی سطح آب می‌ماند. اگر پرتقال بدون پوست را در ظرف آب قرار دهیم، ته‌نشین می‌شود و به دلیل کاهش حجم چگالی افزایشی می‌یابد.  
 اگر جسمی از فلزی با چگالی  $\rho$  ساخته شده باشد و دارای حفره باشد:  
 چگالی آلایز در صورت عدم کاهش حجم  $\rho = \frac{m_1 + m_2 + \dots}{V_1 + V_2 + \dots}$   
 جرم قسمت تو بر  $\rho = \frac{m}{V}$   
 حجم قسمت تو بر  $\rho = \frac{m}{V}$   
 جرم قسمت تو بر  $\rho = \frac{m}{V}$   
 حجم قسمت تو بر  $\rho = \frac{m}{V}$



## ویژگی های فیزیکی مواد



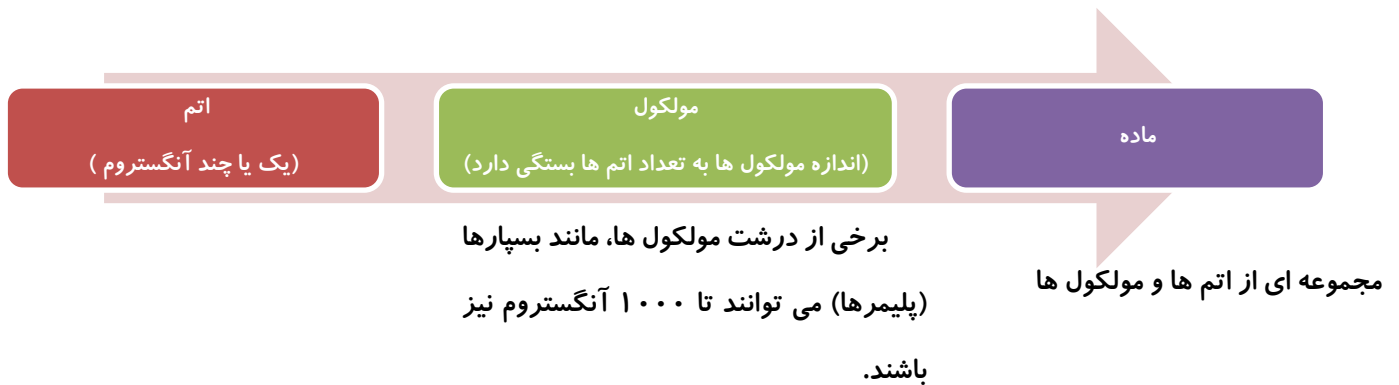
## ویژگی های فیزیکی مواد یا فشار

(معمولا ۲ تست تهرپی و ۳ تست در ریاضی)  
این فصل با ترمودینامیک (بچه های ریاضی) و گرمای هر دو رشته ترکیب می شود.

۱-۳ ویژگی های ماده

۱-۱-۳ ماده

هرچیزی که فضا را اشغال کند (حجم داشته باشد)



نکته: ذره های سازنده ماده همواره در حرکت اند و به یکدیگر نیرو وارد می کنند. حالت ماده به چگونگی حرکت این ذره ها و اندازه نیروی بین آنها بستگی دارد.



(۱) اصطلاح های عصر حجر، عصر برنز و عصر آهن

(۲) حجم و شکل مشخص دارند.

(۳) ذرات جسم جامد به سبب نیروهای الکتریکی که به یکدیگر وارد می کنند ر کنار یکدیگر می مانند.

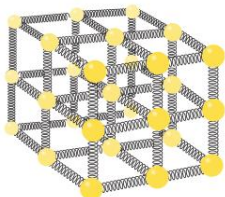
(۴) این ذرات در مکان های معینی نسبت به یکدیگر قرار دارند و در اطراف این مکان ها، نوسان های بسیار کوچکی

دارند.

(۵) شکل زیر مدلی از ساختار یک جامد را نشان می دهد. فرض می کنند ذرات آن توسط فنرهایی به یکدیگر متصل

هستند. اگر این ذرات نسبت به وضعیت تعادل، به هم نزدیک تر یا دورتر شوند ، نیروی کشسانی بین فنرها آنها را به

وضع تعادل برمیگرداند و جسم جامد، شکل و اندازه اولیه اش را حفظ می کند.



### انواع جامد

جامد بلورین	جامد بی شکل (آمورف)
<p>تعریف: اتم ها در طرح های منظمی مثل شکل در کنار هم قرار می گیرند.</p> <p>مثال: فلز - نمک - الماس - یخ - بیشتر مواد معدنی</p> <p>چگونگی تشکیل: وقتی مایعی را به آهستگی سرد کنیم، اغلب جامد بلورین تشکیل می شود.</p> <p>در این فرآیند سردسازی آرام، ذرات سازنده مایع فرصت کافی دارند تا در طرح های منظم خود را مرتب کنند.</p>	<p>تعریف: اتم ها در طرح های منظمی در کنار هم قرار نمی گیرند.</p> <p>مثال: شیشه، قیر سرد</p> <p>چگونگی تشکیل: وقتی مایعی را به سرعت سرد کنیم، معمولاً جامد بی شکل تشکیل می شود.</p> <p>در این فرآیند سردسازی سریع، ذرات سازنده مایع فرصت کافی ندارند تا در طرح های منظم خود را مرتب کنند. بنابراین در طرح نامنظمی که در حالت مایع داشتند باقی می مانند.</p>

جامد

حالت های مختلف ماده

(۱) مولکول های مایع نظم و تقارن جامدهای بلورین را ندارند و به صورت نامنظم و نزدیک به یکدیگر قرار دارند.

(۲) مایع به راحتی جاری می شود و به شکل ظرف خود در می آید.

(۳) حجم مشخصی دارند، اما شکل مشخص ندارند.

(۴) فاصله ذرات سازنده مایع و جامد تقریباً یکسان و در حدود یک آنگستروم می باشد.

تفاوت جامد و مایع : نظم و تقارن در چیدمان مولکولی می باشد، نه فاصله ی مولکولی

حرکت نامنظم و کاتوره ای مولکول های آب:

مایع



مولکول های آب حرکت نامنظم یا کاتوره ای یا به زبون خودمون هر دمبیلی دارند.



طرحی از حرکت نامنظم و کاتوره ای مولکول های آب



پدیده پخش در مایع ها:  
 با ریختن نمک در آب: آب شور می شود.  
 با ریختن جوهر در آب: به تدریج رنگ آب تغییر می کند.  
 این ۲ موضوع نشان می دهد که ذرات سازنده ی نمک و جوهر در آب پخش می شوند.  
 دلیل این پخش شدن حرکت کاتوره ای مولکول های آب می باشد. چون در حین حرکتشان با ذرات سازنده ی نمک و جوهر برخورد می کنند و مواد در آب پخش می شوند.

۱) ماده ای که شکل مشخصی ندارد.

۲) اتم ها و مولکول های آن آزادانه و با تندی بسیار زیاد (در دمای اتاق حدود ۵۰۰ متر بر ثانیه) به اطراف حرکت و با یکدیگر و با دیواره های ظرفی که در آن قرار دارند برخورد می کنند.

۳) فاصله میانگین مولکول های گاز در مقایسه با اندازه ی آن ها، خیلی بیشتر است. مثلاً اندازه مولکول های هوا بین ۱ تا ۳ آنگستروم است در حالی که فاصله ی میانگین آن ها در شرایط معمولی در حدود ۳۵ آنگستروم است.

۴) نه حجم ثابتی و نه شکل ثابتی

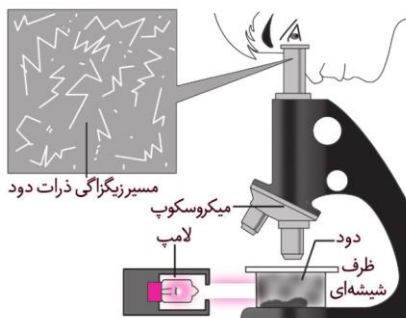
حرکت براونی (از اسم رابرت براون گیاه شناس گرفته شده):

به حرکت نامنظم و کاتوره ای یا هر دمبیلی ذرات دود، حرکت براونی گفته می شود.

مشاهده بیشتر توسط میکروسکوپ نشان داد که ذرات دود برخوردهای اندکی با یکدیگر دارند.

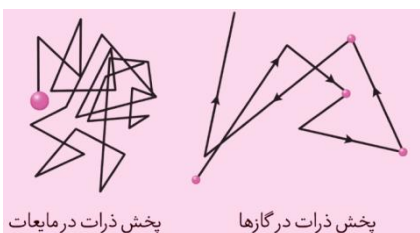
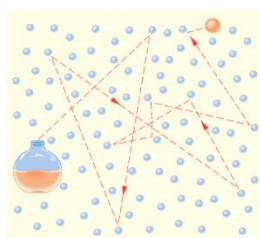
یعنی علت پخش اونا یک چیزه دیهگه ای هست و اون چیزی نیست جز حرکت کاتوره ای و نامنظم مولکول های هوا که با ذره های دود برخورد می کنند و باعث حرکت زیگزاگی و نامنظم ذرات دود می شوند.

گاز



پخش ذرات در گازها (مثل پخش بوی عطر در اتاق) خیلی سریع تر از پخش ذرات در مایع ها می باشد. چون مولکول های مایع

نسبت به گازها به هم دیگر نزدیک تر هستند و مانع حرکت ذرات می شوند.



پخش ذرات در مایعات

پخش ذرات در گازها

اطراف کره ی زمین مخلوطی از گازهای نیتروژن ، اکسیژن ، کربن دی اکسید، بخار آب و مقدار کمی گازهای بی اثر (کریپتون، نئون و هلیم) وجود دارد و مولکول های این گازها به صورت کاتوره ای و با تندی زیاد همواره در حرکت اند که باعث پخششون میشه.

حال اگه پدیده ی پخش وجود نداشته باشه اون موقع این گازها دیگه با هم مخلوط نمی شن و به صورت لایه لایه روی هم قرار می گیرن و اون گازی که چگالیش از همه بیش تره نزدیک تر به زمین و اون گازی که چگالیش از همه کم تره تو لایه های بالایی قرار می گیره. که در این صورت زندگی عملاً غیرممکن میشه!!

تست ۱:

هنگامی که یک لیوان پر از آب را کج می کنیم، آب به راحتی از آن می ریزد. این مشاهده ما را به این نتیجه می رساند که مولکول های مایع:

سراسری- ۱۳۸۸

- ۱) بر روی هم می لغزند.      ۲) با آزادی کامل به هر سمتی حرکت می کنند.
- ۳) در اطراف مکان خود حرکت نوسانی دارند.      ۴) در شبکه ی منظم با اتم های مجاور جایگاه ثابتی دارند.

۱-۲-۳ تراکم پذیری

در اثر افزایش فشار، می توان فاصله ی خیلی زیاد بین مولکول های گاز را کم کرد. بنابراین تراکم پذیرند.	گاز	تراکم پذیری
به دلیل فاصله ی زیاد بین مولکول ها، نیروهای بین مولکولی ناچیزند.	مایع	
تقریباً تراکم ناپذیرند.	جامد	
نیروهای بین مولکولی قابل ملاحظه اند اما در حدی نیستند که مانع لغزش مولکول ها روی یکدیگر شوند.		
تراکم ناپذیرند.		
نیروهای بین مولکولی بسیار قوی می باشند.		

تست ۲:

سراسری- ۱۳۸۳

کدام عامل، مایع ها را تقریباً تراکم ناپذیر می کند؟

- ۱) وجود پیوندهای یونی بین مولکولی      ۲) نیروی جاذبه بین مولکول ها در فواصل نزدیک
- ۳) نیروی رانشی بین مولکول ها در فواصل خیلی نزدیک      ۴) آزاد بودن مولکول های مایع در جابه جایی بین مولکولی

تست ۳:

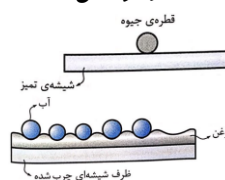
خارج از کشور- ۱۳۹۰

نیروی بین مولکولی برای یک ماده، چگونه است؟ (فاصله ها در ابعاد اتمی و مولکولی است).

- ۱) در همه ی فاصله ها ربایشی است.
- ۲) در همه ی فاصله ها رانشی است.
- ۳) در فواصل فوق العاده کم ربایشی و در فاصله ی کمی بیش تر از آن رانشی است.
- ۴) در فواصل فوق العاده کم رانشی و در فاصله های کمی بیش تر از آن ربایشی است.

<p>به نیروی بین مولکول های همسان نیروی هم چسبی می گوئیم. اثر این نیروی جاذبه در قطره ماندن قطره ی آب در حال سقوط یا به هم پیوستن دو قطره ی جیوه به هم دیده میشود.</p> <p>یادآوری:</p> <p>(۱) فاصله بین مولکول ها از یک حدی نمیتواند کمتر شود، چون اگر بخواهیم فاصله بین مولکول ها را از یک اندازه ای کمتر کنیم، نیروی دافعه ی بزرگی ظاهر میشود. این نیروی دافعه است که مایع را تراکم ناپذیر میکند.</p> <p>(۲) نیروهای بین مولکولی کوتاه برد هستند. یعنی اگر فاصله بین مولکول ها چند برابر فاصله بین مولکولی شود، نیروهای بین مولکولی عملاً صفر میشوند. برای همین است که وقتی شیشه میشکند قطعه های شکسته شده دیگر به هم نمی چسبند ولی باداغ کردن و نرم شدن شیشه دوباره مولکول ها به هم نزدیک میشوند و نیروی هم چسبی ظاهر میشود و می توانیم آن ها را به هم بچسبانیم.</p>	<p>نیروی هم چسبی</p>
<p>نکات:</p> <p>شناور ماندن سوزن فلزی روی سطح آب، تشکیل حباب های آب و صابون و راه رفتن حشرات روی سطح آب نشان میدهد که سطح مایع مثل یک پوسته تحت کشش است به این پدیده کشش سطحی می گوئیم.</p> <p>← این پدیده ناشی از نیروی هم چسبی بین مولکول های سطح مایع است.</p> <p>← نیروی هم چسبی بین مولکول های سطح مایع از نیروی هم چسبی درون مایع بیشتر است و همین باعث میشود که مایع رفتار کشسانی داشته باشد.</p> <p>نکات:</p> <p>(۱)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ دلیل کروی بودن قطره های آب هنگام سقوط پدیده کشش سطحی است.</li> <li>✓ سطح قطره مانند یک پوست کشیده شده (بادکنک) میخواید مساحتش را کاهش دهد برای همین به شکل هندسی که کمترین مساحت را دارد (یعنی کره) در می آید.</li> </ul> <p>(۲) اضافه کردن ناخالصی هایی مثل شوینده ها باعث میشود نیروی هم چسبی بین مولکول های آب کم شود در نتیجه افزودن شوینده به آب کشش سطحی را کاهش میدهد.</p> <p>(۳) افزایش دما نیروی هم چسبی بین مولکول های مایع را کم میکند بنابراین کشش سطحی با زیاد شدن دما کاهش می یابد به همین علت است که هرچه دما بیشتر میشود قطره های مایع کوچکتر میشوند.</p> <p>پس عوامل موثر بر کشش سطحی:</p> <p>(۱) نوع مایع: مثلاً کشش سطحی آب از الکل بیشتره</p> <p>(۲) دما</p> <p>(۳) ناخالصی</p> <p>مثلاً اگر یک گیره آهنی روی سطح آب قرار داشته باشد :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>❖ با افزایش دما : گیره پایین می رود.</li> <li>❖ با افزودن ناخالصی : گیره پایین می رود.</li> </ul>	<p>کشش سطحی</p> 
<p>وقتی دو ماده <b>مختلف</b> کنار هم قرار می گیرند بین مولکول های سطح آن ها نیروی جاذبه ای ایجاد میشود. به نیروی جاذبه بین مولکول های ناهمسان دگرچسبی می گویند.</p> <p>عوامل موثر بر دگرچسبی:</p> <p>(۱) جنس دو ماده: دگر چسبی آب و شیشه ی تمیز از دگرچسبی آب و شیشه ی چرب بیشتره!</p> <p>(۲) دما: هرچه دما بیشتر، دگرچسبی کمتر. (موقع ظرف شستن)</p> <p>(۳) ناخالصی: موادی مثل مایع ظرف شویی دگرچسبی را کاهش می دهد. (مایع ظرف شویی!)</p>	<p>نیروی دگرچسبی</p>
<p>هرگاه مایعی بر روی سطح یک جسم جامد قرار بگیرد دو حالت ممکن است رخ دهد:</p> <p>(۱) مایع جسم جامد را تر یا خیس کند. (قطره ی آب بر روی سطح شیشه)</p>	

### ترشوندگی



۲) مایع جسم جامد را تر یا خیس نکند. (قطره‌ی جیوه بر روی سطح شیشه)

اینکه یک مایع جسم جامد را خیس کند یا نه بستگی دارد به :

← اندازه‌ی نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع

← نیروی دگرچسبی که بین مولکول‌های مایع و سطح جامد وجود دارد.

حالت اول: اگر نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های مایع و سطح جامد بیشتر از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع شد،

مایع جامد را تر می‌کند. مانند آبی که روی سطح شیشه‌ی تمیز پهن می‌شود و شیشه را خیس می‌کند.

حالت دوم: اگر نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های مایع و سطح جامد کمتر از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع شد،

مایع جامد را تر نمی‌کند. مانند جیوه‌ای که روی سطح شیشه به صورت کره قرار می‌گیرد و پخش نمی‌شود.

نتیجه‌گیری: مایعی که سطح جامد را تر می‌کند بر روی سطح جامد پهن می‌شود و مایعی که سطح جامد را تر نمی‌کند بر روی سطح

جامد پهن نمی‌شود و به شکل کره باقی می‌ماند.

### جمع بندی

۱) قطره جیوه به صورت کروی بر روی سطح شیشه قرار می‌گیرد. ۲) جیوه شیشه را تر نمی‌کند.	$F$ هم‌چسبی جیوه و جیوه < $F$ دگرچسبی جیوه و شیشه
۱) قطره آب بر روی سطح شیشه پهن می‌شود. ۲) آب شیشه را تر می‌کند.	$F$ دگرچسبی آب و شیشه < $F$ هم‌چسبی آب و آب
۱) قطره آب بر روی سطح شیشه‌ی چرب به صورت کروی قرار می‌گیرد. ۲) قطره آب شیشه را تر نمی‌کند.	$F$ هم‌چسبی آب و آب < $F$ دگرچسبی آب و چربی

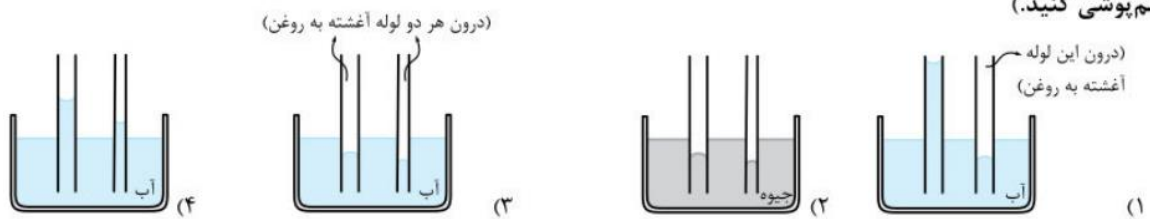
### ۳-۴ اثر موینگی

اثر موینگی و لوله‌های موین	
لوله‌ی موین	موین یعنی مانند مو و ما به لوله‌های بسیار باریک که قطر داخلی آن‌ها حدود $1 \text{ mm} / 0.1 \text{ است}$ ، لوله‌ی موین می‌گوییم.
اثر موینگی	به بالا رفتن یا پایین آمدن مایع درون لوله‌ی موین اثر موینگی می‌گوییم. رفتار آب و جیوه.
رفتار آب در لوله موین	اگر طبق شکل روبرو لوله موین شیشه‌ای تمیزی را داخل ظرف آبی قرار دهیم دو اتفاق می‌افتد: ۱) آب از لوله بالا می‌رود و بالا تر از سطح آب ظرف قرار می‌گیرد. ۲) سطح آب درون لوله موین فرو رفته (کاو) است. نکته: هرچه قطر لوله‌ی موین کمتر باشد آب در آن بیشتر بالا می‌رود.
رفتار جیوه در لوله موین	این بار دو اتفاق برعکس حالت قبل می‌افتد: ۱) سطح جیوه در لوله پایین می‌رود و پایین تر از سطح جیوه ظرف می‌ایستد. ۲) سطح جیوه در لوله موین برآمده (کوژ) است. نکته: هر چه قطر لوله‌ی موین کمتر باشد جیوه در آن پایین تر می‌رود. نکته: آب درون لوله آغشته به روغن مثل جیوه عمل می‌کند.

<p>اصطلاحی است که برای پدیده ی موینگی به کار می رود. مثلاً نم کشیدن دیوار ← به دلیل وجود منفذ های موین در دیوار است که در کنار هم تشکیل شبکه های لوله های موین می دهند. در ساختمان ها برای جلوگیری از خسارت های ناشی از نم کشیدن از مواد نائتراوا (مثل قیر) استفاده می کنند.</p>	<p>نم کشیدن</p>
<p>گاهی هم پدیده ی موینگی مفید است. مثلاً در اوند های چوبی گیاهان یا فیتله ی چراغ نفتی که باعث بالا رفتن مایع میشود.</p> <p>به نظر شما پرا آب در لوله موین بالا و جیوه در لوله ی مویی پایین میرود؟ چرا سطح آب در لوله موین فرو رفته و سطح جیوه در لوله موین بر آمده است؟</p> <p>برای جواب دادن به این سوال باید نیروی دگر چسبی بین مولکول های مایع و دیواره شیشه را با نیروی هم چسبی بین مولکول های مایع مقایسه کنیم.</p> <p>۱) اگر نیروی هم چسبی بین مولکول های مایع &gt; نیروی دگر چسبی بین مولکول های مایع دیواره لوله موین مایع از لوله بالا تر میرود و سطح مایع فرو رفته (کاو) میشود.</p> <p>۲) اگر نیروی هم چسبی بین مولکول های مایع &lt; نیروی دگر چسبی بین مولکول های مایع دیواره لوله موین مایع در لوله پایین میرود و سطح مایع بر آمده (کوژ) میشود.</p> <p>نیرو های دگر چسبی بین مولکول های جیوه و شیشه رو به پایین است.</p> <p>نکته ۱: با توجه به توضیح بالا با چرب کردن سطح داخلی لوله ی موین می توانیم نیروی دگر چسبی بین آب و لوله را کاهش دهیم و کاری کنیم که حتی آب هم درون لوله ی موین پایین تر از سطح آب درون ظرف بایستد و سطح آن بر آمده شود.</p>	<p>توضیحات</p>

تست ۴:

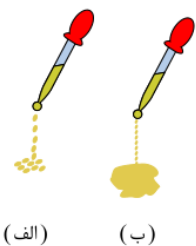
کدام یک از شکل های زیر، چگونگی قرارگیری مایع در لوله های موین را به درستی نشان نمی دهد؟ (از انحنای سطح آزاد مایع در ظرف چشم پوشی کنید.)



پاسخ: گزینه ۴

تست ۵:

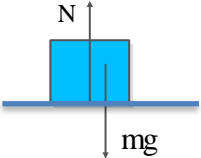
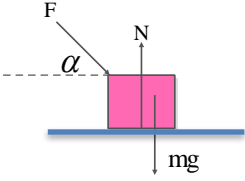
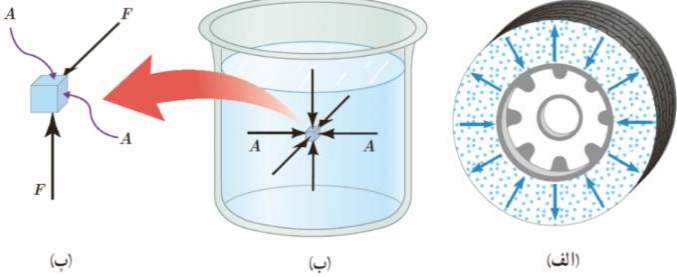
باتوجه به شکل مقابل که خروج قطره های روغن بادام را از دهانه دو قطره چکان متفاوت نشان می دهد، دمای قطره های روغن (الف) ..... از دمای قطره های روغن (ب) می باشد و افزایش دما نیروی هم چسبی را ..... و باعث ..... نیروی دگر چسبی می شود.



- ۱) کم تر - افزایش - افزایش
- ۲) بیش تر - افزایش - افزایش
- ۳) کم تر - کاهش - کاهش
- ۴) بیش تر - افزایش - کاهش

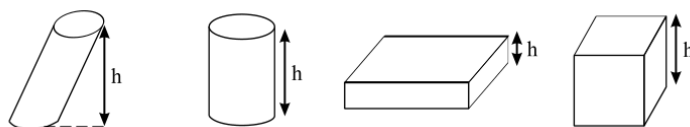
پاسخ: گزینه ۳ دما که بالا رود مایع رقیق می شود و نیروی هم چسبی کاهش یافته و نیروی دگر چسبی نیز کاهش می یابد.



<p><b>تعریف</b></p> <p>مقدار نیرویی که به طور عمودی بر یکای سطح وارد می شود. (بیان ریاضی: اندازه ی نیروی عمودی سطح تقسیم بر مساحت سطحی که نیرو بر آن وارد می شود.)</p>	
<p><b>فرمول</b></p> $P = \frac{F_N}{A}$ <p><math>A</math>: مساحت سطحی که نیرو به آن اعمال شده واحد: <math>m^2</math></p>	<p><math>F_N</math>: اندازه نیروی عمودی بر سطح واحد: <math>N</math></p> <p><math>P</math>: فشار وارد شده بر سطح / کمیت نرده ای! واحد: <math>\frac{N}{m^2}</math> به افتخار پاسکال: <math>1Pa = 1 \frac{N}{m^2}</math></p>
<p><b>نکات رابطه</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>A</math>: مساحت سطح تماس دو جسم است.</li> <li>• <math>A</math>: مساحت سطح تماس دو جسم در جایی که فشار را خواسته است می باشد.</li> <li>• رابطه <math>P</math> با <math>A</math> عکس می باشد:</li> </ul> <p>هرچه سطح تماس کمتر باشد ← فشار بیشتر می باشد: مثل تیغ جراحی، میخ، شمشیر و پونز هرچه سطح تماس بیشتر باشد ← فشار کمتر می باشد: مثل سپر جنگ و چوب اسکی</p>	
<p><b>مقایسه ای</b></p> $\frac{P_1}{P_2} = \frac{F_{N_1}}{F_{N_2}} \times \frac{A_2}{A_1}$	<p>رابطه مقایسه ای یا طبقه ای:</p>
<p><b>نکته</b></p> <p>برای آن که یک جسم به یک سطح فشار بیاورد، لازم نیست مستقیماً با آن سطح در تماس باشد.</p>	
<p><b>وزن جامد روی سطح افقی</b></p>  $P = \frac{F}{A} \xrightarrow{F=N=mg} P = \frac{mg}{A}$	<p><b>نمونه</b></p>  $P = \frac{F}{A} \rightarrow P = \frac{F \sin \alpha + mg}{A}$
<p><b>نکات تکمیلی</b></p> <p>(۱) فشار فقط مقدار دارد، یعنی برخلاف نیرو کمیتی نرده ای است و جمع آن هم جمع جبری! (۲) فشار نیرو نیست ها! (۳) <math>F</math> در این رابطه، نیروی عمود بر سطح هست ها! (۴) در فرمول، <math>A</math> مساحت سطح تماس دو جسم است. (۵) در فرمول، به جای <math>A</math> مساحت سطح تماس دو جسم در جایی که فشار را خواسته شده بگذار!</p>	



۳-۵-۱ فشار در استوانه، مکعب و اجسام مشابه (ظروف یکنواخت - از پایین تا بالا شکل و مساحت خود را حفظ می کنند)



در اجسام جامدی که **چگالی** را می دهند و روی **سطح افقی** قرار دارند و **سطح مقطعشان** در تمام **ارتفاعشان یکسان** است (همانند

شکل بالا)، فشار وارد بر سطح علاوه بر  $P = \frac{mg}{A}$  به صورت زیر هم محاسبه می شود:

$$P = \frac{mg}{A} \xrightarrow[V=Ah]{m=\rho V} P = \frac{\rho Vg}{A} = \frac{\rho Ahg}{A} \rightarrow \boxed{P = \rho gh}$$

نکته ۲: حجم از رابطه  $V = Ah$  به دست می آید.

یعنی فشار این اجسام به سطح زیرشان، به مساحت قاعده ی آن ها بستگی ندارد و فقط به **چگالی** و **ارتفاع** این اجسام بستگی

دارد.



تست ۶:

مکعبی چوبی به ضلع  $20\text{ cm}$  روی کف اتاق قرار دارد. هنگامی که شخصی به وزن  $800\text{ N}$  روی مکعب می ایستد، فشاری که از طرف شخص بر کف اتاق وارد می شود چند کیلو پاسکال است؟

سراسری-۱۳۸۶

۴۰۰۰ (۴)

۲۰۰۰ (۳)

۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

تست ۷:

دو استوانه ی توپُر و هم وزن  $A$  و  $B$  روی سطح افقی کنار هم قرار دارند. اگر شعاع قاعده ی استوانه ی  $B$ ، دو برابر شعاع قاعده ی استوانه ی  $A$  باشد، فشار حاصل از استوانه ی  $A$  چند برابر فشار حاصل از استوانه ی  $B$  است؟

سراسری-۱۳۹۳

۴ (۴)

۲ (۳)

$\frac{1}{4}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

تست ۸:

جرم یک میز چهارپایه  $20\text{ kg}$  است. اگر مساحت سطح مقطع هر پایه آن  $40\text{ cm}^2$  باشد، فشاری که هر پایه میز به سطح تماس وارد می کند چند کیلو پاسکال است؟

۳,۱۲۵ (۴)

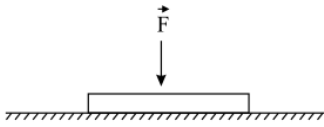
۰,۱۲۵ (۳)

۵۰ (۲)

۱۲,۵ (۱)

تست ۹: ✓

در شکل زیر، نیروی ثابتی عمود بر یک سطح دایره‌ای شکل، بر آن اعمال می‌شود. اگر قطر سطح را ۲۵ درصد افزایش دهیم، فشار وارد بر زمین به اندازه  $۲۷kPa$  تغییر می‌کند. فشار اولیه وارد بر زمین چند کیلو پاسکال بوده‌است؟



۷۵ (۲)

۲۵ (۱)

۱۰۲ (۴)

۱۳۵ (۳)

تست ۱۰: ✓

جرم یک مکعب مستطیل  $۳٫۶kg$  و حجم آن  $۲۴۰cm^3$  است. این مکعب مستطیل را یک‌بار بر روی بزرگ‌ترین وجه آن و بار دیگر بر روی کوچک‌ترین وجه آن روی سطح افقی قرار می‌دهیم. اگر اختلاف فشار وارد بر سطح افقی از طرف مکعب مستطیل در این دو حالت  $۴۵۰۰$  پاسکال باشد، اختلاف بین بزرگ‌ترین ضلع و کوچک‌ترین ضلع مکعب مستطیل چند سانتی‌متر است؟ ( $g = ۱۰ \frac{N}{kg}$ )

۱ (۴)

۲ (۳)

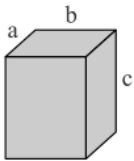
۳ (۲)

۴ (۱)

تست ۱۱: ✓

در مکعب مستطیل شکل زیر، اگر ابعاد  $a, b, c$  به نسبت  $۱, ۲, ۳$  باشد و مکعب را روی وجوه مختلف روی سطح افقی قرار دهیم، بیشترین فشاری که به سطح وارد می‌کند، چند برابر کمترین فشار است؟

خارج از کشور-۱۳۹۷



۲ (۲)

۱٫۵ (۱)

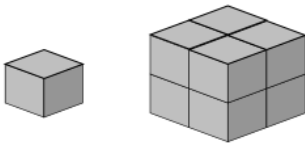
۶ (۴)

۳ (۳)

تست ۱۲: ✓

در شکل روبه‌رو، مکعب شکل (۱) مشابه هر یک از مکعب‌های شکل (۲) است. فشاری که مکعب‌های شکل (۲) بر سطح افقی وارد می‌کنند، چند برابر فشار حاصل از مکعب شکل (۱) است.

سراسری-۱۳۹۲



(۱)

(۲)

۸ (۱)

۴ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

تست ۱۳: ✓

مکعب فلزی توپری به ابعاد  $۲cm \times ۴cm \times ۵cm$  و چگالی  $۸g/cm^3$  از طرف یکی از وجه‌هایش روی سطح افقی قرار می‌گیرد. بیشترین فشاری که مکعب می‌تواند بر سطح وارد کند، چند پاسکال است؟ ( $g = ۱۰ N/kg$ )

سراسری-۱۳۹۸

$۴ \times ۱۰^۳$  (۴)

$۱٫۶ \times ۱۰^۳$  (۳)

$۴ \times ۱۰^۲$  (۲)

$۱٫۶ \times ۱۰^۲$  (۱)

تست ۱۴:

مخروط ناقصی به وزن  $W$ ، مطابق شکل روی سطح افقی قرار دارد. شعاع قاعده بزرگ ۲ برابر شعاع قاعده کوچک است. مخروط را به طرف سطح بزرگ تر روی سطح افقی قرار می‌دهیم. اگر بخواهیم فشار وارد بر سطح افقی تغییر نکند، وزنه‌ای چند برابر وزن مخروط باید روی آن قرار دهیم؟



۱

۲

۳

۴

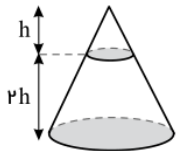
نکته ۳: فشار برای مخروط از این رو جی اچ حساب نمیشه. چرا؟

$$P = \frac{mg}{A} \xrightarrow[V = \frac{1}{3}Ah]{m = \rho V} P = \frac{\rho Vg}{A} = \frac{\rho \frac{1}{3}Ahg}{A} \rightarrow P = \frac{1}{3}\rho gh$$

تست ۱۵:

فشار مخروط نشان داده شده بر تکیه‌گاهش برابر  $P$  است. اگر بالای مخروط را از قسمت نشان داده شده جدا کرده و روی سطح افقی قرار دهیم فشار مخروط جدید چند برابر  $P$  خواهد بود؟

خوشخوان - ۱۳۹۸



$\frac{1}{3}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{4}$

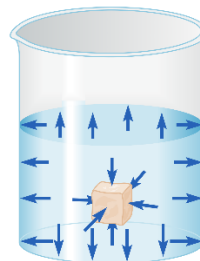
$\frac{1}{9}$

۶-۳ فشار در شاره‌های ساکن

مولکول‌های شاره (مایع و گاز) همان مولکول‌های جسم جامد هستند با این تفاوت که در شاره در حال حرکتند!

کلا مولکول‌های شاره:

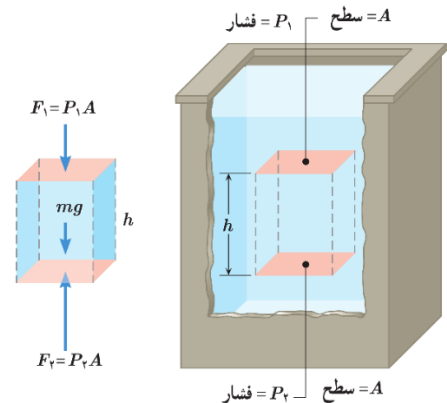
- جرم و در نتیجه وزن دارند.
  - در حال حرکت اند و به اطراف برخورد می‌کنند.
- این دو عامل باعث میشه که شاره به هر سطحی که با آن در ارتباطه به طور عمود نیرو وارد کنه
- نیرو به صورت عمود بر سطح: فشار



### ۱-۶-۳ محاسبات فشار در مایع ساکن

یک ظرف آب و یک مکعب به مساحت  $A$  و ارتفاع  $h$  که سه نیرو به صورت عمود به این مکعب ساکن وارد می شود.

$F_1$ : نیرویی که از طرف مایع به سطح بالایی وارد می شود و رو به پایین است.  
 $F_2$ : نیرویی که از طرف مایع به سطح پایینی وارد می شود و رو به بالا است.  
 $mg$ : وزن که به سمت پایین است.



از آن جایی که مکعب مستطیل ساکن است، پس باید برآیند نیروها در راستای قائم صفر شود:

$$F_2 - F_1 - mg = 0 \rightarrow P_2A - P_1A - mg = 0 \rightarrow \frac{m = \rho V}{V = Ah} \rightarrow P_2A - P_1A - \rho Ahg = 0 \rightarrow \boxed{P_2 - P_1 = \rho gh \rightarrow \Delta P = \rho gh}$$

$\Delta P$ : اختلاف فشار دو نقطه از مایع بر حسب پاسکال

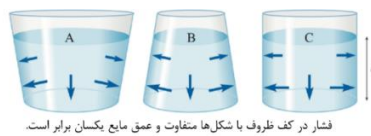
نکته ۴: از  $P_2 = P_1 + \rho gh$  متوجه می شویم که  $P_2 > P_1$ ، یعنی درون یک مایع هرچه عمق بیشتر باشد، فشار بیشتر است.

یعنی اگر به اندازه ارتفاع مشخص  $h$  پایین برویم، فشار به اندازه  $\rho gh$  افزایش می یابد.

در مایعات فشار حاصل از یک مایع به سطح زیرش، فقط به ارتفاع عمودی ستون مایع، چگالی و شتاب گرانش آن محل بستگی

دارد و به شکل ظرف و عوامل دیگر بستگی ندارد. پس در شکل زیر فشار در نقاط نشان داده شده با هم برابر می باشد، زیرا ارتفاع

ستون مایع یکسان می باشد.



فشار در کف ظروف با شکل‌ها متفاوت و عمق مایع یکسان برابر است.

نکته ۵: اگر چگالی مایع درون هر سه ظرف یکسان باشد، فشار مطلق و فشار ناشی از مایع در کف هر ۳ ظرف یکسان است.

دو چگالی مهم:

$$\rho_{Water} = 1 \frac{gr}{cm^3} = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

$$\rho_{Hg} = 13.6 \frac{gr}{cm^3} = 13600 \frac{kg}{m^3}$$

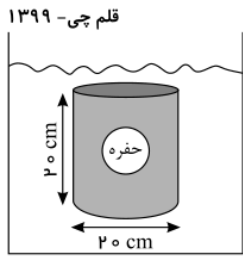
واحد های فشار:

$$1 atm = 1.013 \times 10^5 Pa = 76 cmHg = 1.013 \times 10^6 dyne/cm^2$$

$$1 mmHg = 1 torr$$

تست ۱۶: ✓

مطابق شکل مقابل، یک جسم استوانه‌ای به قطر مقطع  $20\text{ cm}$  و ارتفاع  $20\text{ cm}$  درون آب به‌طور قائم غوطه‌ور و در حال تعادل است. این جسم از ماده‌ای به چگالی  $1500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  ساخته شده و درون آن حفره‌ای وجود دارد. حجم حفره چند سانتی‌متر مکعب است؟



قلم چی - ۱۳۹۹

$$(\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \pi \approx 3)$$

۲۰۰۰ (۱)

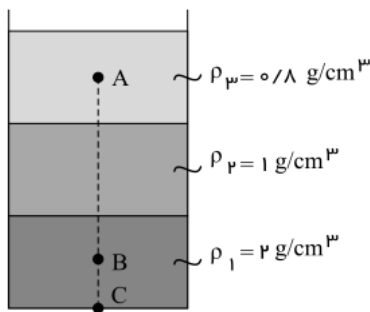
۴۰۰۰ (۲)

۱۰۰۰ (۳)

۵۰۰ (۴)

تست ۱۷: ✓

در شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی با چگالی‌های مشخص، قرار دارد و ارتفاع هر لایه از مایع‌ها  $20\text{ cm}$  است. اگر  $AB = 40\text{ cm}$  و  $BC = 10\text{ cm}$  باشد، اختلاف فشار بین دو نقطه  $A$  و  $B$  چند پاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



۱۶۰۰ (۱)

۲۶۰۰ (۲)

۳۸۰۰ (۳)

۴۸۰۰ (۴)

۳-۶-۲ فشار مطلق (فشار کل) ( $P_M$ )

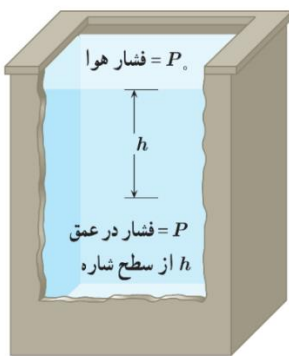
در شکل قبل اگر سطح بالایی را سطح مایع در نظر بگیریم:

• به جای  $P_1$ ، فشار در عمق صفر یا همان فشار هوای محیط ( $P_0$ )

• به جای  $P_2$ ، فشار در عمق  $h$  از مایع یا فشار نقطه  $M$  ( $P_M$ )

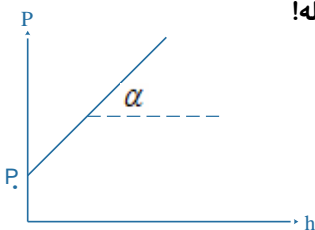
بنابراین به  $P_M$  فشار نقطه  $M$  یا فشار کل یا فشار مطلق گویند.

$$P_M = P_0 + \rho gh$$



نکته ۶: گاهی اوقات نمیگن فشار کل یا فشار مطلق. مثلاً میگن فشار، منظور شون همین فرموله!

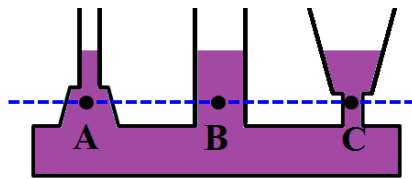
نمودار  $P$  بر حسب  $h$ :  $P = P_0 + \rho gh$  (عرض از مبدا:  $P_0$  | شیب نمودار:  $\rho g$ )



(۱) با توجه به این رابطه  $P = P_0 + \rho gh$  اگر از عمق  $h$  یک دریاچه به عمق  $2h$  برویم، فشار بین یک برابر و دو برابر می‌شود.

(۲) اگر پیستون را فشار دهیم تا فشار گاز دو برابر شود، فشار کف ظرف بین یک برابر و دو برابر می‌شود.  $P = P_g + \rho gh$

نکته ۷: فشار در نقاط هم سطح در یک مایع در حال تعادل یکسان می باشد.



$$\left. \begin{aligned} P_A &= P_o + \rho gh_A \\ P_B &= P_o + \rho gh_B \\ P_C &= P_o + \rho gh_C \end{aligned} \right\} \xrightarrow{h_A=h_B=h_C} P_A = P_B = P_C$$

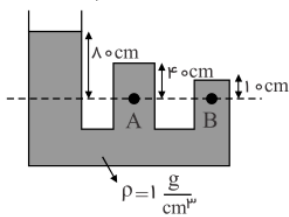
نکته ۸: وقتی میگویند فشار کل در یک نقطه، یعنی فشار هر چی بالا سرشه رو حساب کن!!!

$P_A = P_o + \frac{mg}{A} + \rho gh$	$P_{Kaf} = P_o + \rho_w gh_w + \rho_{oil} gh_{oil}$

تست ۱۸

در شکل زیر مایع در حال تعادل است. فشار در نقطه A چند برابر فشار در نقطه B است؟ ( $P_o = 10^5 Pa$  و  $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

قلم چی - ۱۳۹۷

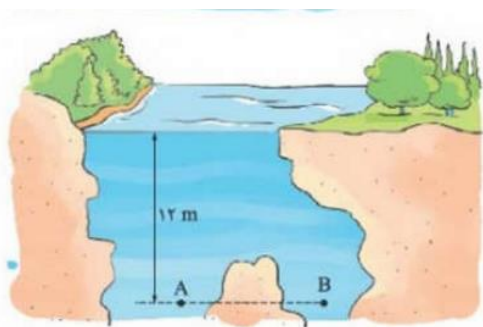


$\frac{104}{101}$  (۲)  
 $\frac{4}{7}$  (۴)

۴ (۱)  
 ۱ (۳)

تست ۱۹

در شکل روبه‌رو، چگالی آب برابر  $10^3 \text{ kg/m}^3$  و فشار هوا در سطح دریاچه  $10^5 Pa$  است. فشار در نقطه A برابر ..... پاسکال و در نقطه B ..... فشار در نقطه A است. ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



- (۱)  $2/2 \times 10^5$  کم‌تر از
- (۲)  $2/2 \times 10^5$  برابر
- (۳)  $1/2 \times 10^5$  برابر
- (۴)  $1/2 \times 10^5$  کم‌تر از

تست ۲۰: (با دایورت فشار هم حل بشه)

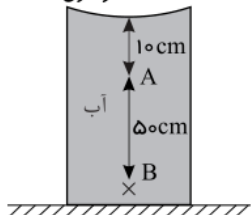
در شکل مقابل، فشار در نقطه B چند برابر فشار در نقطه A است؟

$$(P_o = 9.9 \times 10^4 \text{ pa}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$\frac{5}{4}$  (۲)  
 $\frac{21}{20}$  (۴)

$\frac{6}{5}$  (۱)  
 $\frac{20}{19}$  (۳)

سراسری - ۱۳۸۹

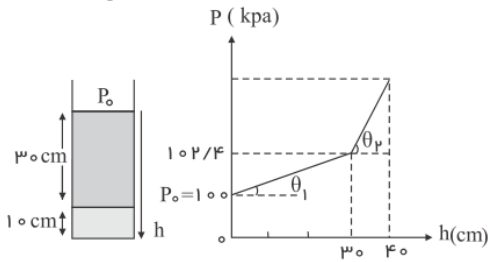




تست ۲۱

در ظرفی مطابق شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی وجود دارد. اگر نمودار تغییرات فشار برحسب عمق دو مایع مطابق شکل زیر باشد و  $\tan \theta_2 = 17 \tan \theta_1$  باشد،  $\rho_2$  و  $\rho_1$  در SI کدام‌اند؟

خارج از کشور-۱۳۹۶

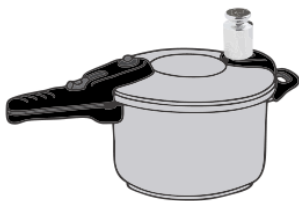


- ۱ ۱۰۲۰۰ و ۶۰۰
- ۲ ۱۲۷۵۰ و ۷۵۰
- ۳ ۱۳۵۰۰ و ۸۰۰
- ۴ ۱۳۶۰۰ و ۸۰۰

تست ۲۲

مساحت روزنه خروج بخار آب، روی درب یک زودپز  $4 \text{ mm}^2$  است. جرم وزنه‌ای که روی این روزنه باید گذاشت تا فشار داخل آن  $2 \text{ atm}$  نگه داشته شود، چند گرم باید باشد؟ (فشار هوای بیرون  $1 \text{ atm}$  و  $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$  است.)

خوشخوان-۱۳۹۸



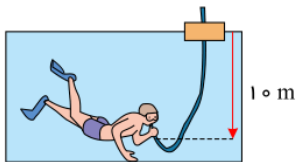
- ۱ ۲۰
- ۲ ۴۰
- ۳ ۶۰
- ۴ ۸۰

تست ۲۳

غواصی در عمق  $10$  متری از سطح آب در حال شناست. او توسط لوله‌ای که به هوای آزاد متصل است، نفس می‌کشد. فشار وارد بر قفسه

قلم چی-۱۳۹۶

ی سینیه‌ی غواص چند برابر فشار هوای درون ریه‌ی اوست؟  $(P_0 = 10^5 \text{ Pa}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \pi = 3 \text{ و } g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۱ ۱
- ۲ ۱٫۱
- ۳ ۲
- ۴ ۱۰

اگر مساحت پرده گوش شناگر  $1$  سانتی متر مربع باشد، بزرگی نیرویی که به پرده گوش شناگر در عمق  $10$  متری وارد میشود چند نیوتن است؟

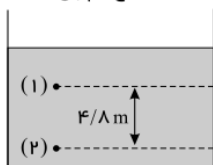
تست ۲۴

درون مخزنی بزرگ و مطابق شکل زیر، مایعی به چگالی  $2,5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  ریخته‌ایم. اگر فشار کل در نقطه (۱)،  $20$  درصد کم‌تر از فشار کل

در نقطه (۲) باشد، عمق نقطه (۲) از سطح آزاد مایع چند برابر عمق نقطه (۱) از سطح آزاد آن است؟  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$  و فشار هوا را معادل  $10^5 \text{ Pa}$

منبع قلم چی-۱۳۹۷

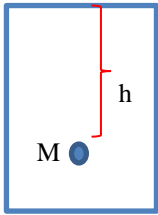
فرض کنید.)



- ۱ ۳۴ / ۲۵
- ۲ ۲۵ / ۱۹
- ۳ ۲۷ / ۸
- ۴ ۳۲ / ۵

۳-۶-۳ فشار ناشی از مایع یا فشار پیمانه ای ( $P_g$ )

به اختلاف فشار مطلق و فشار هوا، فشار ناشی از مایع یا فشار پیمانه ای نقطه  $M$  در عمق  $h$  از سطح مایع گویند. (یعنی فقط ببینیم



مایع در عمق  $h$  چه فشاری ایجاد کرده!)

$$P_g = P_M - P_o = \rho gh$$

✓ حواستان باشد،  $h$  عمق نقطه مد نظر است نه ارتفاع ظرف!

✓ فشار پیمانه ای در گازها نیز استفاده می شود.

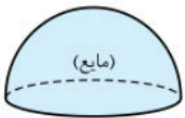
از رابطه های بالا مشخص شد که فشار مطلق و فشار پیمانه ای (یا فشار ناشی از مایع):

❖ به  $h$  بستگی دارد. (ارتفاع تا سطح آب!!!)

❖ ولی به شکل ظرف، وزن کل مایع و مساحت کف ظرف بستگی ندارد.

تست ۲۵

مطابق شکل، ظرفی نیم کره ای شکل به شعاع  $R$  با مایعی به چگالی  $\rho$  پر شده است. فشار ناشی از مایع بر کف افقی ظرف کدام است؟



$\frac{4}{3} \rho g R$  (۴)

$\rho g R$  (۳)

$\frac{2}{3} \rho g R$  (۲)

$\frac{1}{2} \rho g R$  (۱)

تست ۲۶

سراسری-۱۳۸۷

قطر داخلی استوانه ای بلندی  $2\text{cm}$  است. اگر آن را به طور قائم نگه داشته و  $157\text{cm}^3$  آب در آن بریزیم، فشار حاصل از آب در ته استوانه چند پاسکال می شود؟ ( $P_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  ,  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

۵۰۰۰ (۴)

۲۵۰۰ (۳)

۳۰۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

فشار در ته ظرف چند پاسکال می شود؟ (فشار هوا ۱ اتمسفر)

تست ۲۷

خارج از کشور-۱۳۹۵

سطح مقطع یک ظرف استوانه ای  $20\text{cm}^2$  است و در آن تا ارتفاع  $10$  سانتی متر آب ریخته شده است. روی آب چند گرم روغن با چگالی  $0.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  بریزیم تا فشار حاصل از این دو مایع در کف استوانه برابر  $2000$  پاسکال شود؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  , چگالی آب  $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ )

۲۴۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۱۲۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

تست ۲۸

سراسری-۱۳۹۶

مکعبی به ضلع  $6\text{cm}$  پر از آب است. اگر همه ی آب این مکعب را درون استوانه ای که مساحت قاعده ی آن  $36$  متر مربع است بریزیم، فشاری که این آب در کف استوانه ایجاد می کند، چند برابر فشاری است که در کف مکعب ایجاد می کند؟

۱ (۴)

$\sqrt{2}$  (۳)

$\frac{\pi}{2}$  (۲)

$\pi$  (۱)

تست ۲۹:

ابعاد ظرف استوانه‌ای B، دو برابر ابعاد ظرف استوانه‌ای A است. ظرف A را پر از آب می‌کنیم و هم جرم با آب در استوانه‌ی B جیوه می‌ریزیم. فشاری که آب بر کف ظرف A وارد می‌کند، چند برابر فشاری است که جیوه بر کف ظرف B، وارد می‌کند؟ (آب  $\rho_{\text{آب}} = 13,6$  جیوه)

خارج از کشور- ۱۳۹۶

۴

۱۳,۶

$\frac{1}{4}$

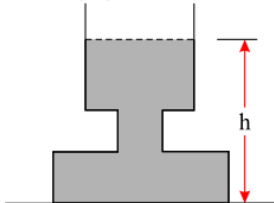
$\frac{1}{13,6}$

تست ۳۰:

در شکل مقابل ظرف تا ارتفاع  $h$  از آب پر شده و سطح مقطع قسمت‌های مختلف استوانه‌ای شکل آن از بالا به پایین به ترتیب  $0,4m^2$ ،  $0,1m^2$  و  $0,8m^2$  است. اگر ۲ لیتر آب بر آب ظرف اضافه کنیم، فشار در کف ظرف چند پاسکال افزایش می‌یابد؟

$$(g = 10 \frac{m}{s^2}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3})$$

سراسری- ۱۳۸۴



۳۰۰

۲۰۰

۵۰۰

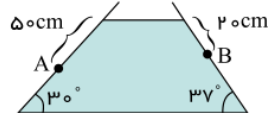
۴۰۰

تست ۳۱:

مطابق شکل زیر، درون یک ظرف، مایعی ریخته شده است. اگر فشار ناشی از مایع در نقطه‌ی A برابر با  $4000 Pa$  باشد، فشار ناشی از

مایع در نقطه‌ی B، چند پاسکال است؟ ( $\cos 37^\circ = 0,8$ )

منبع قلم چی- ۱۳۹۴



۲۵۶۰

۱۰۰۰

۱۹۲۰

۱۶۰۰

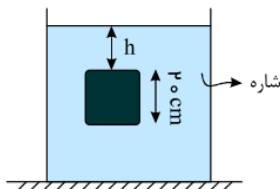
تست ۳۲:

مطابق شکل، جسمی مکعب شکل به طول ضلع  $20 cm$  درون شاره‌ای غوطه‌ور و در حال تعادل است. اگر فشار کل وارد بر سطوح بالایی

و پایینی جسم به ترتیب برابر  $105$  و  $110$  کیلوپاسکال و فشار هوای محیط  $100 kPa$  باشد، چگالی شاره و طول  $h$  به ترتیب چند واحد

SI هستند؟ ( $g = 10 N/kg$ )

منبع قلم چی- ۱۳۹۸



۲۰ و ۲,۵

۰,۲ و ۲,۵

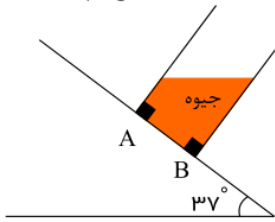
۲۰ و ۲۵۰۰

۰,۲ و ۲۵۰۰

تست ۳۳

در شکل زیر، اگر زاویه سطح شیب‌دار به اندازه  $۱۶^\circ$  افزایش یابد، اختلاف فشار دو نقطه  $A$  و  $B$  چگونه تغییر می‌کند؟ (ظرف استوانه و مساحت سطح مقطع آن  $۷۵\text{cm}^2$  است،  $\pi = ۳$  و  $\sin ۳۷^\circ = ۰٫۶$ )

منبع قلم چی - ۱۳۹۹



۱)  $۲\text{cm.Hg}$  افزایش می‌یابد.

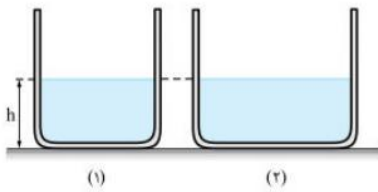
۲)  $۴\text{cm.Hg}$  افزایش می‌یابد.

۳)  $۳\text{cm.Hg}$  افزایش می‌یابد.

۴) تغییر نمی‌کند.

تست ۳۴

مطابق شکل، در دو ظرف بلند استوانه‌ای (۱) و (۲)، تا ارتفاع  $h$  از یک مایع می‌ریزیم. مساحت کف ظرف (۲) دو برابر مساحت کف ظرف (۱) است. چه ارتفاعی از مایع ظرف (۱) را به درون ظرف (۲) بریزیم تا فشار ناشی از مایع در کف ظرف بزرگ‌تر ۲۵ درصد افزایش یابد؟

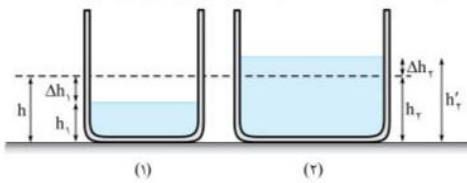


$h$  (۴)

$\frac{h}{۲}$  (۳)

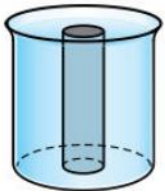
$\frac{h}{۴}$  (۲)

$\frac{h}{۸}$  (۱)



تست ۳۵

مطابق شکل، فضای درونی ظرفی از فضای خالی بین دو استوانه هم‌ارتفاع و تودرتو به شعاع‌های قاعده  $۵\text{cm}$  و  $۷\text{cm}$  تشکیل شده است (استوانه داخلی توپر و کف ظرف بسته است). درون ظرف  $۱/۸$  لیتر آب می‌ریزیم. فشار ناشی از آب در کف ظرف چند پاسکال است؟ ( $\rho_{\text{آب}} = ۱\text{g/cm}^3$  و  $g = ۱۰\text{N/kg}$  و  $\pi = ۳$ )



۲۵۰۰ (۴)

۲۰۰۰ (۳)

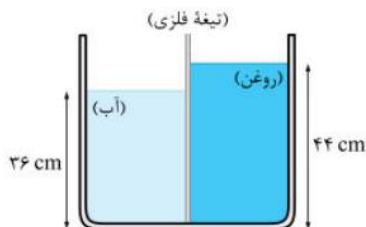
۱۲۵۰ (۲)

۱۰۰۰ (۱)

تست ۳۶

تیغه‌ای عمودی فضای دو مایع را در شکل زیر، از هم جدا کرده است. در چند سانتی‌متری از کف ظرف، فشار دو طرف تیغه برابر می‌شود؟

( $\rho_{\text{آب}} = ۱\text{g/cm}^3$  و  $\rho_{\text{روغن}} = ۰٫۸\text{g/cm}^3$ )



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

تست ۳۷:

در مکانی که فشار هوا  $1.026 \times 10^5 Pa$  است، اگر از عمق ۱۰ سانتی متری مایعی، به عمق ۵۳ سانتی متری برویم، فشار ۱٫۵ برابر می شود. چگالی مایع چند گرم بر سانتی متر مکعب است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

۱۳٫۸

۱۳٫۵

۲٫۶

۲٫۵

نکته ۹: فشار حاصل از دو مایع قبل از حل شدن = فشار حاصل از محلول دو مایع

تست ۳۸:

نصف حجم استوانه ای از مایع با چگالی  $\rho_1$  پر شده و نیمه بالایی آن از مایعی با چگالی  $\rho_2$  پر شده است و فشار حاصل از دو مایع در کف استوانه برابر  $P_1$  است. اگر این دو مایع را به هم بزنیم و دو مایع در هم حل شوند، فشار حاصل از محلول در کف استوانه برابر  $P_2$  می شود. کدام رابطه درست است؟  
خارج از کشور-۱۳۹۷

$P_2 = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2(\rho_1 - \rho_2)} P_1$

$P_2 < P_1$

$P_2 > P_1$

$P_2 = P_1$

تست ۳۹:

در یک ظرف استوانه ای مقداری آب به جرم  $m$  و مقداری جیوه به جرم  $4m$  ریخته شده است. جمع ارتفاع این دو مایع  $44cm$  است. فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف چند کیلو پاسکال است؟  
سراسری-۱۳۸۷

$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{g}{cm^3}, g = 10 \frac{m}{s^2})$

۴۷

۴۲

۳۲

۱۷

تست ۴۰:

درون یک ظرف استوانه ای به قطر داخلی  $2.0cm$ ،  $300$  گرم آب و  $300$  گرم نفت وجود دارد. فشار ناشی از این دو مایع در کف ظرف چند پاسکال است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2}, \pi = 3)$

۲۰۰۰۰

۲۰۰۰

۲۰۰

۲۰

تست ۴۱

در یک لوله استوانه‌ای که مساحت قاعده آن  $5\text{cm}^2$  است،  $136$  گرم جیوه و  $136$  گرم آب می‌ریزیم. اگر چگالی جیوه و چگالی آب به ترتیب  $13.6 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و  $1 \frac{g}{\text{cm}^3}$  باشد، فشار در ته لوله چند پاسکال است؟ ( $P_0 = 76\text{cmHg}$ ,  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

۱۰۸۸۰۰ (۴)

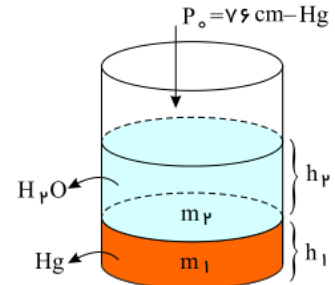
۱۰۸٫۸ (۳)

۵۴۴۰۰ (۲)

۵۴٫۴ (۱)

پاسخ: گزینه ۴ چون ظرف استوانه‌ای است،  $F$  وارد بر کف ظرف:

$$\begin{cases} F = (m_1 + m_2)g = 2,72N \\ P = \frac{F}{A} + P_0 = \frac{2,72}{5 \times 10^{-4}} + 10,336 \cdot Pa \end{cases}$$



$$76(\text{cm} - \text{Hg}) \xrightarrow{\times 1360} 10,336 \cdot Pa \Rightarrow P = 54400 + 10,3360 = 108800 \cdot Pa$$

تست ۴۲

اگر آب و الکل را با جرم یکسان درون استوانه‌ای با مساحت قاعده  $20\text{cm}^2$  بریزیم، فشار ناشی از طرف مخلوط دو مایع بر کف استوانه

برابر با  $4000 \cdot Pa$  می‌شود. حجم الکل درون استوانه چند سانتی‌متر مکعب است؟ ( $\rho_{\text{الکل}} = 0,8 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ,  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ,  $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

قلم چی - ۱۳۹۹

۴۰۰ (۴)

۲۰ (۳)

۵۰۰ (۲)

۲۵ (۱)

تست ۴۳

در شکل زیر یک ظرف به جرم ناچیز با سطح مقطع کف  $10\text{cm}^2$  قرار دارد که داخل آن  $300$  گرم آب ریخته‌ایم. اگر ارتفاع آب در ظرف

$50$  سانتی‌متر باشد، فشار مایع در کف ظرف و فشاری که ظرف به سطح افقی روی آن وارد می‌کند به ترتیب از راست به چپ چند پاسکال است؟

خوشخوان - ۱۳۹۸

$$\left( \rho = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{m}{s^2} \right)$$

۳۰۰۰، ۵۰۰۰ (۱)

۵۰۰۰، ۳۰۰۰ (۲)

۳۰۰۰، ۳۰۰۰ (۳)

۵۰۰۰، ۵۰۰۰ (۴)

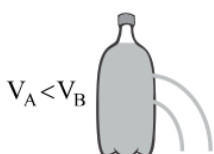
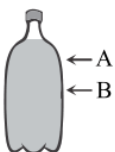


تست ۴۴

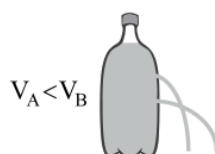
یک بطری پر از آب را از دو نقطه  $A$  و  $B$  سوراخ می‌کنیم. مسیر آب بیرون ریخته شده از دو سوراخ به چه صورت است و سرعت

خروج آب از کدام سوراخ بیشتر است؟

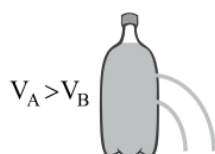
خوشخوان - ۱۳۹۸



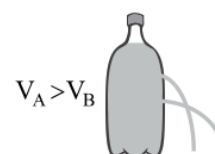
(۴)



(۳)



(۲)

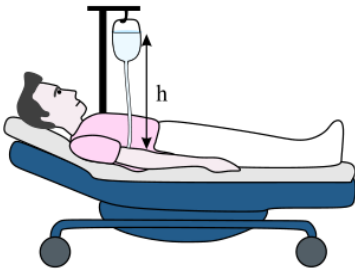


(۱)



تست ۴۵: 

شکل زیر کیسه پلاستیکی حاوی محلولی را نشان می‌دهد که در حال تزریق به بیمار است. قسمت بالای کیسه با سوزن سوراخ شده تا فشار بالای مایع برابر فشار هوای آزاد باشد. اگر فشار پیمانه‌ای خون در سیاهرگ، ۱۲۱۰ پاسکال باشد، حداقل  $h$  چند سانتی‌متر باشد تا مایع در بدن بیمار نفوذ کند؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$  و چگالی محلول  $1100 \text{ kg/m}^3$  است).  
قلم چی - ۱۳۹۸



- ۱۰
- ۱۱
- ۱۱۰
- ۱۰۰

نکته ۱۰: اگر ظرف محتوی مایع درون آسانسور قرار داده شود و آسانسور با شتاب  $a$  حرکت کند، فشار در عمق  $h$  این مایع از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$P = P_o + \rho(g \pm a)h$$

تند + بالا / + کند - پایین -

تست ۴۶: 

اختلاف فشار بین دو نقطه از مایعی در حال سکون  $\Delta P$  است. اگر ظرف محتوی این مایع با شتاب  $\frac{2g}{3}$  در راستای قائم به طرف پایین حرکت کند، اختلاف فشار بین این دو نقطه کدام خواهد بود؟  
سراسری - ۱۳۸۴

$\frac{4}{3} \Delta P$

$\frac{2}{3} \Delta P$

$\frac{1}{3} \Delta P$

$\Delta P$

نکته ۱۱: می‌توان فشار وارد بر یک سطح را بر حسب ارتفاع عمودی مایعات بیان کنیم.

برای مثال اگر در یک ظرف ستونی از جیوه به ارتفاع ۷۶ سانتی‌متر داشته باشیم، فشار وارد بر کف ظرف از طرف مایع برابر ۷۶ سانتی‌متر جیوه است.

۳ فشار یکسان		
فشار هوا برابر $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$	یک ستون آب با ارتفاع ۱۰ متر	یک ستون جیوه با ارتفاع ۷۶ سانتی‌متر
		

### ۳-۱ معادل سازی فشار

می توان فشار بر حسب ارتفاع یک مایع را به فشار بر حسب مایعی دیگر تبدیل کرد.  
هر گاه بخواهیم فشار مایع ۱ را بر حسب ارتفاع مایع ۲ حساب کنیم، از رابطه زیر استفاده می کنیم.

$$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2$$

نکته استفاده از این رابطه: واحد ها در دو طرف یکسان باشند.

مثال: فشار در عمق ۴۰ متری آب دریاچه را بر حسب پاسکال و سانتی متر جیوه و متر آب حساب کنید:

$$(1 \text{ atm} = 1.0^5 \text{ Pa} = 76 \text{ cmHg} = 1.0 \text{ mH}_2\text{O})$$

	فشار در عمق ۴۰ متری آب دریاچه بر حسب پاسکال
	فشار در عمق ۴۰ متری آب دریاچه بر حسب متر آب
	فشار در عمق ۴۰ متری آب دریاچه بر حسب سانتی متر جیوه

تست ۴۷

اگر فشار هوا ۷۵ سانتی متر جیوه باشد، فشار در عمق چند متری آب به ۱۰۰ سانتی متر جیوه می رسد؟ (چگالی جیوه و آب به ترتیب

خارج از کشور- ۱۳۸۹

$$(g = 10 \frac{m}{s^2} \text{ و } 1 \frac{g}{cm^3} \text{ است و } 13.6 \frac{g}{cm^3})$$

۱۳٫۶ (۴)

۱۰٫۲ (۳)

۶٫۸ (۲)

۳٫۴ (۱)

تست ۴۸

اگر در مکانی، فشار هوا برابر ۷۶ سانتی متر جیوه باشد، فشار در عمق ۱۳۶ سانتی متری آب رودخانه چند سانتی متر جیوه است؟

خارج از کشور- ۱۳۹۳

$$(\rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{kg}{m^3}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3})$$

۹۶ (۴)

۹۲ (۳)

۸۶ (۲)

۸۲ (۱)

تست ۴۹

درون ظرفی به شکل مقابل، که روی سطح افقی قرار دارد، آب به ارتفاع ۶۸ cm ریخته ایم. فشار پیمانه ای

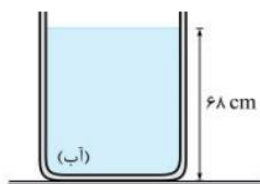
آب در کف ظرف چند سانتی متر جیوه است؟ ( $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$  و  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \text{ g/cm}^3$ )

۱۰ (۲)

۵ (۱)

۲۰ (۴)

۱۵ (۳)



تست ۵۰

لوله بلندی به صورت قائم نگه داشته شده و در آن تا ارتفاع ۴ cm جیوه ریخته شده است. اگر فشار هوا  $1.0^5 \text{ Pa} \times 1.0336$  باشد، ارتفاع

سراسری- ۱۳۹۷

جیوه درون لوله را به چند سانتی متر برسانیم تا فشار در ته لوله دو برابر شود؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{g}{cm^3}$ )

۷۸ (۴)

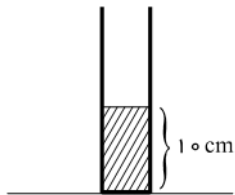
۸۰ (۳)

۸۲ (۲)

۸۴ (۱)

تست ۵۱

مطابق شکل زیر، در یک استوانه بلند به سطح مقطع  $20\text{ cm}^2$  تا ارتفاع  $10\text{ cm}$  از یک مایع به چگالی  $1250$  گرم بر لیتر قرار دارد و فشار در ته لوله  $P_1$  است. چند سانتی متر مکعب از مایع دیگری به چگالی  $800$  گرم بر لیتر به مایع داخل لوله اضافه کنیم، تا فشار در ته لوله به  $1.02P_1$  برسد؟ ( $P_0 = 75\text{ cmHg}$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.5 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و  $g = 10 \frac{N}{kg}$ )



۲ ۲۵۶,۲۵

۴ ۲۵۶۲,۵

۱ ۵۱,۲۵

۳ ۵۱۲,۵

۳-۶-۴ فشار در نقاط زندانی شده

در ظرف های مرتبط فشار بر روی هر خط افقی با هم مساوی است، حتی اگر سر یکی از ظرف ها باز و دیگری بسته باشد (به شرطی که جنس مایع یکسان باشد و مایع در حال تعادل باشد). پس هم سطحشو تو همون مایع پیدا کن.

به عنوان نمونه:

$P_C = ?$ $P_A = P_B = P_C \rightarrow P_C = P_B = P_A = P_0 + \rho gh_A = 75 + 20 = 95\text{ cmHg}$	
$P_A = ?$ $P_A = P_B \rightarrow P_A = P_B = P_0 + \rho gh_A$	

۵-۶-۳ جمع بندی تمامی فشارها

فرمولش	چه فشاری؟! چه نیرویی؟
$P = \frac{F_N}{A}$	فشار برای یک نیرو روی یک سطح
$P = \frac{mg}{A}$	فشار ناشی از وزن روی یک سطح افقی
$P = \frac{mg \cos \alpha}{A}$	فشار ناشی از وزن روی یک سطح شیبدار
$P = \rho gh$	اجسام یکنواخت
$P = \rho gh$	فشار ناشی از مایع در کف ظرف
$P = P_0 + \rho gh + etc...$	فشار کل
$F = PA$	نیروی هر یک از این فشارها

نکته ۱۲: برای نیرو همیشه پا کمک می کنه!

نکته ۱۳: گفتیم فشار وارد بر کف ظرف از طرف مایع فقط به چگالی، ارتفاع عمودی مایع و شتاب گرانش محل بستگی دارد. بنابراین نیرو هم به این عوامل بستگی دارد و علاوه بر این موارد به مساحت کف ظرف هم بستگی دارد.

نکته ۱۴: نیرویی که مایع به هریک از دیواره ها وارد می کند و یا هریک از دیواره ها به مایع وارد می کنند، همیشه بر سطح دیواره عمود است.

نکته ۱۵: هرچه درون ظرف پایین تر برویم، فشار و نیروی وارد بر جداره افزایش پیدا می کند. فشار به طور منظم افزایش می یابد، بنابراین برای محاسبه نیرویی که مایع به دیواره ظرف وارد می کند باید فشار میانگین را در رابطه نیرو قرار دهیم:



$$F = \frac{1}{2} \rho g h A$$

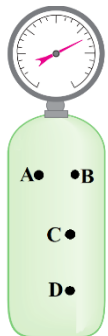
A: مساحت جداره قائم ظرف است.

به مثال: استخری مربعی شکل به ضلع ۱۰ متر تا ارتفاع ۲ متر با آب پر شده است. نیروی وارد بر هر جداره چند نیوتن

است؟

$$F = \frac{1}{2} \rho g h A = \frac{1}{2} \times 1000 \times 10 \times 2 \times 20 = 2 \times 10^5$$

۷-۳ فشار در گازها



چگالی گازها خیلی کم است؛ بنابراین در ارتفاع های نزدیک به هم مقدار  $\rho g h$  در مقایسه با فشار گاز آنقدر کوچک

میشود که می توانیم آن را نادیده بگیریم. به همین دلیل در تمام نقاط درون مخزن فشار گاز را یکسان می گیریم.

فشار هوای لاستیک اتومبیل ها را با فشار پیمانه ای اندازه گیری می کنند.

$$P_C = P_A + \rho g h \rightarrow P_C \approx P_A$$

$$P_A \approx P_B \approx P_C \approx P_D$$

تست ۵۲:

فشار لاستیک باد شده ای ۲۲۰ کیلو پاسکال اندازه گیری می شود. این فشار، ..... ،  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  ،  $\rho = 1376 \frac{g}{cm^3}$  جیره

۱) فشار مطلق است و معادل ۲۲ اتمسفر است.

۲) فشار پیمانه ای است و معادل ۲۲ اتمسفر است.

۳) فشار پیمانه ای است و تقریباً معادل ۱۶۲ cmHg است.

۴) فشار مطلق است و تقریباً معادل ۱۶۲ cmHg است.

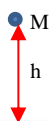
خارج از کشور - ۱۳۹۱

۸-۳ فشار در هوا

با این که چگالی هوا خیلی کم است ولی ارتفاع ستون آن یا همان ارتفاع جو خیلی زیاد است. در واقع زیاد بودن  $h$  کوچک بودن  $\rho$

را پوشش میدهد و ما نمیتوانیم از  $\rho g h$  چشم پوشی کنیم.

بنابراین طبق شکل روبرو وقتی به اندازه  $h$  از سطح زمین بالا برویم فشار هوا به اندازه  $\rho g h$  کم می شود.



سطح زمین

$P_M = P_0 - \rho g h$	
$P_M$	$P_0$
فشار هوا در ارتفاع $h$ از سطح زمین	فشار هوا در سطح زمین

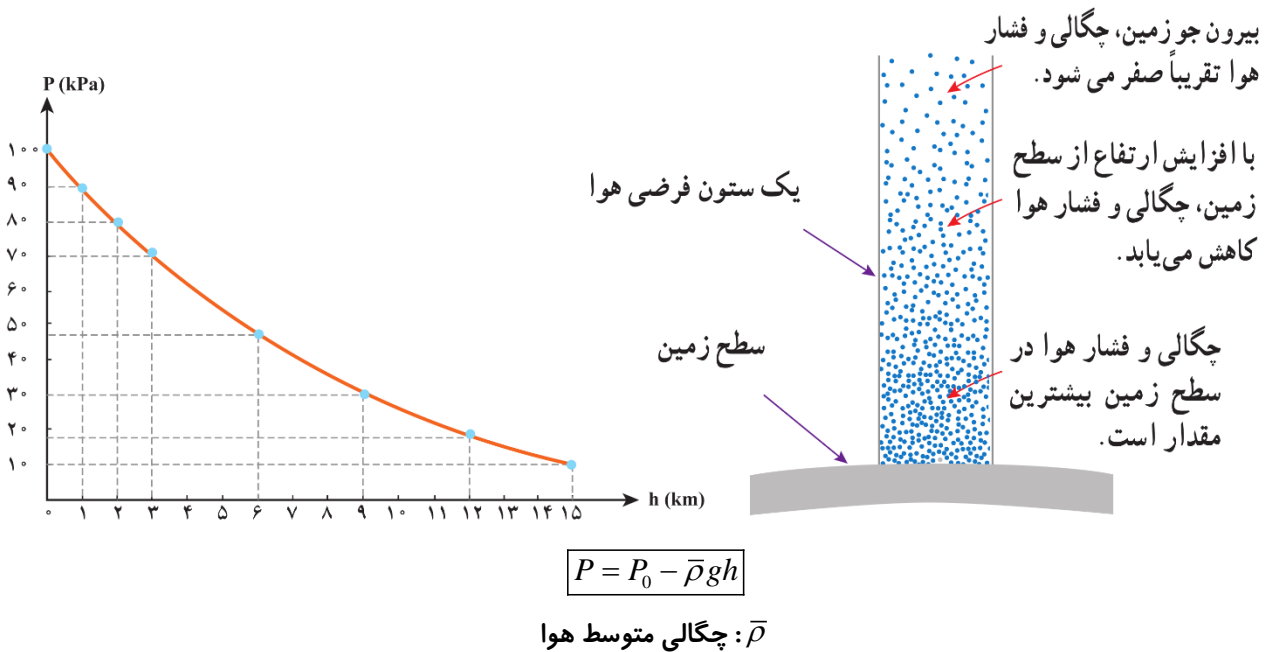
این رابطه نشان میدهد هرچه ارتفاع از سطح زمین بیشتر شود فشار هوا کمتر میشود.

عامل ایجاد فشار در یک مخزن گاز، حرکت مولکول های گاز و ضربه هایی است که این مولکول ها به جداره های ظرف وارد می کنند. (وزن گاز نقش چندانی در ایجاد فشار ندارد)

### ۳-۸-۱ چگالی هوا با ارتفاع تغییر می کند

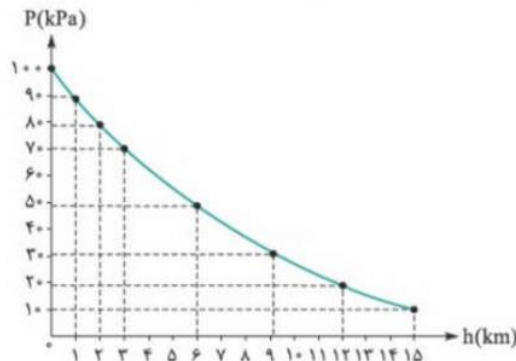
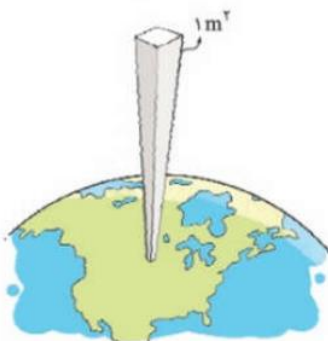
نیروی جاذبه ی زمین باعث میشود که لایه های زیرین هوا نسبت به لایه های بالایی فشرده تر باشند در نتیجه هر چه از سطح زمین فاصله می گیریم وبالا تر میرویم چگالی هوا کمتر میشود.

\* اگر بخواهیم از فرمول  $P = P_0 - \rho gh$  برای محاسبه فشار در ارتفاع  $h$  استفاده کنیم به جای  $\rho$  باید چگالی متوسط هوا از سطح زمین تا آن ارتفاع را قرار دهیم.



تست ۵۳:

یک ستون از هوا به سطح مقطع  $1 \text{ m}^2$  را همانند شکل زیر در نظر می گیریم که از سطح دریای آزاد تا بالاترین بخش جو زمین ادامه می یابد. با توجه به نمودار فشار هوا بر حسب ارتفاع از سطح دریای آزاد، چند درصد از جرم هوای موجود در این ستون، تا ارتفاع ۹ کیلومتری آن قرار دارد؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



- ۳۰ (۱)
- ۷۰ (۲)
- ۴۰ (۳)
- ۶۰ (۴)

فشار هوا در سطح دریای آزاد حدود $1.013 \times 10^5 \text{ pa}$ است به این فشار یک اتمسفر یا یک جو میگوییم. در مسئله	اتمسفر (atm)
ها $1 \text{ atm}$ را $10^5$ پاسکال در نظرمی گیریم.	
بار هم یکای دیگری برای بیان فشار است. طبق تعریف $1 \text{ bar}$ معادل $10^5 \text{ pa}$ است.	بار (bar)

۹-۳ اصل پاسکال

اگر فشار در یک نقطه از مایع ساکن تغییر کرده باشد، در تمام نقاط آن مایع هم، فشار به همان میزان تغییر کرده است.

✓ تغییرات فشار در همه نقاط یک مایع ساکن یکسان است.

در شکل روبرو اگر نیروی پیستون را افزایش دهیم فشار در تمام نقاط مایع یکسان تغییر میکند.

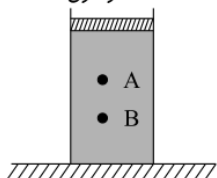
$$\Delta p_A = \Delta p_B = \Delta p_C$$

اصل پاسکال

تست ۵۴

در شکل روبه‌رو، فشار در نقاط  $A$  و  $B$  در درون مایع برابر  $P_A$  و  $P_B$  است. وزنه‌ای را روی پیستون آزاد قرار می‌دهیم. اگر در اثر وزنه، افزایش فشار در آن نقاط،  $\Delta P_B$  و  $\Delta P_A$  باشد، کدام رابطه درست است؟

سراسری - ۱۳۹۰



$\Delta P_B = \Delta P_A, P_B < P_A$  (۲)

$\Delta P_B < \Delta P_A, P_B = P_A$  (۱)

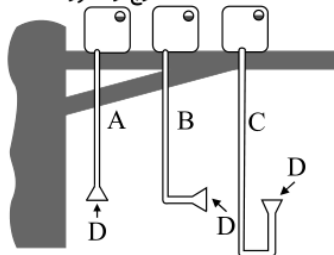
$\Delta P_B = \Delta P_A, P_B > P_A$  (۴)

$\Delta P_B > \Delta P_A, P_B > P_A$  (۳)

تست ۵۵

در شکل مقابل، سه فشارسنج فشاری را اندازه می‌گیرند که بر غشای کوچک  $D$  در عمق معینی از یک دریاچه وارد می‌شود. کدام رابطه بین فشارهای اندازه‌گیری شده درست است؟

خارج از کشور - ۱۳۹۲



$P_A = P_B = P_C$  (۱)

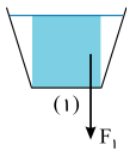
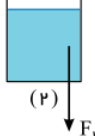
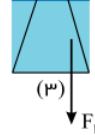
$P_A = P_B > P_C$  (۲)

$P_A < P_B < P_C$  (۳)

$P_A = P_C > P_B$  (۴)



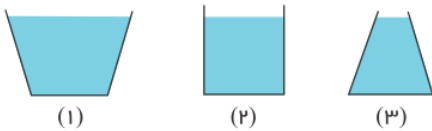
همیشه نیرویی که مایع به کف ظرف وارد می کند برابر وزن مایع نیست. اگر  $F$  نیروی وارد بر کف ظرف از طرف مایع باشد:

$F_1 = \rho g \int_{h_1}^{h_2} hA \, dh \xrightarrow{V=hA} F_1 = \rho g V'$ <p style="text-align: center;">hajme ostevane farzi</p> $\xrightarrow{m'=\rho V'} F_1 = m'g, \quad W = mg$ $m' < m \rightarrow F_1 < W$ <p>مایع درون ظرف اصلی از مایع درون استوانه فرضی بیشتر است.</p>	 <p>(1)</p>
$F_p = \rho g h A \xrightarrow{V=hA} F_p = \rho g V$ $\xrightarrow{m=\rho V} F_p = mg = W$ $\rightarrow F_p = W$	 <p>(۲)</p>
$F_p = \rho g \int_{h_1}^{h_2} hA \, dh \xrightarrow{V=hA} F_p = \rho g V'$ <p style="text-align: center;">hajme ostevane farzi</p> $\xrightarrow{m'=\rho V'} F_p = m'g, \quad W = mg$ $m' > m \rightarrow F_p > W$ <p>مایع درون ظرف اصلی از مایع درون استوانه فرضی کمتر است.</p>	 <p>(۳)</p>

تست ۵۶ 

در شکل‌های زیر، جنس مایع درون ظرف‌ها، ارتفاع آن‌ها و مساحت قاعده کف ظرف‌ها یکسان است. نیروی وارد از طرف مایع بر کف ظرف‌ها را به ترتیب با  $F_1$ ،  $F_2$  و  $F_3$  و وزن مایع درون ظرف‌ها را به ترتیب با  $W_1$ ،  $W_2$  و  $W_3$  نشان می‌دهیم. کدام گزینه مقایسه نیروی مایع بر کف هر ظرف با وزن مایع درون همان ظرف را به درستی نشان می‌دهد؟



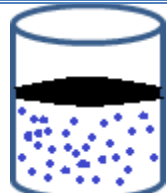
متن- ۱۳۹۷



- ۱  $F_3 < W_3, F_2 = W_2, F_1 > W_1$
- ۲  $F_3 > W_3, F_2 = W_2, F_1 < W_1$
- ۳  $F_3 = W_3, F_2 = W_2, F_1 = W_1$
- ۴  $F_3 > W_3, F_2 > W_2, F_1 > W_1$

نکته ۱۶: هر گاه نیرویی که ظرف مایع به سطح افقی که روی آن قرار می‌گیرد را خواستند، این نیرو هم اندازه مجموع وزن ظرف و وزن مایع است و به شکل ظرف بستگی ندارد.

نکته ۱۷: فشار گاز زیر پیستون بسته به نوع قرار گیری ظرف در ۳ حالت می باشد.

		
$P_{\text{gas}} + P_{\text{Piston}} = P_o$	$P_{\text{gas}} = P_o$	$P_{\text{gas}} = P_{\text{Piston}} + P_o$

نکته ۱۸: هر وقت نیرو خواستن، بین چه نیرویی میخوان، فشار مرتبط با اون نیرو رو بگذار تو پا:  $F = PA$



## نیروی وارد از طرف مایعات

تست ۵۷:

یک لوله استوانه‌ای قائم تا ارتفاع ۱۰ سانتی‌متر از جیوه پر شده است. اگر قطر داخلی لوله ۲ cm باشد، نیرویی که از طرف جیوه بر ته لوله وارد می‌شود، تقریباً چند نیوتون است؟  $(\pi \simeq 3, g = 10 \frac{m}{s^2}, \rho = 13,6 \frac{g}{cm^3})$

خارج از کشور-۱۳۸۸

۲۴

۱۶

۸

۴

تست ۵۸:

الکل به چگالی  $0,8 \text{ g/cm}^3$  و حجم ۱۶ لیتر را در یک ظرف استوانه‌ای بلند به مساحت قاعده  $25 \text{ cm}^2$  می‌ریزیم. نیرویی که به سطح داخلی کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتون است؟  $(P_0 = 10^5 \text{ Pa}$  و  $g = 10 \text{ m/s}^2$ )

۴۵۰ (۴)

۳۷۸ (۳)

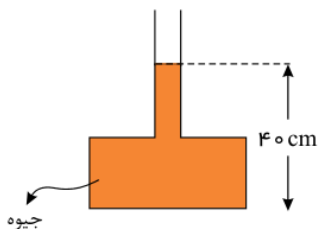
۲۰۰ (۲)

۱۲۸ (۱)

تست ۵۹:

در شکل روبه‌رو، اگر بیشینه نیرویی که کف ظرف می‌تواند از طرف جیوه تحمل کند، ۱۳۵ نیوتون باشد، حداکثر چند سانتی‌متر جیوه می‌توان به ارتفاع جیوه در لوله اضافه کرد، تا ظرف شکسته نشود؟

سراسری-۱۳۹۱



$(20 \text{ cm}^2 = \text{سطح کف ظرف}, 13500 \frac{kg}{m^3} = \text{چگالی جیوه}$  و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  است.)

۹۰

۵

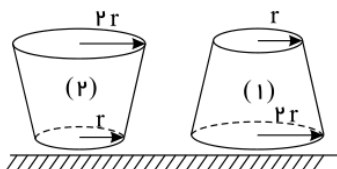
۱۰

۲۰

تست ۶۰:

در شکل روبه‌رو، حجم و عمق آب در دو ظرف پراز آب با هم برابر است. اگر نیرویی که ظرف‌ها به سطح افقی وارد می‌کنند به ترتیب  $F_1$  و  $F_2$  و فشار آب در کف ظرف‌ها  $P_1$  و  $P_2$  باشد، کدام رابطه درست است؟ (جرم ظرف‌ها با هم برابر است.)

سراسری-۱۳۹۲



$P_1 = \frac{1}{4}P_2$  و  $F_1 = F_2$

$P_1 = P_2$  و  $F_1 = 4F_2$

$P_1 = P_2$  و  $F_1 = F_2$

$P_1 = 4P_2$  و  $F_1 = \frac{1}{4}F_2$

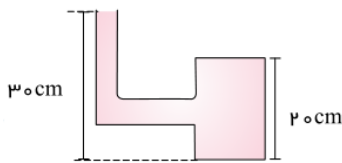
اکسترا: نیرویی که از طرف آب به سطح وارد می‌شود را نیز مقایسه کنید:

تست ۶۱

در شکل مقابل، لوله‌ی باریکی به یک مخزن متصل شده است. مساحت کف مخزن  $100 \text{ cm}^2$  است. اگر داخل لوله و مخزن مایعی به چگالی

خارج از کشور-۱۳۹۲

$800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  باشد، نیرویی که از طرف مایع به کف مخزن وارد می‌شود، چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$



- ۱) ۲۴۰
- ۲) ۱۶۰
- ۳) ۲۴
- ۴) ۱۶

تست ۶۲

استوانه‌ی A پراز آب است. نیرویی که آب بر کف استوانه وارد می‌کند  $F_A$  و فشار حاصل از آب در کف استوانه‌ی  $P_A$  است. اگر ابعاد استوانه‌ی B نصف ابعاد استوانه‌ی A باشد و آن را هم پراز آب کنیم، نیرو و فشار مورد نظر به ترتیب  $F_B$  و  $P_B$  باشد، نسبت‌های  $\frac{F_A}{F_B}$  و  $\frac{P_A}{P_B}$  به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟

سراسری-۱۳۹۴

۲ و ۸

۸ و ۸

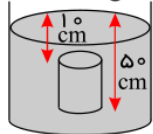
۲ و ۴

۲ و ۲

تست ۶۳

استوانه‌ای توپر که سطح قاعده‌ی آن  $20$  سانتی‌متر مربع است، مطابق شکل درون آب به چگالی  $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  قرار دارد. اختلاف نیروهایی که از طرف آب به قاعده‌های پایین و بالای استوانه وارد می‌شود، چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

خارج از کشور-۱۳۸۸

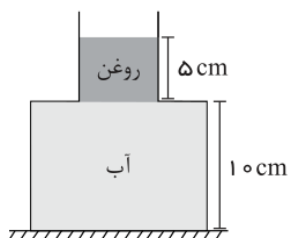


- ۱) ۲
- ۲) ۸
- ۳) ۱۰
- ۴) ۸۰۰

تست ۶۴

در شکل زیر، ظرف از دو قسمت استوانه‌ای تشکیل شده است که سطح مقطع استوانه‌ها  $10 \text{ cm}^2$  و  $50 \text{ cm}^2$  است. نیرویی که از طرف مایع ها بر کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ (چگالی روغن و آب به ترتیب  $0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است و  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

خارج از کشور-۱۳۹۴



- ۱) ۵٫۴
- ۲) ۶٫۶
- ۳) ۶
- ۴) ۷

اکسترا ۱: فشار از طرف مایع ها، نیروی از طرف مایع ها، فشار در کف ظرف، نیرو در کف ظرف را حساب کنید.

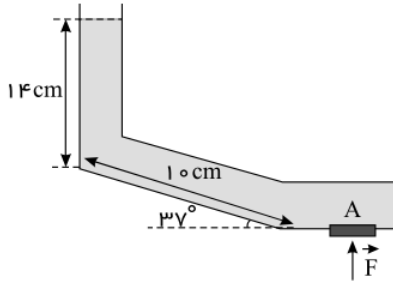
اکسترا ۲: اگر آب و روغن را با هم مخلوط کنیم، با این فرض که مخلوط همگنی ایجاد شود، فشار حاصل از مخلوط در کف

ظرف چه تغییری می‌کند؟

تست ۶۵:

در شکل زیر، مساحت سطح مقطع درپوش  $A$  برابر با  $10 \text{ cm}^2$  و چگالی مایع درون لوله  $5 \frac{g}{\text{cm}^3}$  است. حداقل اندازه نیروی  $F$  چند نیوتون باشد تا درپوش  $A$  در اثر فشار ناشی از مایع حرکت نکند؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$  و  $\sin 37^\circ = 0.6$  و از جرم درپوش صرف نظر شود).

منبع قلم چی - ۱۳۹۹



۱۲

۱۱

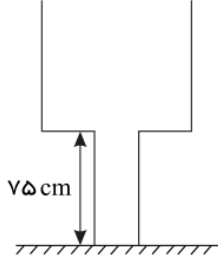
۱۰

۸

تست ۶۶:

در شکل زیر، سطح مقطع قسمت پایین و بالای ظرف به ترتیب  $30 \text{ cm}^2$  و  $150 \text{ cm}^2$  است. اگر  $7.5$  لیتر از مایعی به چگالی  $3 \frac{g}{\text{cm}^3}$

منبع قلم چی - ۱۳۹۶



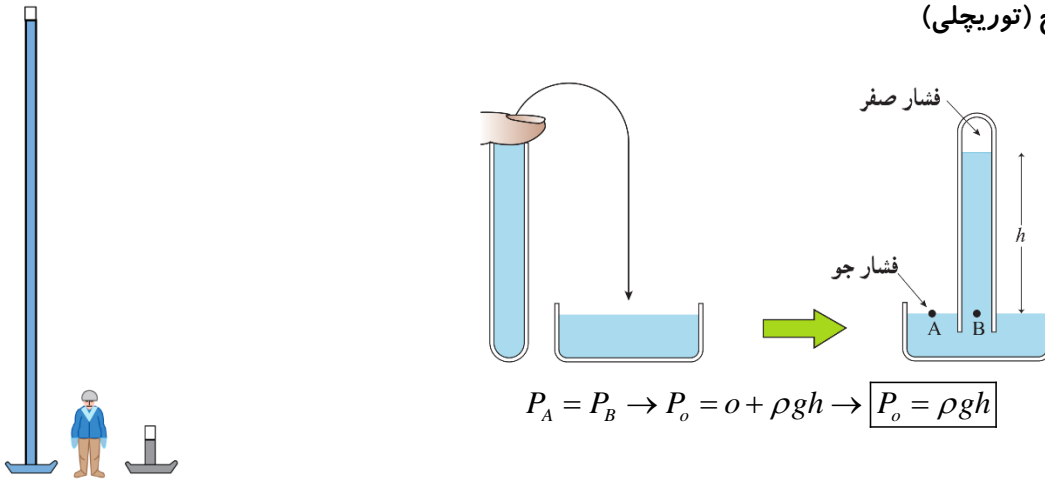
در ظرف بریزیم، بزرگی نیروی وارد بر کف ظرف مایع چند نیوتون می‌شود؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

۳۳

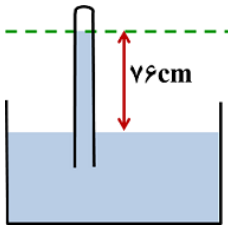
۶۶

۹۹

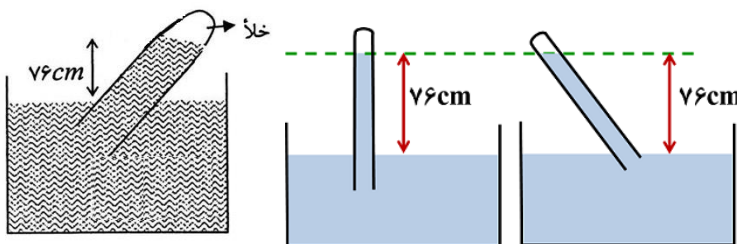
۱۳۲



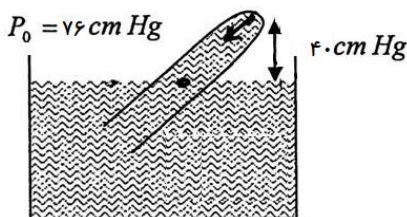
۱ اگر یک لوله آزمایش را درون ظرف پر از جیوه فرو ببریم، هوای داخل آن را خالی کنیم و آن را از انتهای بسته آرام بیرون بیاوریم خواهیم دید جیوه تا ارتفاع ۷۶ سانتی متر بالاتر از سطح آزاد جیوه قرار می گیرد.



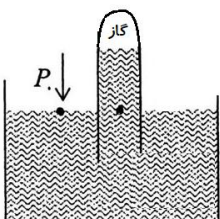
۲ اگر در این آزمایش لوله آزمایش را کج کنیم، جیوه طول بیشتری از لوله را پر می کند، اما ارتفاع عمودی باز هم ۷۶ سانتی متر است.



۳ اگر در این آزمایش لوله را آنقدر کج کنیم که ارتفاع عمودی آن کمتر از ۷۶ سانتی متر شود، جیوه تمام لوله را پر می کند و همچنین ته لوله به جیوه فشار وارد می کند. (در این جا فشار در ته لوله باید ۳۶ سانتی متر جیوه باشد)



۴ اگر در این آزمایش مقداری هوا در داخل لوله باقی بماند، ارتفاع ستون جیوه از ۷۶ سانتی متر کم تر خواهد بود. اگر ارتفاع جیوه در این جا ۳۶ سانتی متر جیوه باشد، قطعا فشار گاز برابر ۴۰ سانتی متر جیوه است.





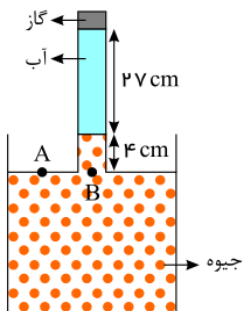
خلاصه حالت های بارومتر

حالت ۴	حالت ۳	حالت ۲	حالت ۱
$P_A = P_B \rightarrow P_o = P_{fluid} + P'$ $P'$ : فشاری است که به انتهای لوله وارد می شود.	$P_A = P_B \rightarrow P_{gas} = P_o$	$P_A = P_B \rightarrow P_{gas} = P_{fluid} + P_o$	$P_A = P_B \rightarrow P_o = P_{fluid} + P_{gas}$

نکته ۱۹: اعدادی که تمامی فشار سنج ها (بارومتر، مانومتر، بوردون و ...) نشان می دهند، فشار پیمانه ایست.

تست ۶۷

در شکل زیر، فشار گاز محبوس در داخل لوله چند سانتی متر جیوه است؟ ( $\rho_{اب} = 1 \frac{g}{cm^3}$ ،  $\rho_{جیوه} = 13.5 \frac{g}{cm^3}$  و فشار هوا

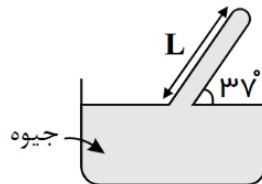


(۷۵ cmHg است.)

- ۸۱
- ۶۹
- ۶۳
- ۴۴

$$h = L \sin 37$$

نکته ۲۰: اگر توریچلی رو کج کردن چی؟ کافیه واسه به دست آوردن ارتفاع قائم به مثلثات بری.

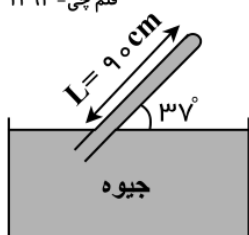


تست ۶۸

اگر فشار هوا برابر ۷۵ cmHg باشد، فشاری که جیوه به انتهای بسته لوله شکل مقابل وارد می کند، چند میلی متر جیوه است؟

قلم چی - ۱۳۹۴

$$(\sin 37^\circ = 0.6)$$

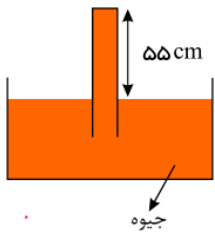


- ۳
- ۲۱
- ۲۱۰
- ۳۰



تست ۶۹

در شکل زیر، اگر اندازه نیروی وارد بر ته لوله آزمایش  $32.4N$  باشد، قطر مقطع لوله آزمایش چند سانتی‌متر است؟



$$\left( \pi = 3, g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{Hg} = 13.5 \frac{g}{cm^3}, P_0 = 75 \text{ cmHg} \right)$$

۲

۱

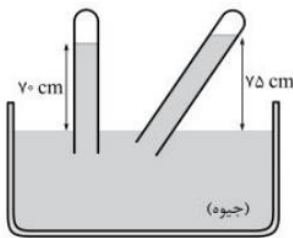
۸

۴

تست ۷۰

با توجه به طرح‌واره روبه‌رو که مربوط به اندازه‌گیری فشار هوای محیط می‌شود، کدام نتیجه زیر

همواره درست است؟



(۱) فشار هوای محیط، حداکثر  $75 \text{ cmHg}$  است.

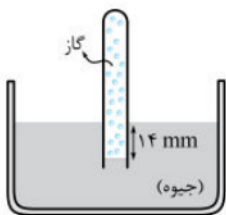
(۲) فشار هوای محیط، قطعاً  $75 \text{ cmHg}$  است.

(۳) فشار هوای محیط، حداقل  $75 \text{ cmHg}$  است.

(۴) فشار هوای محیط، قطعاً  $70 \text{ cmHg}$  است.

تست ۷۱

در شکل روبه‌رو، فشار گاز درون لوله چند torr است؟ (فشار هوای محیط  $76 \text{ cmHg}$  می‌باشد).



۶۲۰ (۱)

۷۴۷ (۲)

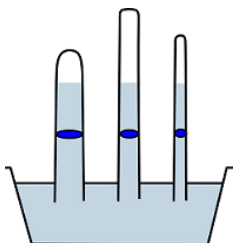
۷۷۴ (۳)

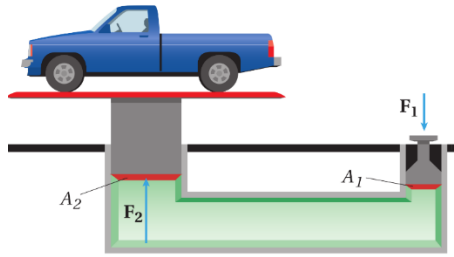
۹۰۰ (۴)

یه سوال: برای لوله‌های غیر موئین، اگر سطح مقطع لوله‌ها متفاوت باشد، ارتفاع ستون جیوه چه تغییری می‌کند؟

ارتفاع ستون جیوه در آزمایش توریچلی تابع فشار هوای محلی است که آزمایش در آنجا انجام می‌شود و سطح

مقطع لوله تأثیر چندانی ندارد.





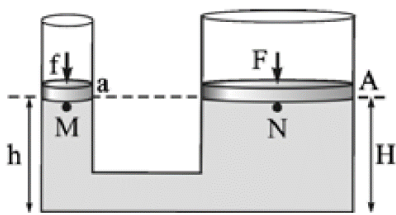
بالابر هیدرولیکی یک نوع لوله ی U شکل با قطر متفاوت در دو طرف است. درون این لوله U شکل مایعی مثل روغن ریخته ایم که در دو طرف توسط دو پیستون احاطه شده در این جا همانند تمام لوله های U شکل میتوانیم از اصل هم فشاری نقاط هم تراز استفاده کنیم.

طبق اصل پاسکال در بالابر های هیدرولیکی افزایش فشار ناشی از اعمال نیروی  $F_1$  بدون هیچ کم و کاستی به پیستون ۲ منتقل میشود و داریم:

$$\Delta p_1 = \Delta p_2 = \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2} \Rightarrow F_2 = \left(\frac{A_2}{A_1}\right) F_1$$

$$A_2 > A_1 \Rightarrow F_2 > F_1$$

به همین خاطر از این بالابرها برای جابه جایی بسیار سنگین مثل اتومبیل ها با اعمال نیروی کم استفاده میشود.



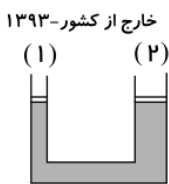
$$P_M = P_N \rightarrow \frac{f}{a} = \frac{F}{A} \rightarrow \frac{F}{f} = \frac{A}{a} \quad \frac{A}{a} = \left(\frac{D}{d}\right)^2 = \left(\frac{R}{r}\right)^2$$

$$W_1 = W_2 \rightarrow f \cdot h = F \cdot H \rightarrow \frac{F}{f} = \frac{h}{H}$$

تست ۷۲:

در شکل روبه رو، ارتفاع مایع در هر دو طرف یکسان است و پیستون های ۱ و ۲ بدون اصطکاک اند. اگر روی هر دو پیستون وزنه ای به جرم

$m$  قرار دهیم، بعد از برقراری تعادل:



۱) ارتفاع مایع در دو لوله یکسان می ماند.

۲) ارتفاع مایع در لوله (۲)، بیشتر خواهد شد.

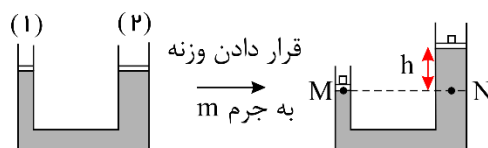
۳) ارتفاع مایع در لوله (۱)، بیشتر خواهد شد.

۴) بسته به چگالی مایع هر یک از گزینه های ۲ و ۳ ممکن است درست باشد.

پاسخ: گزینه ۲

با قراردادن وزنه ای به جرم  $m$  بر روی هر یک از پیستون ها، فشار در زیر آن ها به اندازه ی  $\frac{mg}{A}$  افزایش خواهد یافت. باتوجه به اینکه  $A_1 < A_2$  می باشد، بنابراین فشار وارد از طرف

پیستون (۱) بر سطح مایع بیشتر از پیستون (۲) است.

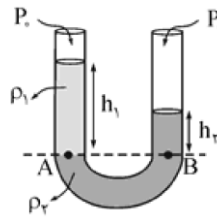


$$\uparrow P = \frac{mg}{A} \xrightarrow{A_1 < A_2} P_1 > P_2$$

در ادامه می توان گفت باتوجه به اینکه فشار حاصل از گذاشتن وزنه بر روی پیستون (۱) بیشتر است، باید ارتفاع مایع در ستون (۲) بالاتر برود تا فشار ناشی از مایع بالا رفته، بتواند به گونه ای عمل کند که در مجموع فشار در دو نقطه  $N$  و  $M$  برابر شود:

$$P_M = P_N \Rightarrow \frac{mg}{A_1} + P_0 = \frac{mg}{A_2} + \underbrace{pgh}_{\text{فشار ناشی از مایع بالا رفته}} + P_0$$

تعدادل مایع های مخلوط نشدنی در لوله های U شکل :



فشار مایع در یک نقطه از مایع به شکل ظرف بستگی ندارد بلکه به عمق نقطه مد نظر یا همان فاصله از سطح آزاد مایع بستگی

دارد و با رابطه ی  $P = \rho gh$  به دست می آید.

اصل هم فشاری نقاط هم تراز درون یک مایع :

اصل هم فشاری نقاط هم تراز به ما میگوید که به شکل کاری نداشته باشید و به ۲ مورد توجه کنید

(۱) دونقطه مورد نظر در یک مایع باشند

(۲) هم تراز باشند

در این صورت فشار هر دونقطه مساوی است.

در ضمن اگر یک نقطه داخل مایع ونقطه ی هم ترازش در سطح همان مایع باشد بازهم این اصل برقرار است.

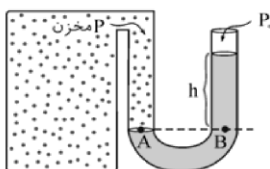
$$P_A = P_B \rightarrow P + \rho_1 g h_1 = P + \rho_2 g h_2 \rightarrow \boxed{\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2}$$

نکات:

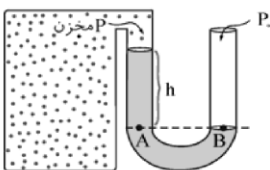
(۱) نیازی به تبدیل واحد در SI نیست. فقط واحد های دو طرف تساوی یکسان باشد.

(۲) قطر لوله ها در مسائل لوله های U شکل فقط برای محاسبه نیرو اهمیت دارد.

(۳) نسبت به خط تراز مایع با چگالی بیشتر، با ارتفاع کمتری می ایستد و برعکس.



$$P_A = P_B \rightarrow \boxed{P_{\text{مخزن}} = P + \rho gh}$$



$$P_A = P_B \rightarrow P_{\text{مخزن}} + \rho gh = P \rightarrow \boxed{P_{\text{مخزن}} = P - \rho gh}$$

چند نکته مهم در لوله های U شکل:

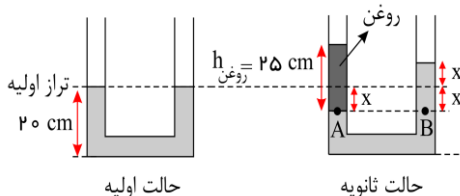
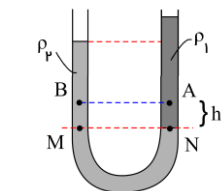
(۱) در لوله های U شکل هرگاه دو مایع مخلوط نشدنی ریخته شده باشند، مایعی که سطح آزاد پایین تری دارد چگالی

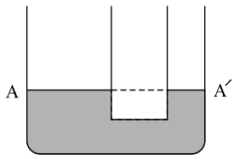
بیشتری دارد و در یک سطح تراز فشار نقطه ای که در مایع چگال تر است، کم تر است.

(۲) اگر از مایعی در لوله U شکل بریزیم، ارتفاع ستون مایع در دو شاخه برابر است. حال

اگر مایع مخلوط نشدنی ۲ را در یکی از شاخه های لوله U شکل بریزیم، ارتفاع مایع ۱

$$\text{و سطح تراز فعلی: } \boxed{h_1 = 2x}$$





۳) اگر مساحت قاعده ها متفاوت باشد: به صورت کلی می دانیم که  $\Delta V_1 = \Delta V_2$

$$A_A = 9A_{A'} \rightarrow \Delta V_A = \Delta V_{A'} \rightarrow A_A h_A = A_{A'} h_{A'}$$

$$\rightarrow 9A_{A'} h_A = A_{A'} h_{A'} \rightarrow 9h_A = h_{A'}$$

اگر مساحت یکی از شاخه ها n برابر دیگری باشد و ارتفاع مایع در لوله بزرگتر به اندازه x جابجا شود، در لوله باریک تر به اندازه nx جابجا می شود.

یا بر اساس قطر:

$$D_A = 3D_{A'} \rightarrow \Delta V_A = \Delta V_{A'} \rightarrow A_A h_A = A_{A'} h_{A'}$$

$$\rightarrow \frac{\pi}{4} D_A^2 h_A = \frac{\pi}{4} D_{A'}^2 h_{A'} \rightarrow 9h_A = h_{A'}$$

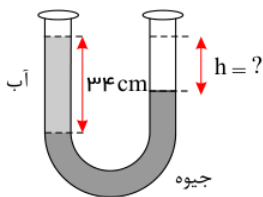


تیپ اول سوالات U شکل: معمولی

تست ۷۳

خارج از کشور - ۱۳۹۱

در شکل مقابل، اختلاف ارتفاع آب و جیوه چند سانتی متر است؟ ( $\rho = 1 \frac{g}{cm^3}$  آب و  $\rho = 13,6 \frac{g}{cm^3}$  جیوه)



۱) ۲۷,۵

۲) ۲۹

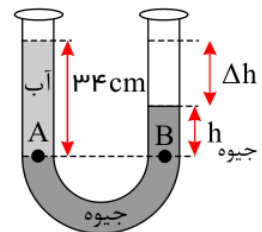
۳) ۳۰

۴) ۳۱,۵

پاسخ: گزینه ۴ فشار در نقاط A و B برابر است و می توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + (\rho g h)_{\text{آب}} = P_0 + (\rho g h)_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow h_{\text{جیوه}} = \frac{(\rho h)_{\text{آب}}}{\rho_{\text{جیوه}}} = \frac{34 \times 1}{13,6} = 2,5 \text{ cm}$$

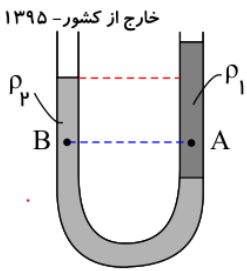


بنابراین اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه از لوله برابر است با:

$$\Delta h = h_{\text{آب}} - h_{\text{جیوه}} = 34 - 2,5 = 31,5 \text{ cm}$$

تست ۷۴

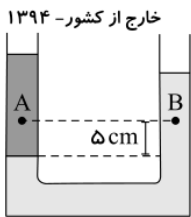
در شکل زیر، درون لوله‌ی U شکل دو مایع مخلوط نشدنی با چگالی‌های  $\rho_1$  و  $\rho_2$  ریخته شده و فشار در نقاط A و B در شکل قرار دارند. کدام رابطه در این مورد درست است؟



- ۱  $P_B < P_A, \rho_2 > \rho_1$   
 ۲  $P_B > P_A, \rho_2 > \rho_1$   
 ۳  $P_B < P_A, \rho_2 < \rho_1$   
 ۴  $P_B > P_A, \rho_2 < \rho_1$

تست ۷۵

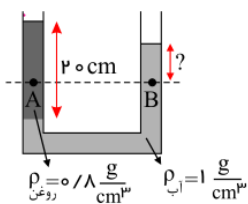
در شکل روبه‌رو، دو مایع مخلوط نشدنی به چگالی‌های  $800 \frac{kg}{m^3}$  و  $1000 \frac{kg}{m^3}$  در یک لوله‌ی U شکل قرار دارند. اگر فشار در نقطه‌های A و B به ترتیب  $P_A$  و  $P_B$  باشد، کدام رابطه در SI برقرار است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$



- ۱  $P_A = P_B$   
 ۲  $P_A = \frac{4}{5} P_B$   
 ۳  $P_A = P_B - 100$   
 ۴  $P_A = P_B + 100$

تست ۷۶

در شکل زیر، اگر اندازه‌ی اختلاف فشار بین دو نقطه‌ی A و B که در یک سطح تراز در مجموعه‌ی ساکنی قرار دارند، برابر با ۱۰۰ پاسکال باشد، در این صورت عمق نقطه‌ی B از سطح آزاد آب چند سانتی‌متر است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$



- ۱ ۵  
 ۲ ۱۵  
 ۳ ۱۱  
 ۴ ۱۶

فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن با یکدیگر برابر است لذا با توجه به شکل، فشار در نقاط M و N با یکدیگر برابر است:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} h_2 = \rho_{\text{آب}} h_1 \Rightarrow 0.8 \times 20 = 1 \times h_1 \Rightarrow h_1 = 16 \text{ cm}$$

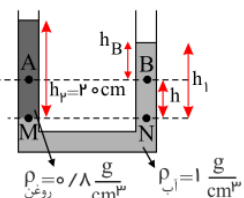
حال برای به دست آوردن عمق نقطه‌ی B از سطح آزاد مایع داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_A + \rho_{\text{روغن}} gh = P_B + \rho_{\text{آب}} gh \Rightarrow P_A - P_B = gh(\rho_{\text{آب}} - \rho_{\text{روغن}})$$

$$P_A - P_B = 100 \text{ Pa}$$

$$100 = 10 \times h \times (1000 - 800) \Rightarrow h = \frac{1}{20} \text{ m} = 0.05 \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

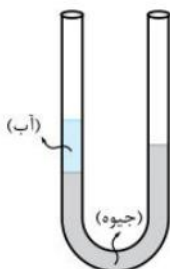
$$h_B = h_1 - h = 16 - 5 = 11 \text{ cm} \quad \text{ارتفاع نقطه‌ی B از سطح آزاد مایع برابر است با:}$$



تست ۷۷

در لوله‌ی U شکل مقابل، ارتفاع ستون آب برابر ۲ cm است. چند سانتی‌متر نفت در شاخه‌ی چپ لوله اضافه کنیم تا سطح جداکننده‌ی آب و نفت هم‌تراز با سطح آزاد جیوه در شاخه‌ی راست قرار بگیرد؟

( $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \text{ g/cm}^3$ ،  $\rho_{\text{نفت}} = 0.8 \text{ g/cm}^3$  و شاخه‌ها به اندازه‌ی کافی بلند هستند.)



۳۱/۵ (۱)

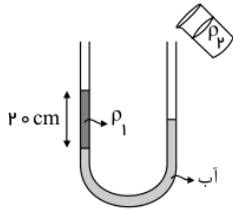
۴۲ (۲)

۵۲/۵ (۳)

۶۳ (۴)

تست ۷۸

مطابق شکل مقداری آب و مایعی به چگالی  $\rho_1 = 800 \frac{kg}{m^3}$  و ارتفاع  $20 \text{ cm}$  درون یک لوله U شکل قرار دارند. از دهانه سمت راست لوله، مایعی به چگالی  $\rho_2 = 640 \frac{kg}{m^3}$  اضافه می‌کنیم. ارتفاع ستون این مایع چند سانتی‌متر باشد تا پس از ایجاد تعادل، آب در دو طرف لوله هم سطح شود؟

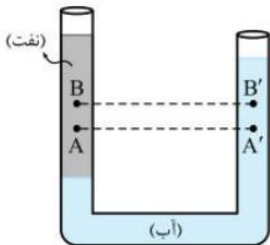


- ۲۰  ۲  
۳۰  ۴

- ۵  ۱  
۲۵  ۳

تست ۷۹

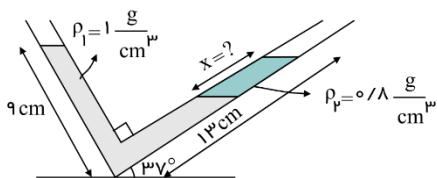
مطابق شکل، دو مایع مخلوط‌نشده آب و نفت در یک لوله U شکل در حالت تعادل قرار دارند و فاصله بین دو نقطه A و B،  $50 \text{ cm}$  است. اگر اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه A و A' را با  $\Delta P_1$  و اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه B و B' را با  $\Delta P_2$  نمایش دهیم، مقدار عبارت  $\Delta P_2 - \Delta P_1$  چند پاسکال است؟ ( $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$ ،  $\rho_{\text{نفت}} = 0.8 \text{ g/cm}^3$  و  $g = 10 \text{ m/s}^2$ )



- ۵۰۰ (۱)  
۷۵۰ (۲)  
۱۰۰۰ (۳)  
۱۵۰۰ (۴)

تست ۸۰

باتوجه به شکل زیر اگر مایع‌ها در حال تعادل باشند،  $x$  چند سانتی‌متر است؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )



- ۵  ۲  
۷  ۴

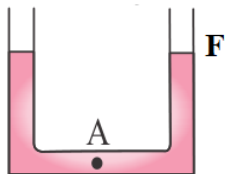
- ۴  ۱  
۶  ۳



تیپ دوم سوالات U شکل: اضافه کردن | باز کردن شیر

تست ۸۱

در شکل روبه‌رو، سطح مقطع لوله در هر طرف برابر  $2\text{cm}^2$  است و در لوله جیوه ریخته شده است. اگر در یکی از شاخه‌ها روی جیوه  $34\text{cm}$  مودج - خارج از کشور - ۱۳۹۳



آب بریزیم، مطلوبست: (چگالی جیوه و آب به ترتیب  $13.6 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ،  $1 \frac{g}{\text{cm}^3}$  است.)

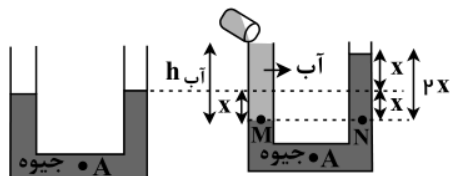
الف: سطح جیوه نسبت به حالت اولیه چند سانتی متر بالاتر می‌رود؟

ب: ارتفاع جیوه در شاخه سمت راست چند سانتی متر می‌شود؟ (ارتفاع اولیه جیوه در هر دو شاخه ۲۰ سانتی متر می‌باشد.)

ج: فشار در نقطه A چند سانتی متر جیوه افزایش می‌یابد؟

د: سطح جیوه چند سانتی متر از نقطه F بالاتر می‌رود؟

ه: ..... در یکی از شاخه‌ها روی جیوه ۶۸ گرم آب بریزیم:



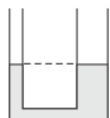
تست ۸۲

در یک لوله‌ی U شکل که مساحت قاعده‌ی لوله‌ی سمت راست و چپ آن به ترتیب  $5\text{cm}^2$  و  $2\text{cm}^2$  است، مطابق شکل زیر، آب وجود

دارد. در لوله‌ی سمت چپ چند گرم روغن بریزیم تا سطح آب در لوله‌ی سمت راست ۴ سانتی‌متر بالا رود؟

خارج از کشور - ۱۳۹۶

( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ ،  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ،  $\rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{g}{\text{cm}^3}$ )



۲۸ (۲)

۱۷.۵ (۱)

۷۰ (۴)

۳۵ (۳)

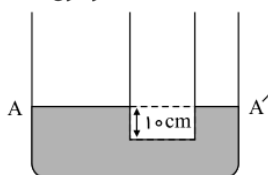
تست ۸۳

در دو لوله‌ی استوانه‌ای مربوط به هم تا سطح  $AA'$  آب وجود دارد و قطر قاعده‌ی یکی از استوانه‌ها ۳ برابر قطر قاعده‌ی استوانه‌ی دیگر است.

اگر از لوله‌ی سمت چپ تا ارتفاع ۵ سانتی‌متر نفت اضافه کنیم، آب در لوله‌ی باریک چند سانتی‌متر نسبت به حالت اول بالا می‌رود؟

سراسری - ۱۳۹۸

( $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$  و  $g = 10 \text{ m/s}^2$  و  $\rho_{\text{نفت}} = 0.8 \text{ g/cm}^3$ )



۳.۶ (۲)

۱.۲ (۱)

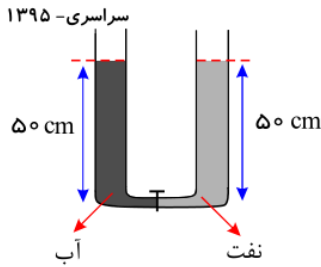
۵ (۴)

۴ (۳)

تست ۸۴

در شکل روبه‌رو، قطر قاعده‌ی دو استوانه برابرند. اگر شیر ارتباط بین دو طرف را باز کنیم، سطح آب چند سانتی‌متر پایین می‌آید؟

$$\left( \text{چگالی نفت} = 800 \frac{kg}{m^3} \text{ و چگالی آب} = 1000 \frac{kg}{m^3} \right)$$



۱) ۱۰

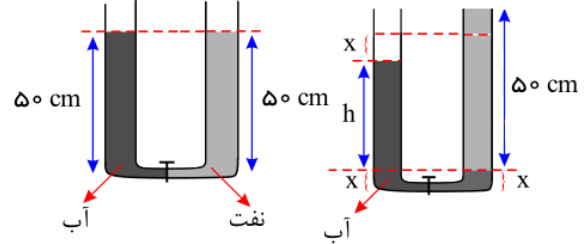
۲) ۵

۳) ۴

۴) ۲٫۵

پاسخ: گزینه ۲. با باز شدن شیر ارتباط به دلیل اینکه چگالی آب بیشتر از چگالی نفت است. سطح آب در لوله سمت چپ پایین‌تر از سطح نفت در لوله سمت راست قرار می‌گیرد. لذا با انتخاب سطح تراز مناسب و با استفاده از اصل هم‌فشاری نقاط هم‌تراز، ارتفاع  $h$  را محاسبه می‌کنیم:

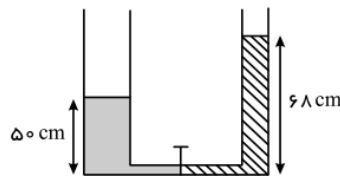
$$\begin{aligned} P_{\text{آب}} &= P_{\text{نفت}} \\ \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} &= \rho_{\text{نفت}} g h_{\text{نفت}} \rightarrow \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{نفت}} h_{\text{نفت}} \\ \rightarrow 1000 \times h_{\text{آب}} &= 800 \times 50 \rightarrow h_{\text{آب}} = 40 \text{ cm} \\ h_{\text{آب}} + 2x &= 50 \rightarrow 40 + 2x = 50 \rightarrow x = 5 \text{ cm} \end{aligned}$$



تست ۸۵

در لوله U شکل زیر، مساحت سطح مقطع شاخه سمت چپ، چهار برابر مساحت سطح مقطع شاخه سمت راست است. اگر در شاخه سمت راست تا ارتفاع ۶۸ سانتی‌متری آب و در شاخه سمت چپ تا ارتفاع ۵۰ سانتی‌متری جیوه بریزیم و سپس شیر ارتباطی دو لوله باز شود، پس از برقراری تعادل سطح جیوه نسبت به حالت اولیه چند سانتی‌متر جابه‌جا می‌شود؟  $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{g}{cm^3})$  و سطح مقطع لوله ارتباطی ناچیز است.

منبع قلم چی - ۱۳۹۹



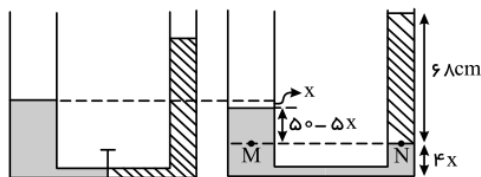
۲) ۴

۴) ۹

۱) ۱

۳) ۸

پاسخ: گزینه ۴

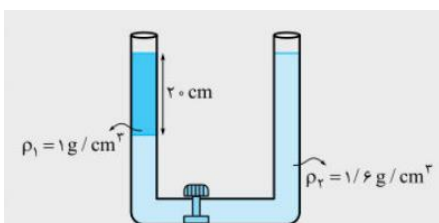


بعد از باز کردن شیر رابط و به تعادل رسیدن دو مایع، اگر سطح جیوه در شاخه سمت چپ به اندازه  $x$  پایین بیاید، با توجه به این که سطح مقطع شاخه سمت چپ، چهار برابر سطح مقطع شاخه سمت راست است، بنابراین سطح آب در شاخه سمت راست به اندازه  $4x$  بالا می‌رود. حال با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}} + P_0 = \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} + P_0 \Rightarrow \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} = \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} \Rightarrow 13.6 \times (50 - 5x) = 1 \times 68 \Rightarrow x = 9 \text{ cm}$$

تست ۸۶

شکل مقابل دو مایع مخلوط نشدنی را نشان می‌دهد و شیر رابط بسته است و سطح آزاد مایع در دو لوله در یک ارتفاع قرار دارند. اگر شیر را باز کنیم، بعد از رسیدن به تعادل، اختلاف ارتفاع سطح آزاد در دو لوله چند سانتی‌متر می‌شود؟



۱) ۶

۲) ۷٫۵

۳) ۱۲٫۵

۴) ۱۴

تست ۸۷

مطابق شکل، درون لوله‌ای با سه شاخه مقداری آب در حال تعادل قرار دارد. چند میلی‌لیتر روغن به چگالی  $\frac{g}{cm^3}$  در شاخه (۱) بریزیم تا سطح آب هر یک از شاخه‌های (۲) و (۳)، به میزان  $4cm$  بالا رود؟ (سطح مقطع هر سه شاخه یکسان و برابر با  $20cm^2$  است و

$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3})$$

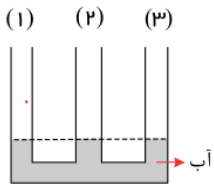
۱۰

۱۵

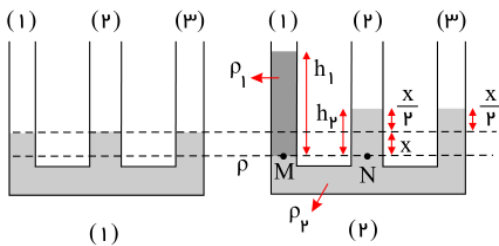
۲۰۰

۳۰۰

قلم چی - ۱۳۹۷



پاسخ: گزینه ۴ مطابق شکل (۲) اگر سطح آب در شاخه (۱) در اثر ریختن روغن به اندازه  $x$  پایین رود، در شاخه‌های (۲) و (۳) به اندازه  $\frac{x}{2}$  بالا خواهد رفت. (چون سطح مقطع لوله‌ها یکسان است، افزایش سطح آب در دو شاخه دیگر به یک اندازه خواهد بود.)



$$\frac{x}{2} = 4 \Rightarrow x = 8cm$$

ما می‌خواهیم  $\frac{x}{2} = 4cm$  شود پس خواهیم داشت:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_0 + \rho_1 g h_1 = P_0 + \rho_r g h_r \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_r h_r$$

مطابق شکل (۲)، دو نقطه هم‌تراز  $M$  و  $N$  هم‌فشارند. بنابراین داریم:

$$\rho_1 = 0.8 \frac{g}{cm^3}, \rho_r = 1 \frac{g}{cm^3}, h_r = 8 + 4 = 12cm$$

اما مسئله حجم روغن اضافه شده را برحسب میلی‌لیتر یا  $cm^3$  می‌خواهد، بنابراین داریم:

$$V = Ah = 20 \times 15 = 300cm^3 = 300mL$$

تست ۸۸

مطابق شکل زیر فشار گاز محبوس در شاخه سمت چپ برابر  $104kPa$  و مجموعه در حال تعادل است. اگر یک روزنه کوچک بالای شاخه حاوی گاز ایجاد کنیم، بعد از ایجاد تعادل، سطح آزاد آب چند سانتی‌متر و چگونه تغییر می‌کند؟ (فشار هوا  $10^5 Pa$ ،  $g = 10 \frac{N}{kg}$  و سطح مقطع لوله در تمام قسمت‌های آن یکسان است.)

پاسخ: گزینه ۴

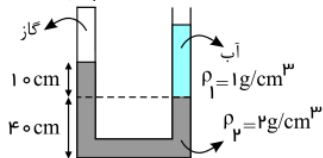
۱ سطح آزاد آب  $20cm$  بالا می‌رود.

۲ سطح آزاد آب  $10cm$  بالا می‌رود.

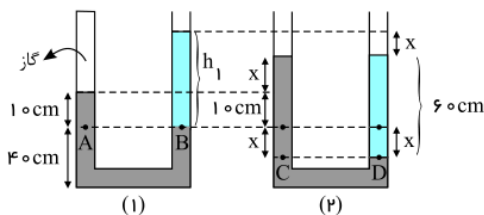
۳ سطح آزاد آب  $20cm$  پایین می‌رود.

۴ سطح آزاد آب  $10cm$  پایین می‌رود.

قلم چی - ۱۳۹۹



پاسخ: گزینه ۴ در حل این سوالات باید دو شکل ترسیم کرد. یکی قبل از تغییر و دیگری بعد از تغییر. وقتی بالای شاخه حاوی گاز روزنه ایجاد کنیم، چون فشار گاز از هوا بیشتر است، گاز از مخزن خارج می‌شود تا فشار آن با فشار هوا برابر شود؛ به همین علت با خروج گاز، فشار در لوله چپ کاهش می‌یابد و مقداری از مایعات سمت راست وارد لوله سمت چپ خواهند شد. یعنی سطح آب پایین می‌آید:



$$(1) \text{ در شکل } P_A = P_B \Rightarrow 2 \times 10^3 \times 10 \times 0.1 + 10^4 \times 10^3 = 10^3 \times 10 \times h_1 + 10^5 \Rightarrow h_1 = 0.6m = 60cm$$

$$(2) \text{ در شکل } P_C = P_D \Rightarrow 2 \times 10^3 \times 10 \times (10 + 2x) \times 10^{-2} + 10^5 = 1 \times 10^3 \times 10 \times 0.6 + 10^5$$

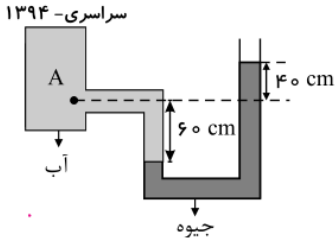
$$\Rightarrow 2 + 0.4x = 6 \Rightarrow x = 10cm$$

تیپ سوم سوالات U شکل: مخزن دار

تست ۸۹

در شکل روبه‌رو، اختلاف فشار نقطه ی A و فشار هوا چند کیلوپاسکال است؟

$$(g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13,6 \frac{g}{cm^3})$$



۱۳۶ (۲)

۱۳,۶ (۱)

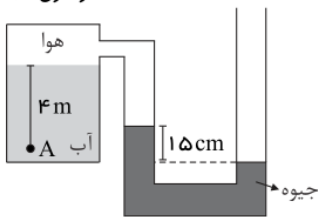
۶۰ (۴)

۱۳۰ (۳)

تست ۹۰

فشار در نقطه A چند کیلوپاسکال است؟ (چگالی آب  $1000 \frac{kg}{m^3}$ ، چگالی جیوه  $13600 \frac{kg}{m^3}$ ، فشار هوای بیرون  $10^5 Pa$  و  $g = 10 \frac{N}{kg}$  است.)

سراسری - ۱۳۹۴



۷۹,۶ (۱)

۱۱۹,۶ (۲)

۶۸,۴ (۳)

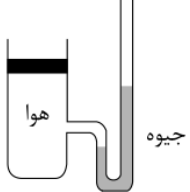
۱۲۰,۴ (۴)

تست ۹۱

در شکل مقابل، وزن و اصطکاک پیستون ناچیز است. وزنه‌ی چند کیلوگرمی را به آرامی روی پیستون قرار دهیم تا در حالت تعادل، اختلاف

خارج از کشور - ۱۳۸۹

ارتفاع بین دو سطح جیوه در لوله به  $7,5$  سانتی متر برسد؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و مساحت قاعده‌ی پیستون  $50 cm^2$  و چگالی جیوه



( $13,6 \frac{g}{cm^3}$  است.)

۴,۳ (۲)

۳,۲ (۱)

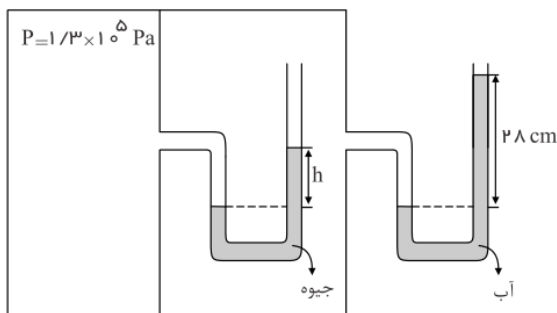
۶,۴ (۴)

۵,۱ (۳)

تست ۹۲

در شکل زیر، اگر فشار هوا  $10^5 Pa$  و چگالی آب و جیوه در  $SI$  به ترتیب  $1000$  و  $13600$  باشد،  $h$  چند سانتی متر است؟

خارج از کشور - ۱۳۹۷



۲۲ (۱)

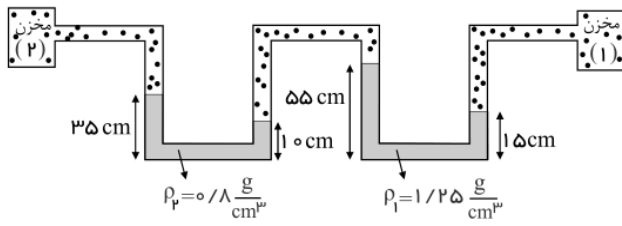
۲۰ (۲)

۱۸ (۳)

۱۵ (۴)

تست ۹۳: ✓

در شکل زیر، فشار گاز محبوس در مخزن (۱)، ۲ برابر فشار گاز محبوس در مخزن (۲) است. در این صورت، فشار گاز محبوس بین دو



مایع که در حال تعادل هستند، چند کیلوپاسکال است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$

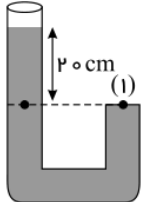
- ۱ ۳
- ۲ ۷
- ۳ ۹
- ۴ ۱۵

تست ۹۴: ✓

حجم‌های مساوی از دو مایع مخلوط‌شدنی  $A$  و  $B$  به چگالی‌های  $\rho_A = 1,9 \frac{g}{cm^3}$  و  $\rho_B$  را با هم مخلوط کرده و در ظرفی مطابق شکل

زیر می‌ریزیم. اگر فشار کل در نقطه (۱) برابر با  $77cmHg$  باشد،  $\rho_B$  چند  $g/cm^3$  است؟ (فشار هوا برابر با  $P_0 = 75cmHg$

منبع قلم چی - ۱۳۹۹

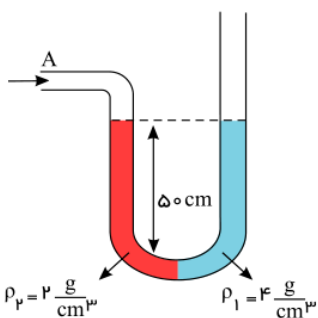


$g = 10 \frac{N}{kg}$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13,6g/cm^3$  و تغییر حجم نداریم.)

- ۱ ۰,۹
- ۲ ۱,۷
- ۳ ۱,۲
- ۴ ۰,۸

تست ۹۵: ✓

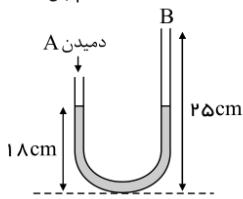
در شکل مقابل شخصی از نقطه  $A$  به درون لوله  $U$  شکل می‌دمد. فشار پیمانه‌ای هوای درون ریه شخص چند کیلوپاسکال است؟



- ۱ ۲۰۰۰
- ۲ ۲۰
- ۳ ۱۰۰۰۰
- ۴ ۱۰

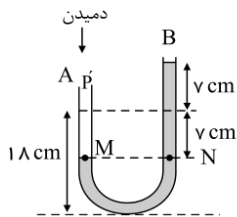
مطابق شکل زیر، لوله‌ی U شکل که سطح مقطع آن در سرتاسر لوله ثابت است، داریم که یک دهانه‌ی آن از دیگری بالاتر قرار دارد. در دو طرف لوله تا ارتفاع ۱۸cm آب وجود دارد و می‌خواهیم با دمیدن در دهانه‌ی A، آب را از دهانه‌ی B خارج کنیم. حداقل فشاری که هوای دمیده شده باید داشته باشد، چند کیلوپاسکال است؟ ( $P_0 = 10^5 Pa$  و  $\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3}$ ،  $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

قلم چی-۱۳۹۶



- ۱/۴
- ۱۰۱/۴
- ۰/۷
- ۱۰۰/۷

پاسخ: گزینه ۲  
 برای خارج شدن آب از دهانه‌ی B، باید سطح آب در سمت راست لوله‌ی (۲۵ - ۱۸ = ۷cm) بالا بیاید و باتوجه به یکسان بودن سطح مقطع لوله در دو شاخه وضعیت آب در لوله به شکل زیر در می‌آید و باتوجه به برابر بودن فشار در نقاط هم‌تراز درون یک مایع ساکن مانند M و N می‌توان نوشت:



$$P_M = P_N \Rightarrow P' = \rho gh + P_0$$

$$\Rightarrow P' = 1000 \times 10 \times 0,07 + 10^5 \Rightarrow P' = 101,4 kPa$$

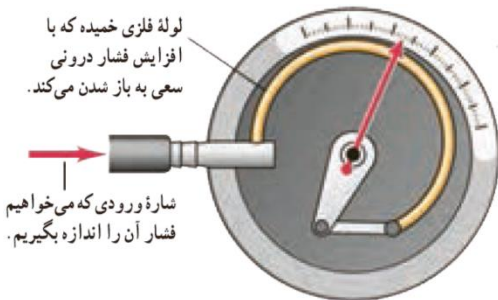
### ۳-۱۱-۱ فشارسنج بوردون

عقربه این فشارسنج زمانی حرکت می‌کند که فشار پیمانه‌ای تغییر کند. یعنی

کار این وسیله نشان داد فشار پیمانه‌ای شاره است.

دستگاه‌هایی مثل دستگاه فشارسنج خون و فشارسنج بادلاستیک فشارپیمانه

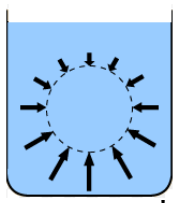
ای را اندازه می‌گیرند.







نیروی شناوری



توپ توی آب نمیره، علتش نیرویه شناوریه ( $F_b$ ).

چرا توپ بالا میاد؟

۱) شاره (مایع یا گاز) به سطح جسمی که در داخل آن است به طور عمود نیرو وارد میکند.

۲) هرچه سطح جسم در نقاط عمیق تر شاره باشد این نیرو بزرگتر است.

• پایین فشار بالاتره، فلش پایینی ها بزرگتره، به این خاطر نیرو بالاسو هستش!

• این نیروی بالا سوی خالص را نیروی شناوری گویند.

• پس علت وارد شدن نیروی شناوری **اختلاف فشار در سطوح بالایی و پایینی جسم** می باشد.

$$F_b = \rho Vg$$

$\rho$ : چگالی شاره  $V$ : حجم آن قسمتی از جسم که داخل مایع شده یا حجم مایع جابجا شده

طبق این اصل وقتی تمام یا بخشی از جسم درون شاره ای فرو رود از طرف شاره نیرویی بالاسو بر جسم وارد می شود. این نیرو برابر با وزن شاره جابه جاشده توسط جسم است. که وزن آب جابجا شده توسط جسم لزوماً با وزن جسم برابر نیست.

$$F_b = \text{وزن شاره جابه جاشده}$$

نکته: حجم مایع جابه جاشده برابر حجمی از جسم جامد است که درون مایع فرو رفته.

توی کتاب گفته شده که مسئله ی عددی از اصل ارشمیدوس ندیم!

اصل ارشمیدوس

۱-۲-۳ شناور؟ غوطه ور؟ ته نشین؟ بالا رفتن؟

حالت	مقایسه نیرو شناوری و نیروی وزن جسم	شکل	مقایسه چگالی جسم ( $\rho_m$ ) و چگالی شاره ( $\rho_{fluid}$ )	وضعیت جسم
اول	$mg > F_b$		$\rho_m > \rho_{fluid}$	جسم در شاره به طرف پایین به طرف پایین حرکت میکند تا ته <b>نشین</b> شود.
دوم	$mg = F_b$		$\rho_m = \rho_{fluid}$	جسم درون شاره <b>غوطه ور</b> می ماند.
سوم	$mg < F_b$		$\rho_m < \rho_{fluid}$	جسم به طرف بالا حرکت میکند تا بر سطح مایع <b>شناور</b> شود.
چهارم	$mg = F_b$		$\rho_m < \rho_{fluid}$	جسم در <b>سطح مایع شناور</b> است

تست ۹۷: ✓

جسمی روی سطح آب شناور است و قسمتی از آن درون آب قرار دارد. مقدار نیروی بالاسو که از طرف شاره به جسم وارد می شود برابر گزینۀ ۲-۱۳۹۷ است.

گزینۀ ۲-۱۳۹۷

۱ وزن جسم

۲ وزن آب هم حجم جسم

۳ وزن آب هم حجم قسمتی از جسم که بیرون از آب مانده

۴ حجم آب جابه جاشده توسط جسم

پاسخ: گزینۀ ۱

چون جسم شناور در تعادل است. پس نیروی بالاسو برابر وزن جسم است. همچنین این نیرو برابر وزن آب جابه جاشده توسط جسم است.

تست ۹۸: ✓

جسم توپری را درون شاره ای قرار می دهیم. اگر چگالی جسم برابر  $\rho$  و چگالی شاره برابر  $\rho'$  باشد، در چه صورت، جسم درون شاره غوطه ور می ماند؟

قلم چی-۱۳۹۷

۱ در صورتی که  $\rho < \rho'$  باشد.

۲ در صورتی که  $\rho = \rho'$  باشد.

۳ در صورتی که  $\rho > \rho'$  باشد.

۴ در هر حالتی، جسم درون شاره غوطه ور می ماند.

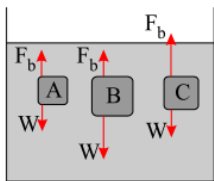
پاسخ: گزینۀ ۲

با قرار دادن جسم درون شاره، در صورتی که چگالی جسم ( $\rho$ ) و چگالی شاره ( $\rho'$ ) با هم برابر باشند، جسم درون شاره غوطه ور می ماند. دقت کنید، اگر  $\rho > \rho'$  باشد، جسم درون شاره سقوط می کند و ته نشین می شود و اگر  $\rho < \rho'$  باشد، جسم به سطح شاره رفته و روی سطح شناور می ماند.

تست ۹۹: ✓

مطابق شکل، سه جسم در ظرف آبی قرار دارند. با توجه به نیروهای وارد بر جسم (نیروی شناوری و نیروی وزن) کدام یک از گزینه های زیر به ترتیب، توصیف درستی از وضعیت سه جسم A, B و C است؟

گزینۀ ۲-۱۳۹۶



۱ فرو رفتن - غوطه وری - بالا رفتن

۲ غوطه وری - فرو رفتن - شناوری

۳ غوطه وری - فرو رفتن - بالا رفتن

۴ فرو رفتن - شناوری - غوطه وری

پاسخ: گزینۀ ۳

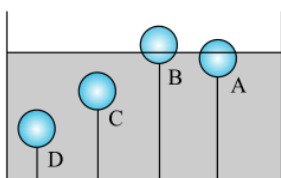
برای جسم غوطه ور در درون شاره، با توجه به نیروهای وارد بر جسم (نیروی شناوری و نیروی وزن)، چهار وضعیت ممکن است پیش بیاید:

$$\left. \begin{array}{l} F_b = W \Leftrightarrow \text{غوطه وری یا شناوری} \\ F_b > W \Leftrightarrow \text{بالا رفتن} \\ F_b < W \Leftrightarrow \text{فرو رفتن} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{اگر جسم روی سطح آب باشد} \Leftrightarrow \text{شناوری} \\ \text{اگر جسم درون آب باشد} \Leftrightarrow \text{غوطه وری} \end{array}$$

تست ۱۰۰: ✓

در شکل زیر، چهار کره توخالی سبک همسان توسط نخ به کف ظرف پر از آبی متصل شده و ساکن هستند. اندازه نیروی شناوری وارد بر آن ها در کدام گزینه به درستی مقایسه شده است؟

قلم چی-۱۳۹۸



۲  $A = B = C = D$

۱  $A > B > C > D$

۴  $D = C > A > B$

۳  $D = C > B > A$

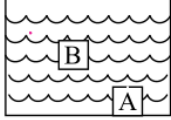
پاسخ: گزینۀ ۴

طبق اصل ارشمیدس، اندازه نیروی شناوری برابر است با وزن شاره ای که جابه جا شده است. چون کره ها یکسان هستند، نیروی شناوری برای D و C برابر است، زیرا به طور کامل در شاره غرق شده اند. نیروی شناوری برای کره A و کره B به میزانی از حجم آن ها که داخل شاره است، بستگی دارد و چون حجم فرورفته در شاره برای کره A بیش تر است، پس اندازه نیروی شناوری آن از B بیش تر و از دو جسم C و D کم تر است.

تست ۱۰۱:

پس از رها کردن دو جسم توپر هم جرم و هم شکل A و B از ارتفاعی بالای سطح مایع درون ظرف، وضعیت تعادل این دو جسم در مایع مطابق شکل زیر است. اگر  $\rho_B$  و  $\rho_A$  به ترتیب چگالی جسم‌های A و B باشند، کدام گزینه در مورد مقایسه چگالی مایع ( $\rho$ ) و چگالی جسم‌های A و B صحیح است؟

قلم چی-۱۳۹۷



$\rho = \rho_B = \rho_A$   ۲  
 $\rho < \rho_B < \rho_A$   ۴

$\rho = \rho_B < \rho_A$   ۱  
 $\rho < \rho_B = \rho_A$   ۳

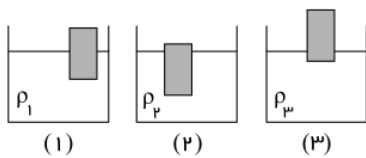
پاسخ: گزینه ۱

در ابتدای ورود دو جسم به مایع، هر دو جسم ابتدا تا حدی به دلیل انرژی‌هایی که دارند در مایع فرو می‌روند. با توجه به غوطه‌ور ماندن جسم B در مایع، نتیجه می‌گیریم که چگالی این جسم، برابر با چگالی مایع است. از طرفی جسم A به ته ظرف سقوط کرده است. بنابراین چگالی جسم A از چگالی مایع و همچنین از چگالی جسم B بیشتر است.

تست ۱۰۲:

مطابق شکل‌های زیر، یک جسم در سه مایع با چگالی‌های  $\rho_1$ ،  $\rho_2$  و  $\rho_3$  شناور می‌شود. کدام گزینه در مورد مقایسه‌ی چگالی این مایعات صحیح است؟

قلم چی-۱۳۹۶



$\rho_2 > \rho_1 > \rho_3$   ۱  
 $\rho_2 > \rho_1 > \rho_2$   ۲  
 $\rho_1 > \rho_2 > \rho_3$   ۳  
 $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$   ۴

پاسخ: گزینه ۲

طبق اصل ارشمیدس: «وقتی تمام یا قسمتی از یک جسم در شاره‌ای فرو رود، شاره نیروی بالاسو بر آن وارد می‌کند که با وزن شاره جابه‌جا شده توسط جسم برابر است.»

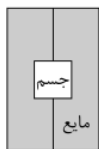
در هر سه حالت جرم جسم یکسان است و چون جسم شناور است می‌توان نتیجه گرفت:  $F_b = W_1 = W_2 = W_3$

اکنون طبق اصل ارشمیدس می‌توان گفت وزن شاره جابه‌جا شده در هر سه حالت برابر است و بنابراین با توجه به رابطه‌ی  $(m = \rho V)$  می‌توان نتیجه گرفت شاره‌ای که حجم کم‌تری از آن جابه‌جا می‌شود، چگالی بیش‌تری دارد، پس:

$\rho_3 > \rho_1 > \rho_2$

تست ۱۰۳:

در شکل زیر، ظرف پر از مایع است و جسم توپری توسط دو نخ به بالا و پایین ظرف متصل است. کدام گزینه صحیح است؟



قلم چی-۱۳۹۷

- ۱ اگر چگالی جسم از چگالی مایع بیشتر باشد، نخ پایینی کشیده می‌شود.  
 ۲ اگر چگالی جسم از چگالی مایع کمتر باشد، نخ پایینی کشیده می‌شود.  
 ۳ در هیچ حالتی نخ پایینی کشیده نمی‌شود زیرا وزن جسم رو به پایین است.  
 ۴ اگر چگالی جسم و مایع برابر باشد، نخ بالایی بیشتر از نخ پایینی کشیده می‌شود.

پاسخ: گزینه ۲

در حالتی که چگالی جسم از چگالی مایع کم‌تر باشد، در این صورت نیروی شناوری وارد بر جسم به سمت بالا و بیش‌تر از وزن جسم است و لذا در این حالت برایند نیروهای وارد بر جسم به سمت بالا است. در نتیجه نخ پایینی کشیده می‌شود. اگر چگالی جسم از چگالی مایع بیش‌تر باشد مشابه حالت قبل، نیروی وزن جسم از نیروی شناوری بیش‌تر می‌شود و در نتیجه جسم به سمت پایین کشیده می‌شود و نخ بالایی کشیده می‌شود و در حالتی که چگالی مایع و جسم برابر باشد، جسم در تعادل قرار می‌گیرد و در این حالت هیچ‌کدام از نخ‌های بالایی و پایینی کشیده نمی‌شوند.

نکته ۲۱: اگر چگالی جسم  $\rho_m$  و چگالی مایع  $\rho_f$  باشد و جسم روی مایع شناور باشد، حجم قسمتی از جسم که درون مایع قرار می‌گیرد  $V'$  به حجم کل جسم  $V$  از رابطه روبرو محاسبه می‌شود:

$$\frac{V'}{V} = \frac{\rho'}{\rho}$$

به مثال: جسمی به چگالی  $0.4$  گرم بر سانتی متر مکعب و حجم  $1$  متر مکعب را روی آب قرار می‌دهیم. حجم قسمتی از جسم که بیرون

از آب قرار می‌گیرد، چند متر مکعب است؟

$$\frac{V'}{V} = \frac{\rho'}{\rho} \rightarrow \frac{V'}{1} = \frac{0.4}{1} \rightarrow V' = 0.4 \text{ m}^3$$

حجم قسمتی که جسم درون مایع قرار گرفته است برابر  $\frac{1}{4}$  متر مکعب شده است. پس حجم قسمتی از جسم که بیرون آب قرار گرفته است  $\frac{3}{4}$  متر مکعب است.

نکته ۲۲: با قرار دادن جسمی در آب ابتدا نیروی شناوری افزایش می یابد. با فرو رفتن کامل جسم در آب دیگر مقدار

نیروی شناوری افزایش نمی یابد و ثابت می ماند.

تست ۱۰۴:

سنگی را در استخری عمیق می اندازیم. وقتی سنگ به طور کامل وارد آب می شود، با پایین رفتن سنگ، چه تغییری در بزرگی نیروی شناوری وارد بر آن ایجاد می شود؟

قلم چی-۱۳۹۶

- ۱) افزایش می یابد.      ۲) کاهش می یابد.      ۳) ثابت می ماند.      ۴) اظهار نظر قطعی ممکن نیست.

پاسخ: گزینه ۳

بزرگی نیروی شناوری برابر وزن آب جابه جا شده توسط سنگ است و چون حجم سنگ و در نتیجه حجم آب جابه جا شده در عمق های مختلف ثابت است، پس بزرگی نیروی شناوری با پایین رفتن سنگ تغییر نمی کند.

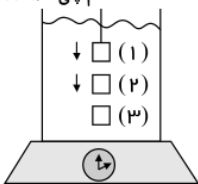
تذکر: آب مایعی تراکم ناپذیر است و چگالی آن در تمام نقاط تقریباً یکسان است.

نکته: برای تحلیل بزرگی نیروی شناوری می توان از رابطه  $F_b = \rho V g$  استفاده کرد، باتوجه به این رابطه حجم سنگ و چگالی آب ثابت است، پس نیروی شناوری نیز تغییر نمی کند.

تست ۱۰۵:

مطابق شکل زیر، یک ظرف محتوی آب روی باسکولی قرار دارد و باسکول W را نشان می دهد. هرگاه یک قطعه آهن که به نخ سبک متصل است را به آرامی وارد ظرف آب کنیم و تا نزدیکی کف ظرف فرو ببریم (بدون آن که به کف ظرف بچسبد) در طی این عمل عددی که باسکول نشان می دهد چگونه تغییر می کند؟

قلم چی-۱۳۹۶



- ۱) همواره ثابت می ماند.      ۲) ابتدا افزایش می یابد و سپس ثابت می ماند.      ۳) ابتدا کاهش می یابد و سپس ثابت می ماند.      ۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد.

پاسخ: گزینه ۲

بنابر اصل ارشمیدس می دانیم، وقتی تمام یا قسمتی از جسم در شاره ای فرو رود، شاره نیرویی بالاسو بر آن وارد می کند که با وزن شاره جابه جا شده توسط جسم برابر است. بنابراین در ابتدا با افزایش حجم قطعه فرو رفته در آب، وزن شاره جابه جا شده افزایش می یابد. پس نیروی شناوری وارد بر قطعه نیز افزایش می یابد، اما از لحظه ای که تمام قطعه در آب فرو می رود، حجم آب جابه جا شده بیشینه می شود و پس از آن تا نزدیکی کف ظرف ثابت می ماند. بنابراین نیروی شناوری ابتدا افزایش می یابد و سپس ثابت می ماند.

از طرف دیگر بنابر قانون سوم نیوتون عکس العمل نیروی شناوری که از طرف مایع به جسم وارد می شود به سمت پائین وارد شده و در نتیجه عدد باسکول نیز ابتدا افزایش می یابد و سپس ثابت می ماند.

تست ۱۰۶:

دو کره ی هم جرم یکی آهنی و دیگری آلومینیومی را وارد آب می کنیم. بزرگی نیروی شناوری وارد بر کدام کره بزرگ تر است؟ (چگالی آهن بیش تر از چگالی آلومینیوم است.)

قلم چی-۱۳۹۶

- ۱) آهن      ۲) آلومینیوم      ۳) برابر است.      ۴) هر سه حالت ممکن است.

پاسخ: گزینه ۲

طبق اصل ارشمیدس، نیروی شناوری وارد بر جسم با وزن شاره جابه جا شده توسط جسم برابر است، پس کره ای که حجم بیش تری دارد و شاره ی بیش تری را جابه جا می کند، نیروی شناوری وارد بر آن بیش تر است.

پس در این سوال باتوجه به رابطه  $\rho = \frac{m}{V}$  و بیش تر بودن چگالی آهن، حجم کره ی آلومینیومی بیش تر و بنابراین نیروی شناوری وارد بر آن نیز بیش تر است.

چون دو کره هم جرم هستند و چگالی آهن بیشتر از آلومینیوم است بنابراین حجم کره آهنی از آلومینیومی کمتر است و هر چه حجم بیشتر باشد نیروی شناوری بیشتر است. در نتیجه نیروی وارده به کره آلومینیومی بیشتر است.

### ۳-۱۲-۲ تاثیر نیروی شناوری بر مایع

نیروی شناوری نیرویی است بالا سو که از سوی مایع به جسم وارد میشود. همانند قانون سوم نیوتن:

اگر A به جسم B نیرو وارد کند جسم B هم نیرویی به همان اندازه و در خلاف جهت به جسم A نیرو وارد میکند. پس در بحث

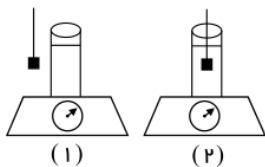
شناوری جسم هم به مایع نیرویی پایین سو وارد می کند.

تست ۱۰۷: 

مطابق شکل (۱)، ترازویی وزن ظرف و آب داخل آن را نمایش می دهد. اگر یک تکه سنگ به وزن W را که به انتهای یک ریسمان

بسته شده است، مطابق شکل (۲) به طور کامل داخل آب قرار دهیم، عددی که ترازو نمایش می دهد، چگونه تغییر می کند؟ ( $F_b$  بزرگی نیروی

قلم چی-۱۳۹۶



شناوری وارد بر سنگ از طرف آب است.)

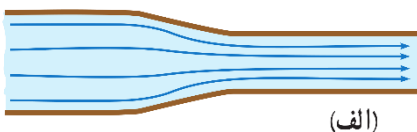
- ۱ به اندازهی W افزایش می یابد.
- ۲ به اندازهی W کاهش می یابد.
- ۳ به اندازهی  $F_b$  کاهش می یابد.
- ۴ به اندازهی  $F_b$  افزایش می یابد.

پاسخ: گزینه ۴

با ورود سنگ به داخل آب، از طرف آب نیرویی شناوری به اندازهی  $F_b$  به سنگ و به طرف بالا وارد می شود. بنابراین طبق قانون سوم نیوتن، از طرف سنگ نیز نیرویی به همان اندازه به آب و به طرف پایین وارد می گردد. پس عددی که ترازو نمایش می دهد، به اندازهی  $F_b$  بیش تر می شود.

### ۳-۱۳ شماره در حرکت

حرکت شماره ها می تواند یکنواخت (الف) و لایه ای (ب) و تلاطم و آشوبناک باشد. ما فقط حالت (الف) را بررسی میکنیم یعنی

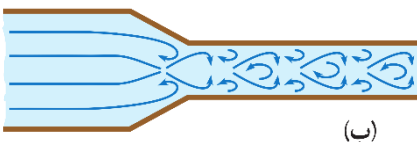


شماره ای که:

(۱) در حال حرکت بدون تلاطم یکنواخت و لایه ای است.

(۲) تراکم ناپذیر (یعنی باچگالی ثابت) است.

(۳) از اصطکاک داخلی اش (گران روی - ویسکوزیته) می توانیم چشم پوشی کنیم.



نکته:

(۱) در جریان لایه ای، هر ذره از شماره بدون چرخش در امتداد یک خط جریان حرکت میکند.

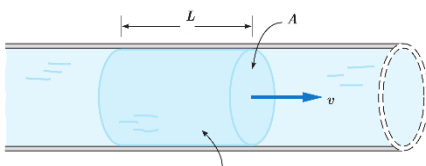
(۲) با حذف اصطکاک انرژی مکانیکی شماره پایسته و ثابت می ماند.

### ۱-۱۳-۳ آهنگ جریان یک شماره درون لوله

به حجم شماره ای که در واحد زمان از یک مقطع از لوله میگذرد آهنگ جریان شماره می گوئیم. به عبارت دیگر آهنگ جریان شماره

نسبت حجم شماره جابه جاشده به زمان جابه جایی است. مثلاً اگر در شکل روبرو حجم AL از شماره در مدت t جابه جاشده باشد آهنگ

جریان شماره ای برابر میشود با:



حجم این بخش شماره برابر AL است.

$$\text{آهنگ جریان شماره} = \frac{\text{Hajme share}}{\text{time}} = \frac{AL}{t} = \text{واحد آن در SI } m^3/s \text{ می باشد.}$$



اگر تندی حرکت شاره را  $v$  بنامیم آهنگ جریان شاره ای را به صورت زیر هم می توانیم نمایش دهیم.

$$\frac{AL}{t} \xrightarrow{v = \frac{L}{t}} Av$$

تست ۱۰۸: 

جریان آب با تندی ثابت  $5 \frac{m}{s}$  درون لوله ای استوانه ای شکل به قطر  $30 \text{ cm}$  برقرار است. چند دقیقه طول می کشد تا  $1620$  متر مکعب

قلم چی-۱۳۹۷

آب از طریق دهانه خروجی این لوله تخلیه شود؟ ( $\pi = 3$ )

۸۰  ۴

۲۰  ۳

۶  ۲

۳  ۱

پاسخ: گزینه ۴

می دانیم که اگر در مدت زمان معینی، حجم معینی از شاره از مقطع مشخصی از یک لوله عبور کند، آهنگ شارش شاره از این مقطع فرضی از رابطه زیر به دست می آید:

$$\text{حجم شاره} = Av \Rightarrow \text{حجم شاره} = Av \times \text{زمان}$$

که  $A$  سطح مقطع و  $v$  تندی شاره است. بنابراین:

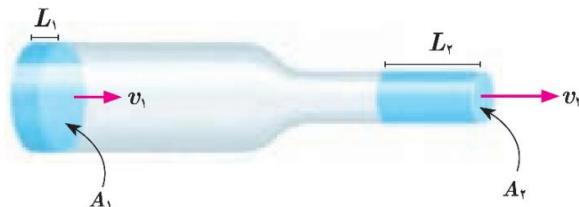
$$\frac{\text{حجم آب}}{t} = Av \Rightarrow t = \frac{\text{حجم آب}}{Av} = \frac{1620}{3 \times \frac{(30 \times 10^{-2})^2}{4} \times 5} = 4800 \text{ s} = 80 \text{ دقیقه}$$

۳-۱۳-۲ معادله پیوستگی در شاره تراکم ناپذیر

منظور از شاره تراکم ناپذیر همان مایع است.

در شکل زیر جریان لایه ای شاره تراکم ناپذیر درون یک لوله بادوسطح مقطع نشان داده شده است. در حالت پایا (همه جای لوله

پر از مایع است) مثلاً در شکل زیر اگر در مدت  $t$  از سطح مقطع  $A_1$  حجم  $A_1 L_1$  و از سطح مقطع  $A_2$  حجم  $A_2 L_2$  عبور کند، انگاه داریم:



$$A_1 L_1 = A_2 L_2 \xrightarrow{t_1 = t_2} \frac{A_1 L_1}{t_1} = \frac{A_2 L_2}{t_2} \Rightarrow A_1 v_1 = A_2 v_2$$

به رابطه بالا معادله پیوستگی می گوئیم که برای شاره های **تراکم ناپذیر درست** است.

در رابطه ی پیوستگی نیازی به SI نوشتن نیست. فقط واحد هر دو طرف یکی باشد.

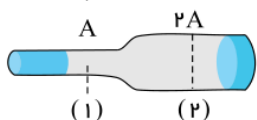
تست ۱۰۹: 

در لوله ای افقی مطابق شکل جریانی از شاره در حالت پایا از چپ به راست برقرار است. در این صورت آهنگ جریان شاره در مقطع (۲)

..... آهنگ جریان آن در مقطع (۱) است و تندی شاره در مقطع (۲) ..... تندی آن در مقطع (۱) است. (سطح مقطع (۲)، دو برابر

قلم چی-۱۳۹۶

سطح مقطع (۱) است.)



۲ نصف - برابر با

۴ برابر با - دو برابر

۱ دو برابر - برابر با

۳ برابر با - نصف

پاسخ: گزینه ۳

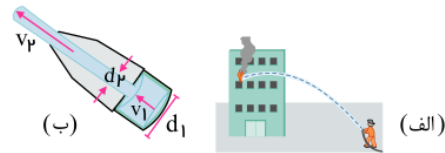
طبق معادله ی پیوستگی، آهنگ جریان شاره در حالت پایا برای تمام مقاطع یکسان است اما تندی شاره با سطح مقطع لوله نسبت عکس دارد. بنابراین در این جا تندی شاره در مقطع پهن تر نصف مقطع باریک تر است:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A_2 = 2A_1} \frac{v_2}{v_1} = \frac{1}{2}$$



تست ۱۱۰:

شکل (الف) آتش‌نشانی را در حال خاموش کردن آتش از فاصله نسبتاً دوری نشان می‌دهد. نمایی بزرگ شده از شیر بسته شده به انتهای لوله آتش‌نشانی در شکل (ب) نشان داده شده است. اگر آب با تندی  $v_1 = 1,5 \frac{m}{s}$  از لوله وارد شیر شود و قطر ورودی شیر  $d_1 = 12,5 cm$  و قطر قسمت خروجی آن  $d_2 = 2,5 cm$  باشد، تندی آب خروجی از شیر چند متر بر ثانیه است؟



- ۱) ۷,۵
- ۲) ۲۵
- ۳) ۴۵
- ۴) ۳۷,۵

پاسخ: گزینه ۴  
طبق معادله پیوستگی:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \rightarrow v_1 d_1^2 = v_2 d_2^2$$

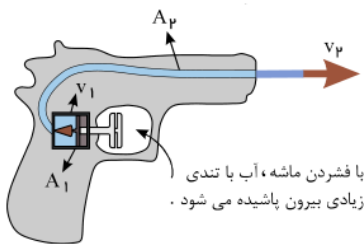
$$v_1 = 1,5 \frac{m}{s}, d_1 = 12,5 cm$$

$$\xrightarrow{d_2 = 2,5 cm} 1,5 \times (12,5)^2 = v_2 \times (2,5)^2 \Rightarrow v_2 = 37,5 \frac{m}{s}$$

با جایگزینی داریم:

تست ۱۱۱:

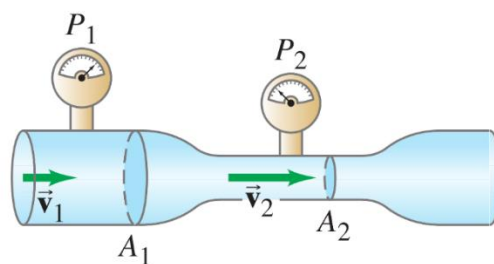
مطابق شکل،  $A_1 = 1 cm^2$  و  $A_2 = 2 mm^2$  است. هنگام فشردن ماشه تفنگ  $v_1 = 0,01 \frac{m}{s}$  است. تندی آب از تفنگ چند  $\frac{m}{s}$  است؟



- ۱) ۰,۵
- ۲) ۲
- ۳) ۰,۰۵
- ۴) ۰,۲

۳-۱۳-۳ اصل برنولی

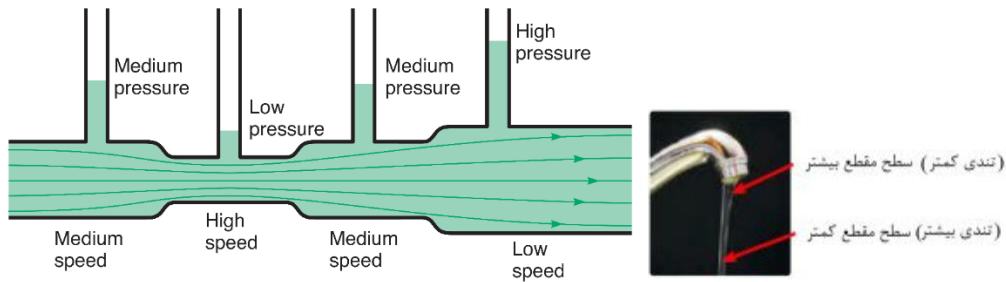
در شکل زیر آب با جریان لایه ای در لوله ای بادوسطح مقطع  $A_1$  و  $A_2$  شارش میکند طبق معادله پیوستگی داریم:



$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \xrightarrow{A_1 > A_2} v_2 > v_1$$

یعنی جریان آب در مقطع  $A_2$  تندتر از مقطع  $A_1$  است.

اصل برنولی در مورد شاره ای که به طور لایه ای و در امتداد افق حرکت میکند می گوید: در مسیر حرکت شاره با افزایش تندی شاره فشار آن کم میشود. یعنی در شکل بالا  $P_2 < P_1$  است.



تست ۱۱۲:

داخل لوله شکل زیر، جریان یکنواخت و لایه ای آب در حال حرکت است. کدام گزینه مقایسه درستی در مورد فشار آب (P) و تندی آب

(v) در نقاط مشخص شده ارائه می دهد؟

قلم چی-۱۳۹۷



$v_B > v_D > v_A > v_C$   
 $P_C > P_A > P_D > P_B$

۴

$v_B > v_D > v_A > v_C$   
 $P_B > P_D > P_A > P_C$

۳

$v_C > v_A > v_D > v_B$   
 $P_C > P_A > P_D > P_B$

۲

$v_C > v_A > v_D > v_B$   
 $P_B > P_D > P_A > P_C$

۱

تست ۱۱۳:

قلم چی-۱۳۹۶

وقتی شیر آبی را کمی باز می کنیم و آب به آرامی جریان می یابد، مشاهده می شود که .....

- ۱ با نزدیک تر شدن جریان آب به زمین، به دلیل افزایش فشار، سطح مقطع آب کم تر می شود.
- ۲ با نزدیک تر شدن جریان آب به زمین، به دلیل افزایش تندی، سطح مقطع آب کمتر می شود.
- ۳ با نزدیک تر شدن جریان آب به زمین، چون فشار هوا ثابت است، سطح مقطع آب تغییری نمی کند.
- ۴ به دلیل وجود نیروی هم چسبی، سطح مقطع آب کاهش می یابد.

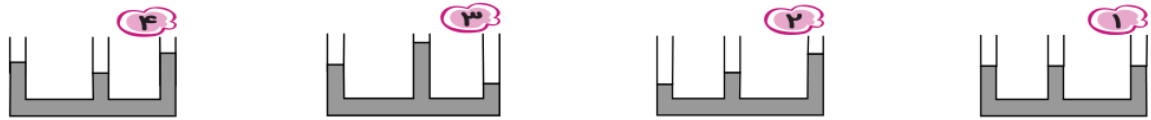
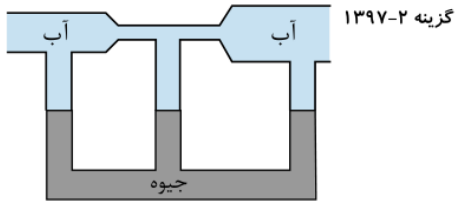
پاسخ: گزینه ۲

هرچه آب بیش تر پایین می آید، تندی آن بیش تر می شود در نتیجه با توجه به معادله ی پیوستگی ( $A_1 v_1 = A_2 v_2$ ) سطح مقطع آب کاهش می یابد و جریان آب باریک تر می شود.



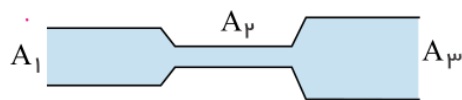
تست ۱۱۴: ✓

لوله‌ای پر از آب مطابق شکل به یک ظرف دارای سه شاخهٔ باریک شیشه‌ای متصل است. قسمت پایینی هر سه شاخه به هم متصل بوده و پر از جیوه است. اگر آب درون لوله جریان داشته باشد، کدام گزینه سطح جیوه را در سه شاخه به درستی نمایش می‌دهد؟



پاسخ: گزینه ۳

مطابق شکل،  $A_1 < A_2 < A_3$  است و طبق معادلهٔ پیوستگی  $A_1 v_1 = A_2 v_2 = A_3 v_3$  است. پس مقایسهٔ تندی آب در سه مقطع به صورت  $v_1 < v_2 < v_3$  است.



طبق اصل برنولی، در مسیر حرکت شاره با افزایش تندی شاره، فشار آن کاهش می‌یابد، پس  $P_2 < P_1 < P_3$ . وقتی فشار بالای شاخه‌ای کمتر باشد، ارتفاع ستون جیوه در آن افزایش می‌یابد (چرا؟)؛ در نتیجه گزینهٔ ۳ درست است.

تست ۱۱۵: ✓

در شکل زیر، آب حجم لوله‌ها را پُر کرده و به صورت پیوسته و پایدار در لوله‌هایی افقی با سطح مقطع‌های متفاوت جاری است. اگر تندی آب را با  $V$  و فشار آن را با  $P$  نشان دهیم، کدام رابطه درست است؟

خارج از کشور- ۱۳۹۸

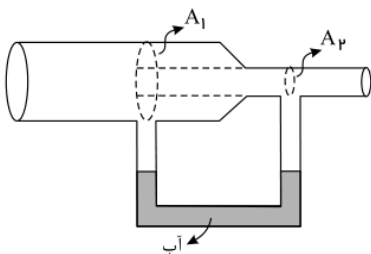


- ۱  $P_A > P_B$  و  $V_A < V_B$     ۲  $P_A > P_B$  و  $V_A > V_B$     ۳  $P_A < P_B$  و  $V_A < V_B$     ۴  $P_A < P_B$  و  $V_A > V_B$

تست ۱۱۶: ✓

مطابق شکل، لولهٔ U شکل به نقطهٔ یک لوله با سطح مقطع‌های متفاوت متصل است و آب داخل لولهٔ U شکل در تعادل است. اگر با ورود جریان لایه‌ای هوا به داخل لوله، اختلاف فشار  $500 \text{ Pa}$  بین دو مقطع  $A_1$  و  $A_2$  ایجاد شود، به ترتیب آب در کدام سمت لولهٔ U شکل بالاتر می‌رود و اختلاف ارتفاع آب در دو شاخهٔ لولهٔ U شکل چند سانتی‌متر خواهد بود؟ (سطح مقطع دو طرف لولهٔ U شکل برابر بوده،  $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$  و  $g = 10 \text{ N/kg}$  است).

قلم چی- ۱۳۹۸

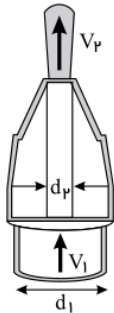


- ۱ چپ، ۳  
۲ راست، ۳  
۳ چپ، ۵  
۴ راست، ۵

تست ۱۱۷: 

شکل زیر، شیر بسته شده به انتهای لوله آب را نشان می‌دهد. آب با تندی  $v_1 = 1,25 \text{ m/s}$  از لوله با مقطع دایره‌ای به قطر  $d_1 = 1 \text{ cm}$  وارد می‌شود و از خروجی آن که سطح مقطع دایره‌ای به قطر  $d_2 = 2,5 \text{ cm}$  دارد، خارج می‌شود. اگر خروجی شیر در ارتفاع ۱ متری از سطح زمین و به صورت عمودی نگه‌داشته شده باشد و آن را لحظه‌ای باز کرده و سپس ببندیم، آب حداکثر تا چه ارتفاعی از سطح زمین بر حسب متر بالا می‌رود؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$  و از مقاومت هوا صرف نظر کنید.)

قلم‌چی-۱۳۹۸



۲  
۳

۱  
۳

پاسخ: گزینه ۴  
طبق معادله پیوستگی داریم:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow \pi \frac{d_1^2}{4} v_1 = \pi \frac{d_2^2}{4} v_2$$

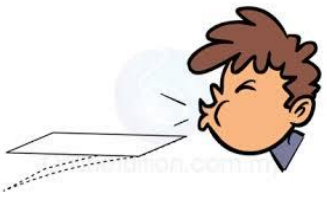

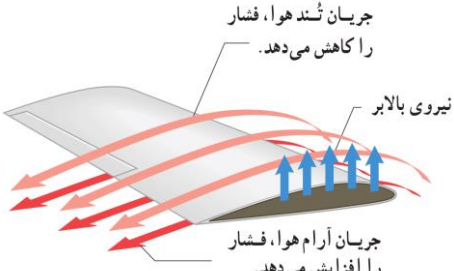
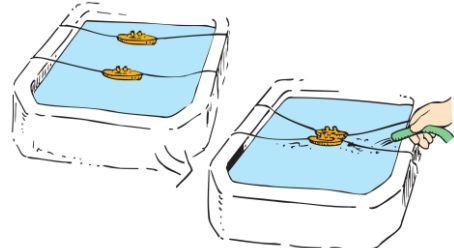
$$\Rightarrow v_2 = v_1 \times \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 = 1,25 \times \left(\frac{1}{2,5}\right)^2 = 1,25 \times 16 = 20 \text{ m/s}$$

اگر خروجی آب از لوله را نقطه (A) و حداکثر ارتفاع آب نسبت به سطح زمین را نقطه (B) فرض کنیم، با توجه به ناچیز بودن مقاومت هوا و در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B \Rightarrow \frac{1}{2} m v_A^2 + m g h_A = \frac{1}{2} m v_B^2 + m g h_B$$

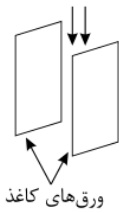
$$\xrightarrow[\text{از طرفین}]{\text{حذف } m} \frac{1}{2} v_A^2 + g h_A = \frac{1}{2} v_B^2 + g h_B$$

$$\xrightarrow[v_B=0, h_B=?]{v_A=20 \text{ m/s}, h_A=1 \text{ m}} \frac{1}{2} \times 20^2 + 10 \times 1 = \frac{1}{2} \times 0 + 10 \times h_B \Rightarrow h_B = 21 \text{ m}$$

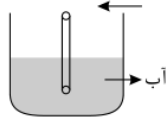
	<p>اگر یک ورقه کاغذ را جلوی دهانتان بگیرید و به سطح بالای کاغذ فوت کنید کاغذ به طرف بالا حرکت میکند فوت کردن یا دمیدن باعث ایجاد جریان تند هوا در بالای کاغذ و در نتیجه کاهش فشار در آن منطقه میشود یعنی فشار در بالای کاغذ از زیر آن کمتر شده و به دلیل اختلاف فشار کاغذ به طرف بالا هل داده می شود.</p>
<p>پوشش برزنتی صاف و تخت است.</p>  <p>کامیون در حال توقف</p> <p>پوشش برزنتی پُف کرده است.</p>  <p>کامیون در حال حرکت</p>	<p>مطابق شکل روبرو پوشش برزنتی کامیون در هنگام حرکت پف میکند. دلیل بالا آمدن پوشش برزنتی دقیقاً مانند کاغذی است که در بالای آن می دمید. یعنی به دلیل حرکت نسبی هوا در بالای پوشش برزنتی فشار در آن منطقه کم میشود و اختلاف فشار بالا و پایین پوشش باعث بالارفتن آن می شود.</p>
 <p>جریان تند هوا، فشار را کاهش می دهد.</p> <p>نیروی بالابر</p> <p>جریان آرام هوا، فشار را افزایش می دهد.</p>	<p>نیروی بالابر بال های هواپیما به دلیل طراحی خاص بال هاست. طراحی بال های هواپیما به گونه ای است که تندی هوا در بالای بال نسبت به زیر آن بیشتر است. برای همین فشار هوا در بالای بال کمتر از زیر آن است و به این ترتیب بال ها به طرف بالا هل داده می شوند.</p>
 <p>وقتی داخل نی افقی فوت میکنید سطح آب درون نی عمودی بالا می آید. دلیلش این است که با دمیدن فشار هوا در بالای نی عمودی کم میشود و بین هوای داخل لوله عمودی و هوای بیرون اختلاف فشار ایجاد میشود و طبق اصل هم فشاری نقاط هم تراز آب از نی عمودی بالا می رود.</p>	<p>وقتی داخل نی افقی فوت میکنید سطح آب درون نی عمودی بالا می آید. دلیلش این است که با دمیدن فشار هوا در بالای نی عمودی کم میشود و بین هوای داخل لوله عمودی و هوای بیرون اختلاف فشار ایجاد میشود و طبق اصل هم فشاری نقاط هم تراز آب از نی عمودی بالا می رود.</p>
 <p>افشانه</p> <p>جریان هوای دمیده شده</p> <p>شاره</p> <p>افشانه</p> <p>مخزن پلاستیکی</p> <p>شاره</p>	<p>شکل روبرو یک سم پاش یانوعی شیشه عطرا نشان میدهد که براساس اصل برنولی کار میکند اتفاقی که در این وسیله می افتد مانند نمونه قبلی (دمیدن در نی افقی و بالارفتن آب در نی عمودی) است.</p>
<p>لباس های خیس در هنگامی که باد می وزد سریع تر خشک میشوند چون وزش باد باعث میشود فشار هوا کم شود و در نتیجه با کاهش فشار هوا تبخیر سطحی افزایش می یابد.</p>	
	<p>در شکل روبرو با برقراردن جریان آب بین دو قایق فشار آب بین آن ها کم میشود و در نتیجه قایق ها از طرفین به سمت هم هل داده میشوند.</p>

تست ۱۱۸: ✓

در شکل‌های زیر اگر از جهت‌های نشان داده شده فوت کنیم، اتفاقی که می‌افتد در کدام گزینه درست آمده است؟



قلم چی-۱۳۹۷



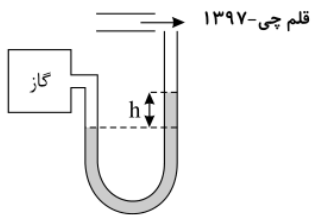
- ۱) بالا آمدن آب از نی، دور شدن کاغذها از یکدیگر
- ۲) پایین رانده شدن آب در نی، دور شدن کاغذها از یکدیگر
- ۳) بالا آمدن آب از نی، نزدیک شدن کاغذها به همدیگر
- ۴) پایین رانده شدن آب در نی، نزدیک شدن کاغذها به همدیگر

پاسخ: گزینه ۳

طبق اصل برنولی می‌دانیم با افزایش تندی شاره، فشار آن کاهش می‌یابد. بنابراین با کاهش فشار هوا بالای دهانه نی، فشار هوای وارد بر سطح آب بیش‌تر از فشار هوای بالای دهانه نی بوده و آب درون نی بالا می‌رود. همچنین به‌طور مشابه با کاهش فشار هوای بین دو ورق کاغذ، به علت فشار هوای وارده از کناره‌ها، دو ورق به هم نزدیک خواهند شد.

تست ۱۱۹: ✓

مطابق شکل مقابل، اگر در بالای لوله یک فشارسنج در جهت نشان داده شده با شدت زیاد بدمیم، فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن را چگونه نمایش خواهد داد؟ (فشار گاز مخزن را ثابت فرض کنید.)

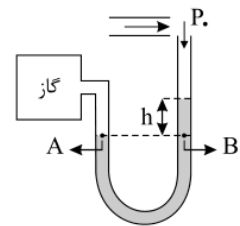


- ۱) برابر با مقدار واقعی
- ۲) کمتر از مقدار واقعی
- ۳) بیشتر از مقدار واقعی
- ۴) قابل پیش‌بینی نیست.

پاسخ: گزینه ۳

$$P_A = P_B \rightarrow P_{\text{گاز}} = P_0 + \rho gh$$

$$P_{\text{پیمانه‌ای}} = P_{\text{گاز}} - P_0 = \rho gh$$



با دمیدن در بالای لوله فشارسنج، مطابق با اصل برنولی، با افزایش سرعت هوا، فشار آن کاهش می‌یابد. با توجه به ثابت بودن فشار گاز، مقداری مایع لوله سمت چپ به لوله سمت راست منتقل می‌شود و در نتیجه فشار پیمانه‌ای گاز ( $\rho gh$ ) بیش‌تر از مقدار واقعی نمایش داده می‌شود.

تست ۱۲۰: ✓

یک هواپیما در آسمان با تندی زیاد در حرکت است. اگر اختلاف فشار بیرون و داخل هواپیما  $10^4 \text{ Pa}$  باشد، بر سطح یک پنجره‌ی

قلم چی-۱۳۹۶



هواپیما به مساحت  $500 \text{ cm}^2$  چه نیرویی بر حسب نیوتون و در چه جهتی وارد می‌شود؟

- ۱)  $5 \times 10^2$ ، از داخل به بیرون هواپیما
- ۲)  $5 \times 10^2$ ، از بیرون به داخل هواپیما
- ۳)  $5 \times 10^4$ ، از داخل به بیرون هواپیما
- ۴)  $5 \times 10^4$ ، از بیرون به داخل هواپیما

پاسخ: گزینه ۴

با توجه به رابطه‌ی فشار  $P = \frac{F}{A}$ ، در مورد نیروی ناشی از اختلاف فشار می‌توان نوشت:

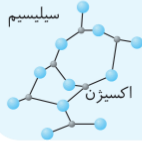
$$F = PA \Rightarrow F = (10^4 \text{ Pa})(500 \times 10^{-4} \text{ m}^2) = 500 \text{ N} = 5 \times 10^2 \text{ N}$$

نکته: برآیند نیرویی که به پنجره وارد می‌شود، ناشی از اختلاف فشار درون و بیرون هواپیما است و تندی جریان هوا در بیرون هواپیما باعث کاهش فشار در بیرون هواپیما می‌شود اما فشار درون هواپیما تقریباً معادل فشار جو یا  $10^5 \text{ Pa}$  است. به عبارتی فشار هوای درون هواپیما از بیرون آن بیش‌تر است، در نتیجه برآیند نیروی وارد بر پنجره نیز به طرف بیرون هواپیما است.



جامد

مولکول‌ها در جای خود دارای حرکت‌های نوسانی بسیار کوچکی هستند. می‌توان فرض کرد ذرات جامد با فنر به هم وصل هستند.



فاصله مولکول‌ها از هم حدود یک آنگستروم ( $1\text{\AA}$ ) یعنی  $10^{-10}\text{m}$  است.

جامد بلورین ← جامدی که از تکرار یک طرح منظم تشکیل می‌شود مانند نمک طعام و الماس.

با آرام شدن مایع زمان کافی برای تشکیل بلور ایجاد می‌شود.

جامد بی‌شکل (آمورف) ← طرح منظمی ندارند.

سریع سرد شدن مایع سبب می‌گردد که مولکول‌ها، زمان کافی برای تشکیل بلور نداشته باشند.

مایع

دارای حجم معین است و به شکل ظرف خود در می‌آید.

فاصله مولکول‌ها از هم در مایع تقریباً مانند فاصله مولکول‌ها از هم در جامد است.

مولکول‌های مایع می‌توانند آزادانه بر هم بلغزند که این سبب جاری شدن مایع می‌شود.

مایع‌ها تقریباً تراکم ناپذیرند.

پخش ← علت آن حرکت کاتوره‌ای و نامنظم مولکول‌های مایع است. ← پخش جوهر در آب



گاز

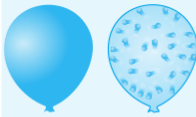
فاصله بین مولکول‌ها در گاز چند ده برابر فاصله بین مولکول‌های جامد و مایع است.

فاصله میانگین مولکول‌های هوا در شرایط معمولی  $35\text{\AA}$  است.

گازها حجم و شکل مشخصی ندارند و تراکم‌پذیرند.

پخش: مولکول‌های گاز دارای حرکت کاتوره‌ای هستند که سبب پدیده پخش می‌شود.

سرعت پدیده پخش در گازها بیشتر از سرعت پدیده پخش در مایع‌هاست.



پلازما

حالت چهارم ماده، پلازما نامیده می‌شود.

پلازما اغلب در دماهای خیلی بالا به وجود می‌آید.

ماده درون ستارگان، بیشتر فضای بین ستاره‌ای، آذرخش، شفق‌های قطبی، آتش و ماده درون لوله تابان لامپ مهتابی نمونه‌هایی از پلازما است.

الگو یادآوری

۲

نیروهای بین مولکولی

هم‌چسبی

نیروی بین‌مولکول‌های همسان که سبب پیوستگی جامد یا مایع می‌شود را نیروی هم‌چسبی گویند. با کاهش فاصله بین‌مولکولی، نیروی رانشی بزرگی ایجاد می‌شود که سبب تراکم ناپذیری مایع می‌شود. با افزایش فاصله بین‌مولکولی نیروی جاذبه (ربایش) بین مولکول‌ها ظاهر می‌شود. این نیرو سبب می‌گردد آب به صورت قطره درآید. این نیرو کوتاه‌برد است. برای اتصال قطعه‌های یک شیشه شکسته آن‌ها را گرم می‌کنیم تا نرم شده و مولکول‌ها به‌هم نزدیک شوند و نیروی بین مولکولی که کوتاه‌برد است سبب چسبیدن قطعات شیشه شود.



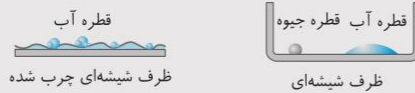
گرما سبب کاهش نیروی هم‌چسبی می‌شود.

کشش سطحی

کشش سطحی ناشی از هم‌چسبی مولکول‌های سطح مایع است. نیروی ربایشی بین مولکولی سبب می‌گردد سطح مایع شبیه پوسته تحت کشش رفتار کند. علت فرو نرفتن سوزن فولادی در آب و حرکت حشرات روی سطح آب کشش سطحی است. هنگام سقوط آب، کشش سطحی و تمایل به کمینه شدن، سطح آب را به صورت قطره در می‌آورد.

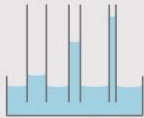
دگرچسبی

نیروی جاذبه بین مولکول‌های نامشابه (مانند آب و شیشه) ترشوندگی ← نیروی دگرچسبی بین مایع و جامد از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع بیشتر است. آب خاصیت ترشوندگی دارد، جیوه خاصیت ترشوندگی ندارد.



مویبندی

عامل ایجاد مویبندی تفاوت در نیروی هم‌چسبی مایع و دگرچسبی بین مایع و لوله مویین است. عوامل مؤثر در مویبندی، قطر لوله، نوع مایع و جنس لوله است. بالا و پایین رفتن لوله مویین در درون مایع تأثیری در ارتفاع مایع درون لوله ندارد. اگر قطر لوله افزایش یابد سطح مایع درون لوله به سطح مایع درون ظرف نزدیک می‌شود. در شکل‌های زیر نحوه قرار گرفتن مایع در لوله مویین نشان داده شده





الگو یادآوری

تعریف: بزرگی نیروی عمودی وارد بر یکای سطح  $P = \frac{F}{A}$  « کمیت زرده‌ای » یکای آن  $\text{Pa} = \text{N}/\text{m}^2$  پاسکال

۳

فشار جامدات

نیروی عمودی همان نیروی عمودی تکیه‌گاه « نمونه

در جامدهای همگن و توپر مانند استوانه قائم، مکعب و مکعب مستطیل  $P = \rho gh$  چگالی  $\rho$  ارتفاع  $h$

فشار

فشار مایع

فشار مایع به عمق و چگالی مایع بستگی دارد.

فشار حاصل از مایع در عمق  $h$   $P = \rho gh$  فشار یا فشار کل در عمق  $h$   $P_{\text{کل}} = \rho gh + P_0$

در مایع ساکن فشار در نقاط هم‌عمق برابر است.  $P_A = P_B = P_C$  و سطح آزاد مایع همواره افقی است.

ظروف مرتبط « یکسان بودن سطح آزاد مایع در همه طرف‌ها

در هر نقطه درون مایع ساکن فشار در تمام راستاها یکسان وارد می‌شود « در غیر این صورت حرکت از فشار بیشتر به فشار کمتر رخ می‌دهد.

نیروی وارد بر یک سطح از طرف شاره:  $F = PA$  ,  $P = \frac{F}{A}$

نیروی وارد بر سطح  $F = (P_0 + \rho gh)$  نیروی ناشی از مایع  $F = \rho gh A$

اختلاف فشار بین دو نقطه از مایع:

فشار حاصل از چند مایع:

در ظرف‌هایی که سطح مقطع آن‌ها تغییر نمی‌کند، فشار حاصل از مایع را به صورت زیر حساب می‌کنیم:

فشار شاره‌ها

الگو یادآوری

۴

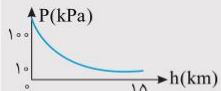
فشار گازها

فشارشمارها

فشار هوا

هوا دارای فشار است. مقدار این فشار در سطح دریای آزاد برابر:  $P_0 = 1 \text{ atm}$

با دور شدن از سطح زمین چگالی و فشار هوا مطابق نمودار شکل روبه‌رو کاهش می‌یابد.



اختلاف فشار هوا در دو نقطه در نزدیکی سطح زمین  $\Delta P = \rho_{\text{هوای چگالی}} g \Delta h$  نقطه بالایی - نقطه پایینی

فشار هوا تقریباً معادل فشار ستون ۱۰ متری آب است.

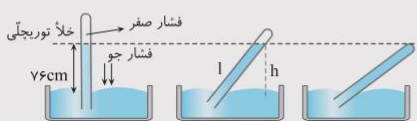
یکای دیگر فشار بار (bar) است. یکای اتمسفر کمی از یکای بار بزرگ‌تر است.

تبدیل یکاهای فشار  $\text{atm} \xrightarrow{\times 10^5} \text{Pa}$  و  $\text{bar} \xrightarrow{\times 10^5} \text{Pa}$

تا ارتفاع ۲۰۰۰ متری سطح زمین به ازای هر ۱۰m بالا رفتن فشار هوا ۱ mmHg کاهش می‌یابد.

فشارسنج هوا (بارومتر)

آزمایش توریچلی

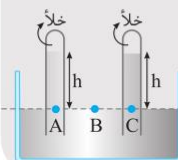


$1 \text{ atm} = 1 \text{ جو} = 76 \text{ cmHg} = 760 \text{ mmHg} = 1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$

$1 \text{ mmHg} = 1 \text{ torr}$

ارتفاع قائم ستون جیوه بستگی به شکل و سطح لوله ندارد.

خلأ توریچلی: یک خلأ نسبی است. زیرا در اثر تبخیر سطحی جیوه، فشار بسیار اندکی از بخار جیوه ایجاد می‌شود.



$P_A = P_B = P_C = P_0$

فشار گاز درون یک محفظه با پیستون متحرک بدون اصطکاک



$P_{\text{گاز}} = P_0 + \frac{W}{A}$



تبدیل فشار بر حسب Pa به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1360} \text{Pa}$  به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1360} \text{Pa}$  تبدیل فشار بر حسب Pa به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1360} \text{Pa}$

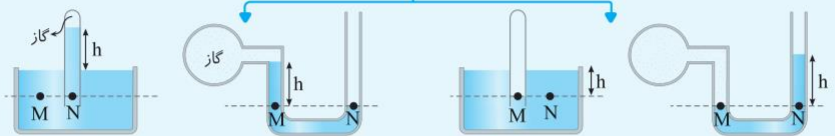
تبدیل فشار بر حسب Pa به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1350} \text{Pa}$  به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1350} \text{Pa}$  تبدیل فشار بر حسب Pa به فشار بر حسب cmHg  $\leftarrow \text{cmHg} \xrightarrow{1350} \text{Pa}$

۱ mmHg را یک تور (Torr) می‌نامند.

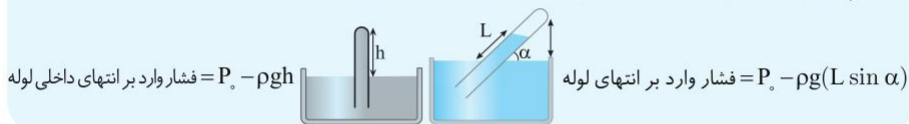
فشارسنج شارپه‌ها (مانومتر)

فشار پیمانه‌ای (سنجه‌ای): اختلاف فشار گاز با فشار هوا  $\leftarrow P_g = P - P_0$   
 فشار پیمانه‌ای مثبت  $\leftarrow P > P_0$   
 فشار پیمانه‌ای منفی  $\leftarrow P < P_0$

فشار گازهای محبوس



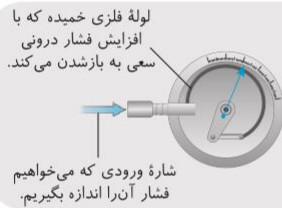
$P_M = P_N \Rightarrow P_{\text{گاز}} = P_0 - \rho gh$ ,  $P_{\text{گاز}} - P_0 = P_{\text{پیمانه‌ای}} = -\rho gh$   $P_M = P_N \Rightarrow P_{\text{گاز}} = P_0 + \rho gh$ ,  $P_{\text{گاز}} - P_0 = P_{\text{پیمانه‌ای}} = \rho gh$



فشار وارد بر انتهای داخلی لوله  $= P_0 - \rho gh$  فشار وارد بر انتهای لوله  $= P_0 - \rho g(L \sin \alpha)$

فشارسنج بوردون

دارای یک لوله خمیده یک سر بسته و قابل انعطاف است. تغییر فشار پیمانه‌ای شارپه درون لوله سبب تغییر شکل لوله و حرکت عقربه می‌شود. برای اندازه‌گیری فشار در مخزن گازها و اندازه‌گیری فشار باد لاستیک خودروها به کار می‌رود.



لوله فلزی خمیده که با افزایش فشار درونی سعی به باز شدن می‌کند. شارپه ورودی که می‌خواهیم فشار آن را اندازه بگیریم.

لوله‌های U شکل

ابتدا با رسم یک خط افقی از محل مرز مشترک دو مایع سطح هم‌تراز را مشخص می‌کنیم.

در سطح هم‌تراز فشار دو مایع برابر است.

$\rho_1 > \rho_2 \leftarrow h_1 < h_2 \leftarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \leftarrow \rho_1 g h_1 = \rho_2 g h_2 \leftarrow P_1 = P_2$

فشار در نقاط پایین‌تر از خط تراز یکسان است:  $P_M = P_N$

فشار در نقاط بالاتر سطح هم‌تراز باهم برابر نیست.

هنگامی دو مایع در لوله باشد. برای نقاطی مانند A و B که در یک خط افقی اما در دو مایع اند، می‌توان ثابت کرد فشار در نقطه‌ای بیشتر است که مایع بالای آن بیشتر است:  $P_A < P_B$

$P_C - P_A > P_D - P_B$

اضافه کردن مایع با چگالی متفاوت به لوله U شکل در حال تعادل

سطح هم‌تراز اول  $\leftarrow$  سطح هم‌تراز دوم

حالت اول  $\leftarrow$  حالت دوم

$\frac{x_2}{x_1} = \frac{A_1}{A_2} \leftarrow x_1 A_1 = x_2 A_2 \leftarrow \Delta V_1 = \Delta V_2$

فشار

الگوی یادآوری

فشار

مقایسه نیروی وزن مایع (W) با نیرویی که مایع بر کف ظرف (F) وارد می‌کند و همچنین نیرویی که ظرف به تکیه‌گاه ( $F_N$ ) وارد می‌کند. (جرم ظرف ناچیز)

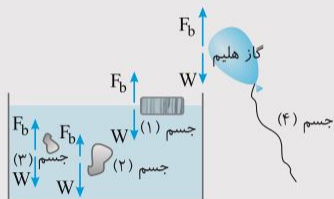
نوع ظرف			
فشار وارد بر کف	$P = \rho gh = \frac{mg}{A}$	$P = \rho gh$	$P = \rho gh$
نیروی وارد بر کف	$F = mg$	$F < mg$	$F > mg$
نیروی وارد بر سطح (تکیه‌گاه)	$F_N = mg$	$F_N = mg$	$F_N = mg$
فشار وارد بر تکیه‌گاه	$P' = \frac{mg}{A}$	$P' = \frac{mg}{A}$	$P' = \frac{mg}{A}$



وقتی تمام یا قسمتی از یک جسم در شاره‌ای فرو رود، شاره نیرویی بالاسو بر آن وارد می‌کند به این نیرو، نیروی شناوری گویند.

علت وجود نیروی شناوری تفاوت نیروی وارد بر سطح بالایی و سطح پایینی جسم در اثر اختلاف فشار است.

بررسی نحوه قرارگیری جسمی درون شاره (چگالی جسم  $\rho$ ، چگالی شاره  $\rho_L$ ):



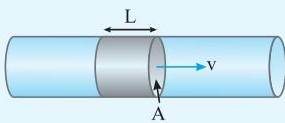
- جسم (۱)  $\rho < \rho_L$  و  $F_b = W$  شناوری
- جسم (۲)  $\rho > \rho_L$  و  $W > F_b$  جسم در حال فرورفتن
- جسم (۳)  $\rho = \rho_L$  و  $W = F_b$  جسم غوطه‌ور
- جسم (۴)  $\rho < \rho_{\text{هوای}}$  و  $W < F_b$  جسم در حال بالا رفتن

ارشمیدس

شناوری و برنولی

در بررسی حرکت شاره از مدل آرمانی و ساده شده شاره بدون تلاطم، تراکم‌ناپذیر و بدون اصطکاک داخلی (گران‌زوی) استفاده می‌کنیم.

با کاهش سطح مقطع، جریان آب تندتر می‌شود.



اصل برنولی

در مسیر حرکت شاره، با افزایش تندی شاره، فشار کاهش می‌یابد.

حجم شاره جابه‌جا شده  $\Delta V = A \Delta x = A v \Delta t$

آهنگ شارش شاره  $\frac{\Delta V}{\Delta t} = A v$

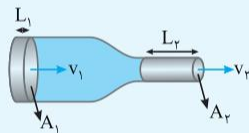
تندی شاره  $\rightarrow$   $\Delta x$  /  $\Delta t$

بازه زمانی  $\rightarrow$   $\Delta t$

سطح مقطع  $\rightarrow$   $A$

آهنگ شارش

نسبت حجم شارش شده به زمان شارش



معادله پیوستگی  $A_1 v_1 = A_2 v_2$

برنولی





“تنها راه انجام دادن کارهای عظیم، دوست داشتن کاری است که می کنید. اگر تا الان آنرا پیدا نکردید، به گشتنتان ادامه دهید و تا زمانی که آنرا پیدا نکردید، متوقف نشوید.”

استیو جابز



## چی مرور کنیم!؟

در فصل: آخر فصل:	شماره تمرین های مهم کتاب درسی
	شماره سوالات جزوه برای مرور
	شماره سوالات مجموعه تست برای مرور
	شماره سوالات کتاب برای مرور



Physics\_Agheli

کارشناس ارشد مهندسی مکانیک

استعداد درخشان کارشناسی ارشد

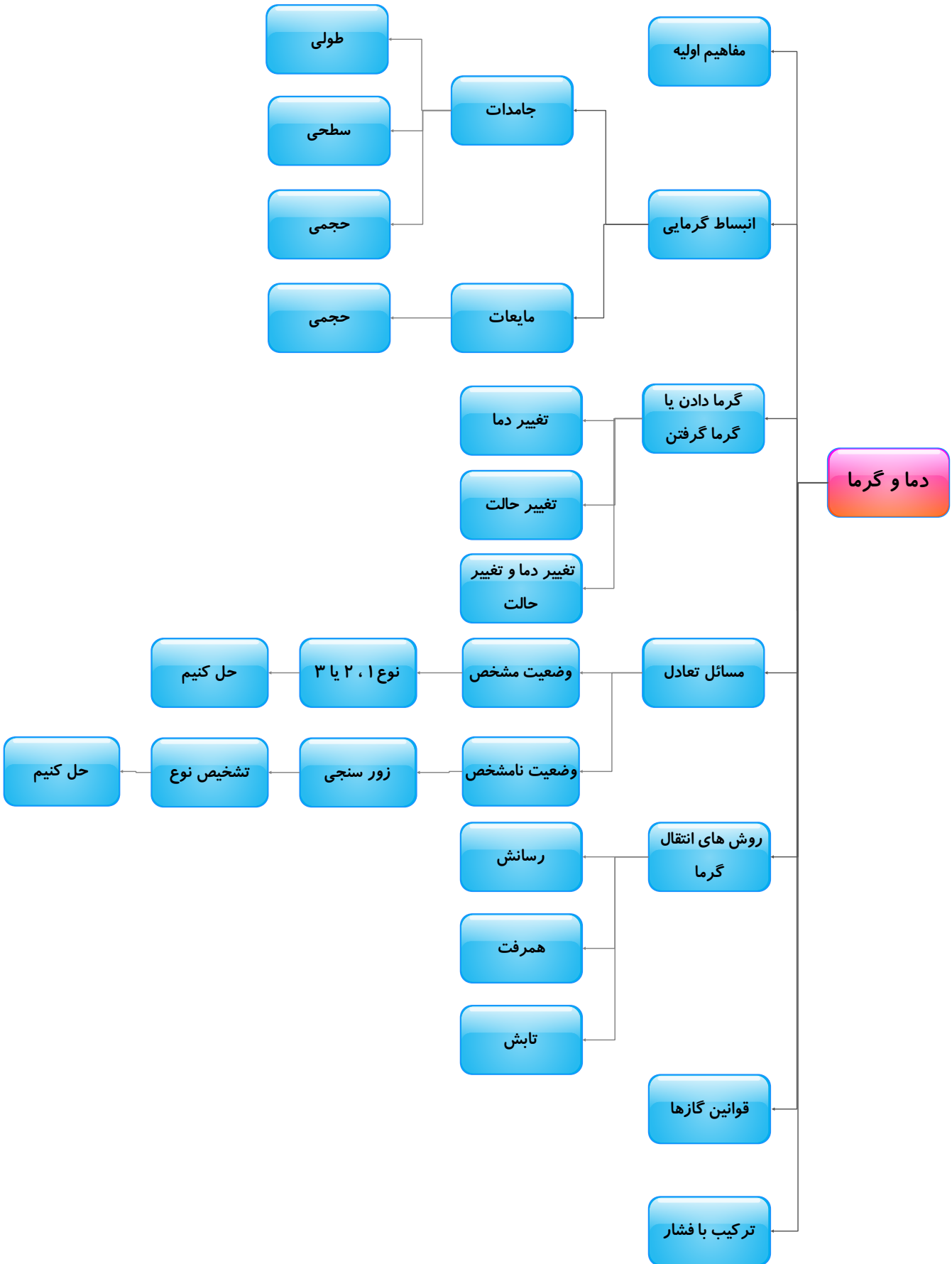
عضو بنیاد ملی نخبگان

طراح قلم چی

مدرس رتبه های برتر سخت ترین کنکور قرن (۱۱۴، ۱۱۳، ۱۳۷، ۷۶۴ و ...)

# دما و گرما

نمودار شماتیک:



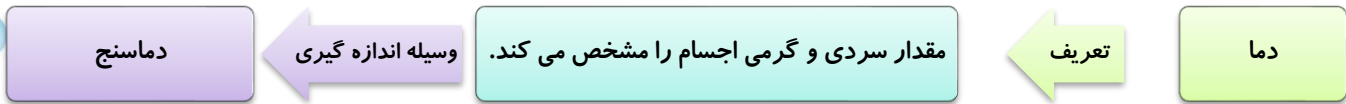
## دما و گرما

(معمولاً ۳ تست تهرپی و ۴ تست در ریاضی)

این فصل با گرما و ترمودینامیک (بچه های ریاضی) و همچنین فشار هر دو رشته ترکیب می شود.

### ۴-۱ دما و مقیاس های آن

دانشمندان برای اندازه گیری سردی و گرمی اجسام از کمیتی به اسم **دما** تعریف کرده اند.



#### ۴-۱-۱ تعبیر مولکولی دما با استفاده از تعریف انرژی درونی

- ✓ هر جسم از ذره های بیشماری (اتم یا مولکول) ساخته شده و هر ذره مقداری انرژی دارد.
- ✓ بخشی از انرژی این ذره به خاطر **جرم و سرعت حرکت** (انرژی جنبشی) و بخش دیگری به صورت **انرژی ذخیره شده** در آن (پتانسیل) است.
- ✓ از این تعریف میتوان نتیجه گرفت هر چه ذرات سازنده جسم (جرم) بیشتر و انرژی هر ذره زیادتر باشد انرژی درونی آن جسم هم بیشتر است و هر چه انرژی جنبشی ذرات یک ماده بیشتر باشد دمای آن نیز بیشتر است.
- ✓ در واقع دمای هر جسم متناسب است با میانگین انرژی جنبشی ذرات سازنده آن.

نکته ۱: جرم آب دریاچه به مراتب بیشتر از جرم یک لیوان چای است. به همین دلیل انرژی درونی آب دریاچه از انرژی درونی لیوان چای بیشتر است.

نکته ۲: انرژی درونی به دمای جسم

تعداد ذره های تشکیل دهنده آن (جرم جسم) بستگی دارد.

تست ۱:

در شکل روبه رو دو ظرف A و B پر از آب  $20^{\circ}C$  هستند. کدام کمیت در مورد آب درون هر دو ظرف یکسان است؟

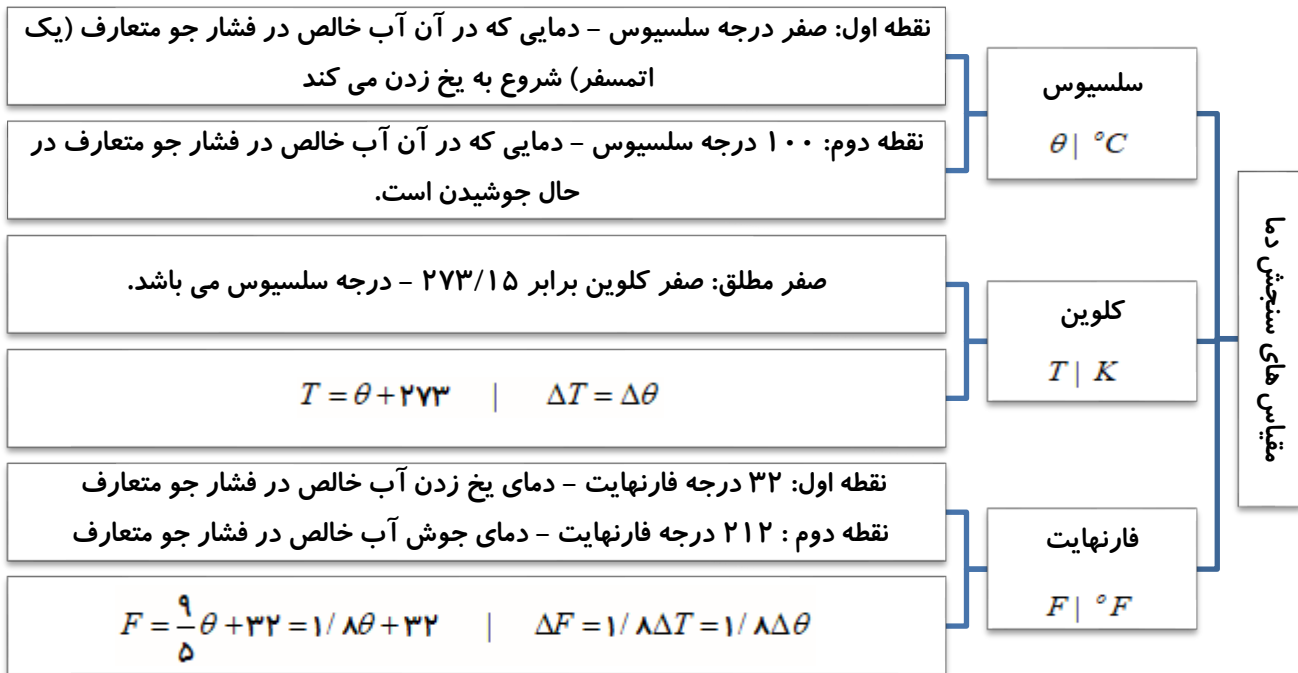
سراسری - ۱۳۸۹

۱ انرژی درونی  
۲ ظرفیت گرمایی  
۳ نیروی وارد شده به کف ظرفها  
۴ انرژی جنبشی متوسط مولکولها

پاسخ: گزینه ۴ انرژی جنبشی متوسط مولکولهای یک مایع فقط به دمای مایع بستگی دارد.

برای اندازه گیری دما به دوچیز نیاز داریم: (۱) کمیت دماسنجی (۲) مقیاس های دماسنجی

کمیت دماسنجی	برای اینکه دمای یک جسم را برحسب عدد بیان کنیم نیاز به یک خاصیت یابویژگی داریم که هم با تغییر دما تغییر کند و هم قابل اندازه گیری باشد. برای مثال تغییر ارتفاع مایع در یک کتری در حال جوش! به این خاصیت، یعنی هر مشخصه قابل اندازه گیری که با تغییر دما تغییر کند کمیت دماسنجی میگوییم.
مقیاس های دماسنجی	وسیله ای که در آن با تغییر کردن کمیت دماسنجی میتوانیم تغییرات دما را اندازه بگیریم دماسنج است. بنابراین اساس کار دماسنج ها تغییر کمیت دماسنجی است.



تست ۲:

سراسری- ۱۳۹۸

دمای ۱۲۲ درجه فارنهایت معادل با چند درجه سلسیوس و چند کلوین است؟

۳۳۲ و ۵۹

۳۳۲ و ۵۹

۳۲۳ و ۵۰

۳۳۲ و ۵۰

۴-۱-۳ یافتن رابطه مقیاس دمایی نامعلوم با استفاده از مقیاس درجه سلسیوس (یا دیگر مقیاس ها)

برای یافتن رابطه مقیاس دمایی خاصی مثل X کفایت از تناسب های زیر استفاده کرد: (رابطه حفظ نکن، فقط شبیه هم بنویس)

$$\frac{\theta_2}{x} \Big| \frac{\theta_1}{\theta_1} \quad \frac{\theta_2}{x} \Big| \frac{\theta_1}{\theta_1}$$

$$\frac{\theta_2 - x}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{\theta_2' - x'}{\theta_2' - \theta_1'}$$

$$\frac{\theta_2 - x}{x - \theta_1} = \frac{\theta_2' - x'}{x' - \theta_1'}$$

$\theta_2$ : دمای نقطه ۱ در مقیاس معلوم |  $\theta_2'$ : دمای نقطه ۲ در مقیاس معلوم | X درجه بندی معلوم  
 $\theta_1$ : دمای نقطه ۱ در مقیاس مجهول |  $\theta_1'$ : دمای نقطه ۲ در مقیاس مجهول | X' درجه بندی مجهول

مثال : رابطه درجه فارنهایت را اثبات کنید:

$$\frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{\Delta F_1}{\Delta F_2} \Rightarrow \frac{\theta - 0}{100 - 0} = \frac{F - 32}{212 - 32} \Rightarrow F = \frac{9}{5} \theta + 32$$

	°F	°C	K
Boiling point of water	212	100	373
Freezing point of water	32	0	273
Freezing point of dry ice (CO <sub>2</sub> )	-109	-78	195
Boiling point of nitrogen	-321	-196	77
Absolute zero	-460	-273	0

تست ۳:

دماسنجی ساخته‌ایم که در فشار یک اتمسفر، دمای آب خالص  $20^{\circ}\text{C}$  را  $40$  و دمای آب خالص در حال جوش را  $160$  نشان می‌دهد. در کدام دما برحسب درجه سلسیوس، عدد این دماسنج با عدد دماسنج سلسیوس یکسان است؟  
قلم چی - ۱۳۹۷

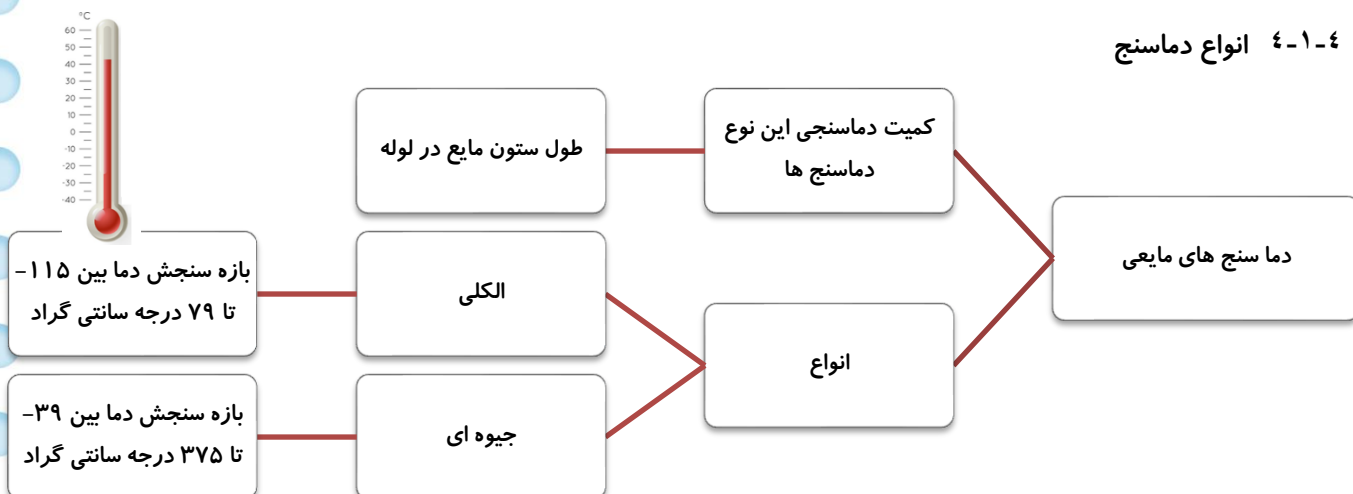
۴۰

۳۰

-۴۰

-۲۰

#### ۴-۱-۴ انواع دماسنج



لأنکته ۳:

- برای اندازه گیری دمای جسم به کمک این نوع دماسنج لازم است که جسم مورد نظر در تماس کامل با مخزن دماسنج باشد.
- این دماسنج دقت خیلی زیادی ندارد و برای اندازه گیری های معمولی دما از آن استفاده میشود.
- دقت و حساسیت دماسنج های مایعی به چند عامل بستگی دارد: (۱) قطر لوله (۲) ضخامت لوله (۳) حجم مایع و مخزن هر چه قطر لوله باریکتر، ضخامت شیشه دیواره دماسنج نازک تر و حجم مخزن مایع بزرگتر باشد دماسنج دقیق تر و حساس تر است.
- کمیت دماسنجی، ارتفاع مایع درون لوله دماسنج است؛ زیرا به جز چند مورد استثنا تمام مواد با افزایش دما، منبسط و با کاهش آن منقبض می‌شوند.

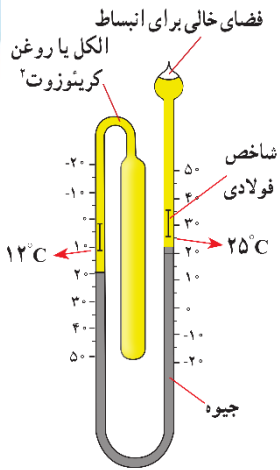


این دماسنج‌ها تازمانی کار میکنند که مایع درون آن‌ها منجمد یا تبخیر نشود. مثلاً با دماسنج الکلی نمی‌توانیم دمای آب جوش را اندازه بگیریم. چون نقطه جوش الکل  $79^{\circ}\text{C}$  است و در دمای  $100^{\circ}\text{C}$  تبخیر می‌شود.

#### ۴-۱-۵ دماسنج بیشینه-کمینه

این دماسنج نوع خاصی از دماسنج‌های مایعی است که بیشینه و کمینه‌ی دما را در مدت زمان معینی نشان میدهد. این دماسنج را در مراکز پرورش گل و گیاه، باغداری و هواشناسی و... استفاده میکنند.

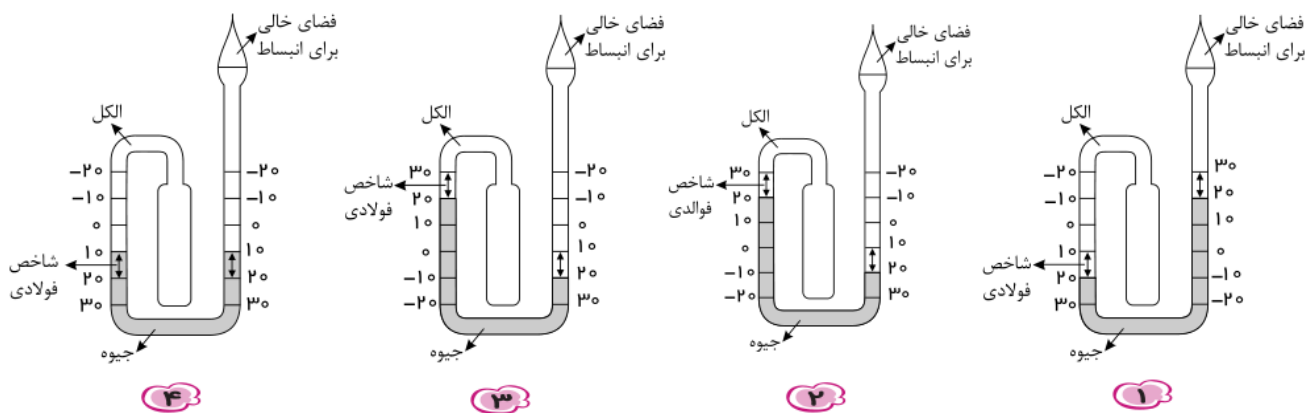
اعداد در شاخه سمت راست از پایین به بالا زیاد و در شاخه چپ از پایین به بالا کم میشن!



#### تست ۴: آموزشی

در کدام یک از شکل‌های زیر، درجه‌بندی دو طرف دماسنج بیشینه-کمینه به درستی نمایش داده شده است؟

گزینه ۲-۱۳۹۷

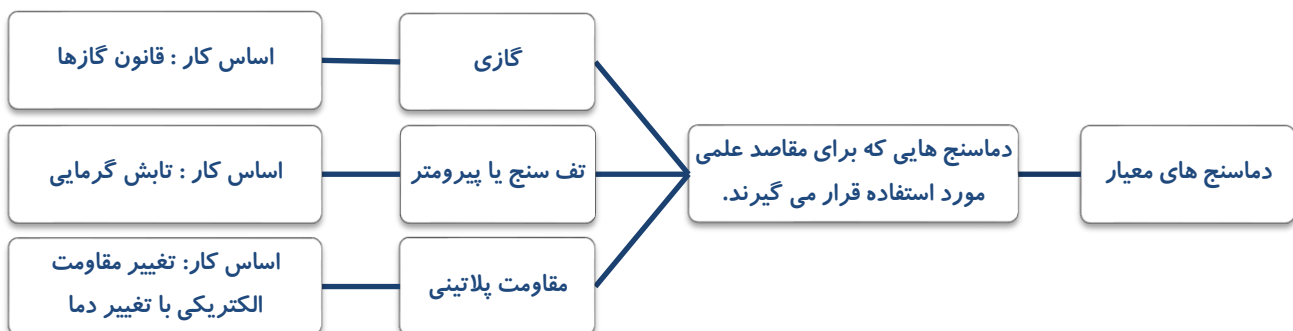


**گزینه ۱** هنگامی که دما بالا رود، الکل موجود در مخزن وسطی و لوله سمت چپ دماسنج انبساط یافته و جیوه در لوله سمت راست به بالا رانده می‌شود و شاخص فولادی لوله سمت راست را با خود بالا می‌برد، بنابراین در لوله سمت راست اعداد از پایین به بالا باید زیاد شوند. به طور مشابه، با کاهش دما، الکل منقبض شده و جیوه از طرف چپ بالا می‌رود و شاخص فولادی سمت چپ را بالا می‌برد، بنابراین در لوله سمت چپ اعداد از پایین به بالا کم شوند. (شاخص‌های فولادی در هر شاخه به فنرهای ریزی متصل هستند. زمانی که سطح جیوه در آن شاخه بالا رود، آن‌ها نیز به سمت بالا برده می‌شوند، اما با پایین آمدن سطح جیوه، توسط فنرها نگه داشته شده و حرکت نمی‌کنند؛ در نتیجه شاخص سمت راست در مقابل دمای بیشینه و شاخص سمت چپ در مقابل دمای کمینه قرار می‌گیرد.)

#### ۴-۱-۶ دماسنج تابشی

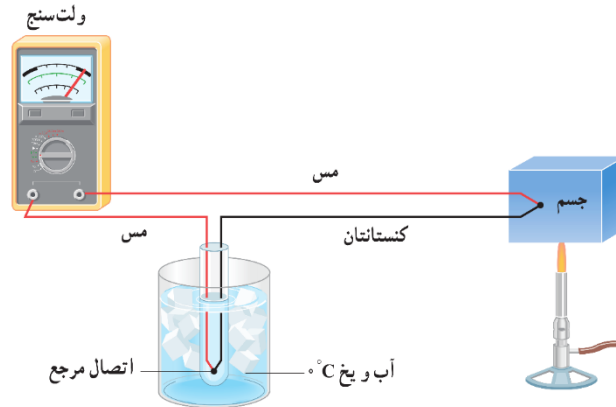
این دماسنج براساس آشکارسازی تابش گرمایی خروجی از پوست انسان کار می‌کند. (همینا که توی ایام کرونا جلوبون می‌گیرن)

#### ۴-۱-۷ دماسنج‌های معیار



## ۸-۱-۴ ترموکوپل (به دلیل دقت کمتر ، از معیار ها گذاشتنش کنار ⊗)

تعریف: یک مدار الکتریکی است که ولتاژ آن با کم یا زیاد شدن دما تغییر میکند. یک ولت سنج حساس این تغییر ولتاژ را به صورت تغییر دما نشان میدهد پس میتوان گفت که کمیت دماسنجی ترموکوپل ولتاژ یا همان اختلاف پتانسیل است.



طرز کار: به کمک دو سیم رسانای غیرهم جنس (مثلاً مس و کنستانتان) و یک ولت سنج مداری می بندیم. یک طرف این دو سیم به دمای مرجع وصل است برای همین اسم این اتصال را **اتصال مرجع** می نامیم. دمای اتصال مرجع، **دمای مخلوط آب و یخ °C** است. در طرف دیگر دو سیم در نقطه ای که می خواهیم دمای آن را بدانیم به هم متصل شده اند به این نقطه **اتصال آزمون** می گویند. حال به خاطر اختلاف دمای **اتصال آزمون** و **اتصال مرجع** بین این دو اتصال اختلاف پتانسیل الکتریکی ایجاد می شود. با افزایش دمای اتصال آزمون ولتاژ دو سر مدار هم تغییر می کند. با چند بار آزمایش می فهمیم که هر دمایی یک ولتاژ مخصوص به خود را نشان می دهد. حالا اگر این ولت سنج را بر حسب دما درجه بندی کنیم میتوانیم دمای جسم را اندازه بگیریم.

گستره دماسنجی این نوع دماسنج ها به جنس سیم های استفاده شده در آن بستگی دارد.

مثلاً در یک نوع که با آلیاژ آلومل و کرومل: از ۲۷۰ - تا ۱۳۷۲ درجه سانتی گراد

به دلیل جرم کوچک سیم ها در محل اتصال، سرعت اندازه گیری بالایی دارد.

در مدارهای الکترونیکی قابل استفاده است.

کمیت دماسنجی: ولتاژ

دماسنج ترموکوپل

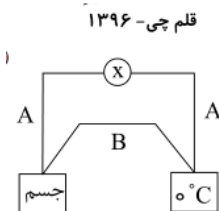


انواع دماسنج	کمیت دماسنجی	اساس کار	کاربرد	توضیحات تکمیلی
مایعی - جیوه ای	طول ستون مایع در لوله	انبساط مایعات	دماسنج آزمایشگاه و پزشکی	بازه سنجش دما بین ۳۹- تا ۳۷۵ درجه سانتی گراد (تکمیلی دارد)
مایعی - الکلی	طول ستون مایع در لوله	انبساط مایعات	دماسنج آزمایشگاه	بازه سنجش دما بین ۱۱۵- تا ۷۹ درجه سانتی گراد (تکمیلی دارد)
دماسنج مایعی بیشینه - کمینه	طول ستون مایع در لوله	بر اساس بیشترین و کمترین دما در یک مدت معین و طبق انبساط مایعات کار می کند	در مراکز پرورش گل و گیاه، باغداری و هواشناسی	اعداد در شاخه سمت راست از پایین به بالا زیاد و در شاخه چپ از پایین به بالا کم میشن! (تکمیلی دارد)
تابشی (تف سنج یا پیرومتر)	شدت تابش گرمایی	بر اساس آشکارسازی تابش گرمایی خروجی از پوست انسان کار می کند. (تابش گرمایی)	در پزشکی : تعیین تب مقاصد علمی	معیار است
گازی	فشار گاز	قانون گازها	مقاصد علمی	معیار است
مقاومت پلاتینی	ولتاژ دو سر مقاومت	تغییر مقاومت الکتریکی با تغییر دما	مقاصد علمی	معیار است
ترموکوپل	ولتاژ یا اختلاف پتانسیل	یک مدار الکتریکی است که ولتاژ آن با کم یا زیاد شدن دما تغییر میکند.	مدارهای الکترونیکی	از معیارها گذاشتن کنار گستره دماسنجی این نوع دماسنج ها به جنس سیم های استفاده شده در آن بستگی دارد. (تکمیلی دارد)
نواری دو فلزه و ترموستات	تغییر طول فلز	اختلاف انبساط طولی فلزات	تنظیم و کنترل دما در دستگاه های صنعتی	(تکمیلی دارد)



تست ۵:

شکل زیر، یک دستگاه ترموکوپل را نشان می دهد. دو سیم A و B بوده و دستگاه X ..... می باشد.



- ۲) غیرهم جنس - ولت سنج
- ۴) غیرهم جنس - آمپرسنج

- ۱) هم جنس - ولت سنج
- ۳) هم جنس - آمپرسنج

گزینه ۲ ترموکوپل از دو سیم غیرهم جنس مانند مس و کنستانتان که از یک طرف در دمای ذوب یخ نگه داشته شده و از طرف دیگر در مکانی به هم متصل اند که می خواهیم دمای آن را به دست آوریم، تشکیل شده است. کمیت دماسنجی ترموکوپل ولتاژ است، پس می توان نتیجه گرفت دستگاه X، ولت سنج است.

اگر در یک ظرف شیشه‌ای محکم باشد، معمولاً برای باز کردن در ظرف روی آن آب داغ می‌ریزیم. وقتی دو لیوان شیشه‌ای درهم، گیر کرده باشند، با ریختن آب سرد در لیوان داخلی و گذاشتن لیوان بیرونی در آب گرم، می‌توانیم دو لیوان را از هم جدا کنیم.

وقتی دندانپزشک سوراخ دندانی را پر می‌کند، باید ماده پرکننده دندان همان مشخصه‌های انبساط گرمایی دندان را داشته باشد، زیرا در غیر این صورت، خوردن یک بستنی سرد و در پی آن نوشیدن چای داغ، بسیار دردناک خواهد بود و ممکن است سبب شکستن دندان نیز بشود.

پرسش کتاب درسی:

الف) چرا بهتر است قفل و کلید یک در، هم جنس باشند؟

در این صورت انبساط و انقباض گرمایی هر دو به یک گونه خواهد بود و بنابراین تغییرات دمایی تأثیری بر جا گرفتن درست کلید در قفل نخواهد گذاشت.

ب) چرا در برخی از فصل‌های سال، بعضی از درها در چارچوب خود گیر می‌کنند؟

به دلیل انبساط‌های گرمایی متفاوت در و چارچوب، تغییرات ابعاد آنها یکسان نخواهد بود. البته اگر در و چارچوب هم جنس باشند نیز به دلیل اینکه چارچوب در میان مصالحی نصب شده است که جهت افزایش طول آنها برخلاف جهت افزایش طول چارچوب است، این اتفاق می‌تواند رخ دهد.

بیشتر اجسام با افزایش دما حجمشان زیاد و با کاهش دما حجمشان کم می‌شود. همان طور که دیدیم این پدیده اساس ساخت بعضی از دماسنج‌هاست. بی توجهی به پدیده انبساط در ساختن پل‌ها، ساختمان‌ها، خط آهن‌ها، خطوط انتقال نیرو، خطوط انتقال سوخت و ... می‌تواند مشکل‌هایی را ایجاد کند.

بیشتر اجسام با **افزایش دما منبسط** میشوند، یعنی **حجم و ابعادشان زیاد** میشود که به این پدیده **انبساط گرمایی** می‌گویند. توجه انبساط گرمایی، مبتنی بر دیدگاه **میکروسکوپی** است. انبساط گرمایی یک جسم پیامد تغییر فاصله بین اتم‌ها یا مولکول‌های تشکیل دهنده آن است. ✓ اتم‌های جامد مثل فنر به هم نیرو وارد می‌کنند برای همین اتم‌ها در اطراف مکان‌های تعادل خود بادامه کم نوسان می‌کنند. با بالا رفتن دما انرژی جنبشی و دامنه نوسان این اتم‌ها افزایش می‌یابد و باعث می‌شود که فاصله متوسط بین این اتم‌ها زیاد شود. نتیجه این اتفاق انبساط گرمایی است.

✓ در مایع‌ها هم با افزایش دما حرکت کاتوره‌ای اتم‌ها و مولکول‌ها بیشتر میشود. این زیاد شدن حرکت باعث دور شدن اتم‌ها و مولکول‌ها از هم میشود و در نتیجه حجم مایع افزایش می‌یابد.

چند نکته :

۱) در انبساط یک جسم فاصله بین تمام نقاط آن افزایش می‌یابد. یعنی هر دو نقطه دلخواهی که در یک جسم در نظر بگیرید فاصله بینشان بعد از افزایش دما زیاد می‌شود.

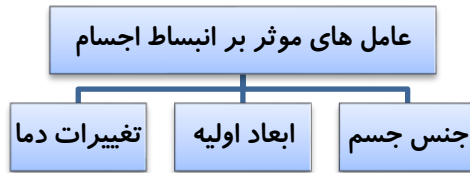
۲) با افزایش دما تمام ابعاد جسم به یک نسبت افزایش می‌یابد یعنی جسم، هر شکلی که باشد بعد از افزایش دما مشابه شکل اولیه خودش خواهد بود. مثلاً در انبساط گرمایی یک قطعه فلز مربعی شکل اگر یک ضلع مربع ۲ برابر شود تمام اضلاع دیگر مربع، ارتفاع، قطر حفره درون مربع، محیط و به طور کلی فاصله هر دو نقطه دلخواه مشخص نیز ۲ برابر میشود.

۳) مواد مختلف نسبت به تغییر دمای یکسان به یک نسبت منبسط نمیشوند یعنی انبساط گرمایی مواد مختلف باهم فرق دارند. برای همین دندان پزشکان برای پر کردن دندان از ماده‌ای استفاده میکنند که مشخصه‌های انبساط گرمایی دندان را داشته باشد.

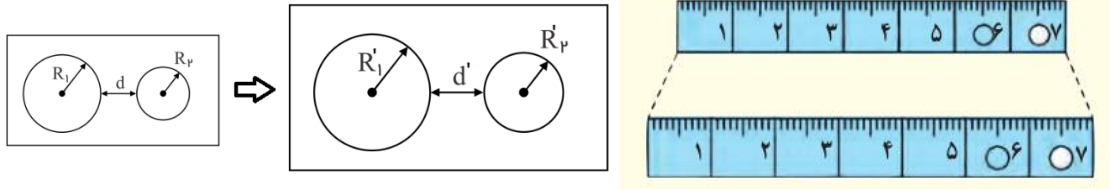
۴) انبساط هم مانند سایر پدیده‌های فیزیکی مزایا و معایب خودش را دارد.

**مزایا:** انبساط مبنای عملکرد وسیله‌هایی مثل دماسنج‌ها و ترموستات‌ها است.

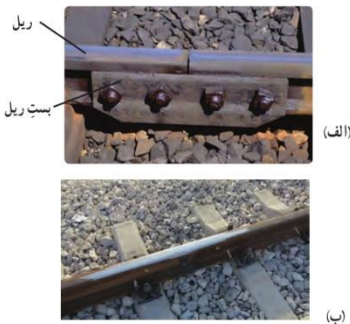
**معایب:** انبساط در ساخت پل‌ها، ساختمان‌ها، خط آهن‌ها و خطوط انتقال نیرو و سوخت مشکل ایجاد می‌کند.



نکته ۵: همه به یک نسبت بزرگ می شوند.



فعالیت ۳-۴:



۱) شکل (الف) تصویری واقعی از دو قسمت متوالی خط آهن (ریل راه آهن) های قدیمی را در گذشته نشان می دهد. اگر فاصله خالی بین این دو قسمت به حد کافی زیاد نمی بود، چه مشکلی پیش می آمد؟

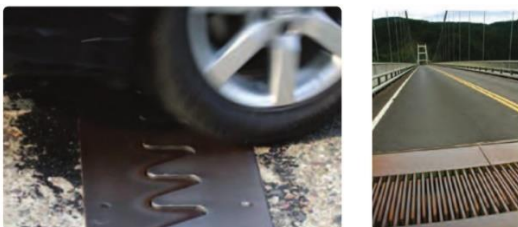
در هر دو شکل، فاصله یا «شکاف هایی انبساطی» برای انبساط تعبیه شده است تا دو بخش خط آهن در روزهای گرم فضایی برای انبساط داشته باشند. عکس جالبی در اینترنت از خطوط ریل قدیمی وجود دارد که به دلیل عدم تعبیه چنین فاصله هایی خطوط کج و معوج شده اند.

۲) امروزه بین قسمت های متوالی خط آهن فاصل های در نظر گرفته نمی شود و این قسمت ها پشت

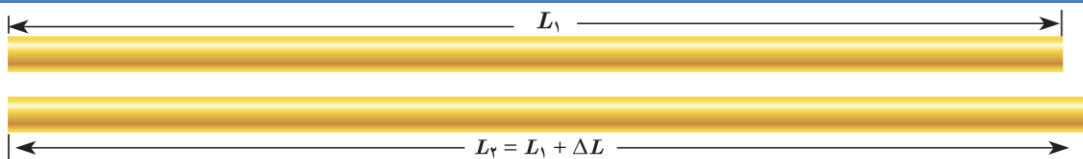
سرهم جوشکاری می شوند (شکل ب). تحقیق کنید در این روش چگونه مشکل ناشی از انبساط در یک روز گرم تابستانی برطرف می شود؟

خطوط ریل جدید دارای چنین فضاهایی برای انبساط نیستند. آنها به طور پیوسته به هم جوش خورده اند. این ریل ها زمانی درست می شوند که دما حدوداً برابر با میانگین کمینه و بیشینه دمای سالیانه در منطقه مورد نظر باشد. با این تدبیر دامنه تغییرات دما که موجب تغییر طول ریل می شود کاهش می یابد و بنابراین حتی در صورتی که ریل دارای شکاف های انبساطی باشد نیز انبساط آن تا نصف کاهش می یابد. (توجه کنید که اگر دو انتهای میله ای را محکم ببندیم و مانع انبساط و انقباض آن شویم و سپس دما را تغییر دهیم، گیره های دو انتهای میله مانع انبساط و تراکم میله می شود و اگر تغییر دما بسیار زیاد باشد، همان طور که در پاسخ قسمت ۱ گفتیم ممکن است میله تغییر شکل دهد تا اینکه حتی ممکن است بشکند. محاسبات مربوط به این پدیده را می توان در مبحث تنش گرمایی در کتاب های پیشرفته جستجو کرد.)

نکته ۶: نمونه ای از بست های انبساطی انگشتی برای برطرف کردن مشکل انبساط طولی در پل ها.



### انبساط در جامدات



طولی

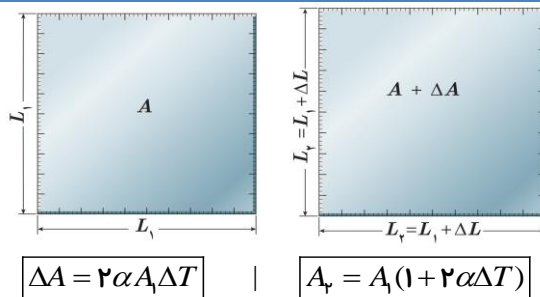
- (۱) تاثیر جنس: افزایش طول میله به جنس میله بستگی دارد. این وابستگی را با کمیتی به اسم ضریب انبساط طولی ( $\alpha$ ) نشان می دهیم. علاوه بر جنس به دما هم بستگی دارد که در نظر نمیگیریم!
- (۲) تاثیر طول اولیه میله: اگر به جای این میله از یک میله بلندتر استفاده کنیم و به همان اندازه ی میله ی قبلی دمایش را زیاد کنیم می بینیم که طول میله بیش از پیش زیاد شده است.
- (۳) تاثیر تغییرات دما: هر چه دمای میله رابیشتر افزایش دهیم طول آن بلند تر میشود.

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T \quad | \quad L_2 = L_1 (1 + \alpha \Delta T)$$

ضریب انبساط طولی ( $\alpha$ ): افزایش طول میله ای به طول یک متر به ازای افزایش دمای ۱ K یا ۱°C است. علاوه بر جنس ماده به دما نیز تاحدودی وابسته است. واحد آن  $\frac{1}{K}$  یا  $\frac{1}{^\circ C}$  می باشد.

رابطه ارائه شده برای محاسبه هر گونه تغییر طولی مثل تغییر قطر استوانه، تغییر محیط یک حلقه و بطور کلی تغییر فاصله بین دو نقطه بر قرار است و لزومی ندارد که طول جسم نسبت به سطح مقطع آن بزرگتر باشد.

شیب نمودار L-T برابر  $\alpha L_1$  و عرض از مبدا آن  $L_1$  می باشد.



$$\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta T \quad | \quad A_2 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta T)$$

سطحی

$2\alpha$ : ضریب انبساط سطحی

نکات:

- (۱) ضریب انبساط سطحی هر ماده تقریباً دو برابر ضریب انبساط طولی آن است.
- (۲) این رابطه برای هر نوع تغییر مساحت برقرار است مثل مساحت یک کره، یک مکعب و حتی مساحت فضای خالی داخل یک جسم جامد.
- شیب نمودار A-T برابر  $2\alpha A_1$  و عرض از مبدا آن  $A_1$  می باشد.

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta T \quad | \quad V_2 = V_1 (1 + \beta \Delta T)$$

$\beta = 3\alpha$ : ضریب انبساط حجمی جامدات

نکات:

حجمی

- (۱) ضریب انبساط حجمی جامد ها با تقریب خوبی، سه برابر ضریب انبساط طولی آن هاست.
- (۲) این رابطه برای محاسبه هر گونه تغییر حجمی مثل تغییرات حجم یک حفره یا گنجایش یک ظرف برقرار است.
- شیب نمودار V-T برابر  $3\alpha V_1$  و عرض از مبدا آن  $V_1$  می باشد.

نکته ۷: در تمامی روابط انبساط گرمایی واحد های دو طرف معادله برای طول، سطح و حجم باید یکسان باشند و نیازی به SI نیست.





نکته ۸: محاسبه درصد تغییرات طول، سطح و حجم

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta T \Rightarrow \text{درصد تغییرات طول: } \left(\frac{\Delta L}{L_1}\right) \times 100 = (\alpha \Delta T) \times 100$$

$$\Delta A = A_1 (2\alpha) \Delta T \Rightarrow \text{درصد تغییرات سطح: } \left(\frac{\Delta A}{A_1}\right) \times 100 = (2\alpha \Delta T) \times 100$$

$$\Delta V = V_1 (3\alpha) \Delta T \Rightarrow \text{درصد تغییرات حجم: } \left(\frac{\Delta V}{V_1}\right) \times 100 = (3\alpha \Delta T) \times 100$$

یعنی:

$$\text{درصد تغییرات حجم} = 3 \times \text{درصد تغییرات طول} = \frac{3}{2} \times \text{درصد تغییرات سطح}$$

$$\text{درصد تغییرات سطح} = 2 \times \text{درصد تغییرات طول}$$

۴-۲-۲ خلاصه انبساط های جامدات

درصد تغییرات:	مقدار ثانویه: ✓ چقدر می شود؟ ✓ مقدار نهایی؟	تغییرات: ✓ چقدر تغییر می کند؟ ✓ چقدر کاهش / افزایش می یابد؟	نوع انبساط
$\left(\frac{\Delta L}{L_1}\right) \times 100 = (\alpha \Delta T) \times 100$	$L_p = L_1 (1 + \alpha \Delta T)$	$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$	طولی
$\left(\frac{\Delta A}{A_1}\right) \times 100 = (2\alpha \Delta T) \times 100$	$A_p = A_1 (1 + 2\alpha \Delta T)$	$\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta T$	سطحی
$\left(\frac{\Delta V}{V_1}\right) \times 100 = (3\alpha \Delta T) \times 100$	$V_p = V_1 (1 + 3\alpha \Delta T)$ $\beta$	$\Delta V = 3\alpha V_1 \Delta T$ $\beta$	حجمی

نکته ۹: تغییر طول | شعاع | قطر | فاصله بین دو نقطه | محیط : کلا هر چیزی که بین دو نقطه باشد : انبساطش طولیه!

۴-۲-۳ ضریب ها

توضیحات تکمیلی	ضریب انبساط	نوع
افزایش طول میله ای به طول یک متر به ازای افزایش دمای ۱K یا ۱°C است. علاوه بر جنس ماده به دما نیز تاحدودی وابسته است. واحد آن $\frac{1}{k}$ یا $\frac{1}{^\circ C}$ می باشد.	$\alpha$	طولی
واحد آن $\frac{1}{k}$ یا $\frac{1}{^\circ C}$ می باشد.	$2\alpha$	سطحی
واحد آن $\frac{1}{k}$ یا $\frac{1}{^\circ C}$ می باشد. $\beta_l > \beta_s \rightarrow \beta_l > 3\alpha$ $\beta_l$ : افزایش حجم مایعی به حجم یک متر مکعب به ازای افزایش دمای ۱K یا ۱°C است. واحد آن $\frac{1}{k}$ یا $\frac{1}{^\circ C}$ می باشد.	جامد: $\beta_s = 3\alpha$ مایع: $\beta_l$	حجمی $\beta$



## بخش دوم: انبساط گرمایی

۳-۴ سوالات انبساط طولی

۱-۳-۴ تیپ جایگذاری

تست ۶:

طول تیر آهنی ۱۲ متر است. اگر دمای آن از صفر درجه‌ی سلسیوس به ۵۰ درجه‌ی سلسیوس برسد، طول آن چند میلی‌متر افزایش می‌یابد؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۲

$$\left(\alpha_{\text{آهن}} = 1,2 \times 10^{-5} \frac{1}{^\circ C}\right)$$

۴  $7,2 \times 10^{-2}$

۳  $7,2 \times 10^{-1}$

۲ ۷۲

۱ ۷,۲

پاسخ: گزینه ۱ با توجه به رابطه‌ی  $\Delta L = L_0 \alpha \Delta \theta$  داریم:

$$\Delta L = 12 \times 1,2 \times 10^{-5} \times (50 - 0) = 7,2 \times 10^{-2} = 7,2 \text{ mm}$$

طول تیر آهن چند میلی‌متر می‌شود؟

تست ۷:

ریل‌های ۱۰ متری راه آهنی را در یک روز زمستانی به دمای  $1^\circ C$  - به دنبال هم کار می‌گذرانند. اگر دما در تابستان تا  $40^\circ C$  بالا رود، از ابتدا (در دمای  $1^\circ C$  -) حداقل چند میلی‌متر باید فاصله‌ی بین ریل‌ها خالی بماند تا در اثر انبساط حرارتی به هم فشار نیاورند؟  
سراسری - ۱۳۸۶

$$\left(\alpha_{\text{آهن}} = 12 \times 10^{-6} K^{-1}\right)$$

۴ ۶

۳ ۵

۲ ۴,۸

۱ ۳,۶۵

پاسخ: گزینه ۴

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta = (10 \times 1000) \times (12 \times 10^{-6})(40 - (-10)) = 12 \times 10^{-2} \times 50 = 6 \text{ mm}$$

تست ۸:

یک تیر آهن در اثر افزایش دمای  $50^\circ C$  سلسیوس،  $0,06\%$  درصد به طولش اضافه می‌شود. ضریب انبساط طولی این تیر آهن در  $SI$ ، کدام است؟  
سراسری - ۱۳۹۷

۴  $8 \times 10^{-5}$

۳  $6 \times 10^{-5}$

۲  $1,6 \times 10^{-5}$

۱  $1,2 \times 10^{-5}$

پاسخ: گزینه ۱ با استفاده از رابطه‌ی انبساط طولی می‌توان نوشت:  $(\alpha \Delta \theta) \times 100 \Rightarrow 0,06 = \alpha \times 50 \times 100 \Rightarrow \alpha = 1,2 \times 10^{-5} K^{-1}$  درصد تغییرات طول

تست ۹:

در درون یک مکعب فلزی به ضلع  $20 \text{ cm}$  حفره‌ی خالی کروی به شعاع  $5 \text{ cm}$  وجود دارد. اگر در اثر افزایش دما ضلع مکعب به اندازه‌ی  $0,04$  میلی‌متر افزایش یابد، شعاع حفره ..... می‌یابد.  
سراسری - ۱۳۸۵

۴  $0,003$  میلی‌متر افزایش

۳  $0,003$  میلی‌متر کاهش

۲  $0,001$  میلی‌متر افزایش

۱  $0,001$  میلی‌متر کاهش

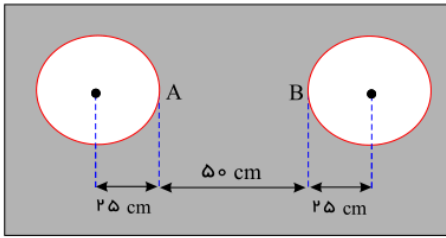
پاسخ: گزینه ۲

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \Rightarrow \begin{cases} 0,004 = 2000 \alpha \Delta \theta \\ \Delta L' = 500 \alpha \Delta \theta \end{cases} \Rightarrow \frac{0,004}{\Delta L'} = \frac{2000 \alpha \Delta \theta}{500 \alpha \Delta \theta} = \frac{0,004}{\Delta L'} = 4 \Rightarrow \Delta L' = +0,001 \text{ میلی لیتر}$$

راه دوم: ضلع  $20$  سانتی‌متری مکعب بر اثر افزایش دما  $0,04$  میلی‌متر افزایش می‌یابد. بنابراین شعاع  $5$  سانتی‌متری حفره (از همان مکعب) نیز به اندازه‌ی  $0,001$  میلی‌متر افزایش می‌یابد.

تست ۱۰:

در وسط یک صفحه فلزی نازک که ضریب انبساط سطحی آن  $10^{-5} K^{-1}$  است، دو دایره به شعاع های ۲۵ سانتیمتر را در دمای صفر درجه ی سلسیوس خارج نموده ایم. اگر دمای صفحه را به آرامی از صفر به ۲۰۰ درجه ی سلسیوس برسانیم، فاصله خارج از کشور- ۱۳۹۵ ی  $AB$  چند میلی متر میشود؟



- ۴۹۸٫۲
- ۵۰۳٫۶

- ۴۹۶٫۴
- ۵۰۱٫۸

تست ۱۱:

در دمای صفر درجه ی سلسیوس، مجموع طول میله های به هم چسبیده ی  $L_1$  و  $L_2$  با طول میله ی  $L_3$  برابر است و ضریب انبساط طولی میله ها به ترتیب  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$  و  $\alpha_3$  است. اگر در هر دمای بالاتر از صفر نیز این تساوی طول برقرار باشد، کدام رابطه درست است؟ خارج از کشور- ۱۳۸۸

$\alpha_3 = \frac{|L_1 \alpha_1 - L_2 \alpha_2|}{L_3}$      
  $\alpha_3 = \frac{L_1 \alpha_1 + L_2 \alpha_2}{L_3}$      
  $\alpha_3 = \frac{\alpha_1 + \alpha_2}{2}$      
  $\alpha_3 = \alpha_1 + \alpha_2$

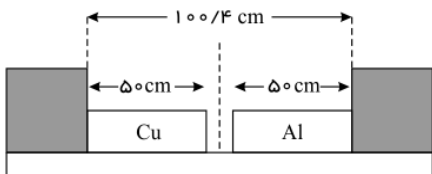
تست ۱۲:

طول دو میله ی فلزی  $A$  و  $B$  در دمای  $20^\circ C$  هر یک برابر ۲ متر است. دمای دو میله را چند درجه ی سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آنها برابر ۰٫۸mm شود؟  $(\alpha_A = 12 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C}, \alpha_B = 20 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C})$  خارج از کشور- ۱۳۹۳

- ۹۰
- ۷۰
- ۵۰
- ۳۰

تست ۱۳:

دو میله مسی و آلومینیومی بین دو دیواره ثابت قرار دارند. دمای دو میله را چند کلوین بالا بریم تا دو میله به یکدیگر برسند؟  $(\alpha_{Cu} = 17 \times 10^{-5} 1/K$  و  $\alpha_{Al} = 23 \times 10^{-5} 1/K$ ) خارج از کشور- ۱۳۹۸



- ۳۴۷
- ۲۰۰

- ۴۷۰
- ۲۵۰

تست ۱۴:

دو میله ی فلزی  $A$  و  $B$  در دمای  $20^\circ C$  به ترتیب دارای طول های  $50\text{ cm}$  و  $70\text{ cm}$  می باشند. دمای دو میله را  $3^\circ C$  افزایش می دهیم، باز هم اختلاف طول آنها  $20\text{ cm}$  می شود. نسبت ضریب انبساط طولی میله ی  $A$  به ضریب انبساط طولی میله ی  $B$  کدام است؟ خارج از کشور- ۱۳۹۳

$\frac{7}{5}$

$\frac{5}{7}$

$\frac{7}{3}$

$\frac{3}{7}$

تست ۱۵:

طول یک میله نازک و بلند فلزی در دمای  $10^{\circ}C$ ، ۵۰ متر است. اگر دمای این میله را از  $10^{\circ}C$  به  $30^{\circ}C$  برسانیم، طول آن ۲ سانتی‌متر افزایش می‌یابد. اگر دمای میله را به  $100^{\circ}C$  برسانیم، طول نهایی میله برحسب سانتی‌متر کدام گزینه خواهد بود؟

قلم چی- ۱۳۹۷

۵۰۰۹ (۴)

۵۰۰۶ (۳)

۵۰۰۳ (۲)

۵۰۰۰ (۱)

تست ۱۶:

طول یک قطعه ریل در زمستان برابر با ۱۶m است. برای این که در فاصله ۸۰۰۸ متری بین دو شهر در تابستان و در دمای  $40^{\circ}C$  آسیبی به ریل‌ها نرسد، باید ۵۰۰ تا از این ریل‌ها را پشت سر هم قرار داد. حداقل دمای زمستان چند درجه سلسیوس بوده است؟ (ضریب انبساط طولی فلز ریل‌ها  $\frac{1}{K} \times 10^{-5}$  است و دما در زمستان را به عنوان دمای مرجع در نظر بگیرید.)

قلم چی- ۱۳۹۷

-۲۰ (۴)

صفر (۳)

-۵ (۲)

-۱۰ (۱)

تست ۱۷:

شکل روبه‌رو، ورقه‌ای از جنس برنج ( $\alpha = 2 \times 10^{-5} 1/^{\circ}C$ ) را نشان می‌دهد که حفره‌ای به قطر ۲ اینچ در آن ایجاد شده است. اگر دمای ورقه را  $200^{\circ}C$  افزایش دهیم، مساحت حفره، ..... ( $\pi = 3$ )



(۲)  $15 \text{ cm}^2$  کاهش می‌یابد.

(۱)  $15 \text{ cm}^2$  افزایش می‌یابد.

(۴)  $15 \text{ cm}^2$  کاهش می‌یابد.

(۳)  $15 \text{ cm}^2$  افزایش می‌یابد.

۴-۴ سوالات انبساط سطحی

تست ۱۸:

مساحت جانبی یک مکعب فلزی ۰٫۲۵ مترمربع و ضریب انبساط خطی آن  $2 \times 10^{-5} K^{-1}$  است. اگر دمای این مکعب ۱۰۰ درجه‌ی سلسیوس افزایش یابد، سطح جانبی آن تقریباً چند سانتی متر مربع افزایش می‌یابد؟

خارج از کشور- ۱۳۸۸

۱۰۰ (۴)

۸۰ (۳)

۱۰ (۲)

۸ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

تست ۱۹:

دمای یک قرص فلزی را ۲۵۰ درجه‌ی سلسیوس افزایش می‌دهیم، در نتیجه مساحت آن یک درصد افزایش می‌یابد. ضریب انبساط خطی فلز در SI کدام است؟

سراسری- ۱۳۹۳

$4 \times 10^{-6}$  (۴)

$2 \times 10^{-6}$  (۳)

$4 \times 10^{-5}$  (۲)

$2 \times 10^{-5}$  (۱)

تست ۲۰:

دمای یک میله‌ی مسی را  $100^{\circ}C$  افزایش می‌دهیم، طول آن  $0.17$  درصد افزایش می‌یابد. اگر دمای یک ورقه‌ی مسی را  $100^{\circ}C$  افزایش دهیم، مساحت آن چند برابر می‌شود؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۱

- ۱)  $1.0017$     ۲)  $0.0034$     ۳)  $0.3400$     ۴)  $1.0034$

تست ۲۱:

ضریب انبساط طولی آلومینیم  $10^{-5} K^{-1}$  است و روی یک ورقه‌ی تخت آلومینیمی، حفره‌ای دایره‌ای شکل ایجاد کرده‌ایم که مساحت آن در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس  $50 cm^2$  است. اگر دمای ورقه را به آرامی به  $80$  درجه‌ی سلسیوس برسانیم، مساحت حفره چند سانتی متر مربع می‌شود؟  
سراسری - ۱۳۹۸

- ۱)  $49.816$     ۲)  $49.908$     ۳)  $50.092$     ۴)  $50.184$

تست ۲۲:

ورقه‌ی فلزی  $M$  به مساحت  $A$  و ضریب انبساط طولی  $\alpha$  با ورقه‌ی فلزی  $N$  به مساحت  $2A$  و ضریب انبساط طولی  $2\alpha$ ، هم‌دما هستند. هرگاه دمای هر دو را به یک اندازه افزایش دهیم، تغییر مساحت ورقه‌ی فلزی  $N$  چند برابر تغییر مساحت ورقه‌ی فلزی  $M$  خواهد بود؟  
قلم‌چی - ۱۳۹۶

- ۱)  $1$     ۲)  $2$     ۳)  $4$     ۴)  $8$

تست ۲۳:

اگر دمای یک صفحه‌ی فلزی را  $40.0^{\circ}C$  افزایش دهیم، به مساحت آن به اندازه  $0.08$  مساحت اولیه اضافه می‌شود. ضریب انبساط سطحی فلز در  $SI$  کدام است؟  
قلم‌چی - ۱۳۹۸

- ۱)  $10^{-5}$     ۲)  $2 \times 10^{-5}$     ۳)  $10^{-4}$     ۴)  $2 \times 10^{-4}$

#### ۱-۴-۴ سوالات انبساط حجمی

تست ۲۴:

به یک میله آنقدر گرما می‌دهیم تا طول آن یک درصد افزایش یابد. حجم آن تقریباً چند درصد افزایش می‌یابد؟  
سراسری - ۱۳۹۱

- ۱)  $0.5$     ۲)  $1$     ۳)  $2$     ۴)  $3$

تست ۲۵:

مکعبی به ضریب انبساط طولی  $\frac{1}{K} \times 10^{-6}$  در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس قرار دارد. اگر دمای آن به  $100^{\circ}C$  برسد، حجم مکعب چند درصد افزایش می‌یابد؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۴

- ۱)  $0.12$     ۲)  $0.36$     ۳)  $12$     ۴)  $36$

تست ۲۶: ✓

دمای یک قرص فلزی  $100K$  افزایش می‌یابد. اگر شعاع اولیه آن  $10cm$  و ضخامت اولیه آن  $4mm$  باشد، تغییر حجم قرص چند سانتی‌متر مکعب است؟  $(\alpha = 5 \times 10^{-5} \frac{1}{K}, \pi \simeq 3)$

خارج از کشور - ۱۳۹۷

۱٫۸ (۴)

۱٫۲ (۳)

۰٫۱۸ (۲)

۰٫۱۲ (۱)

تست ۲۷: ✓

دو کره فلزی  $A$  و  $B$  داریم که شعاع آن‌ها  $R_A$  و  $R_B = 2R_A$  است. دمای این دو کره را به یک اندازه افزایش می‌دهیم. اگر افزایش حجم کره  $A$  سه برابر افزایش حجم کره  $B$  باشد، ضریب انبساط خطی کره  $A$  چند برابر ضریب انبساط خطی کره  $B$  است؟

قلم چی - ۱۳۹۶

۸ (۴)

۲۴ (۳)

۱۶ (۲)

$\frac{1}{8}$  (۱)

تست ۲۸: ✓

قلم چی - ۱۳۹۸

ضریب انبساط حجمی فلزی  $\frac{1}{F} \times 10^{-6}$  است. ضریب انبساط طولی آن چند  $\frac{1}{K}$  است؟

$\frac{3}{5} \times 10^{-6}$  (۴)

$\frac{5}{3} \times 10^{-6}$  (۳)

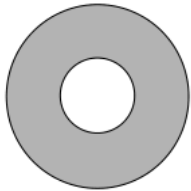
$5 \times 10^{-6}$  (۲)

$3 \times 10^{-6}$  (۱)

تست ۲۹: ✓

مطابق شکل یک دیسک به قطر خارجی  $6cm$ ، که از وسط آن دایره‌ای به شعاع  $10$  سانتی‌متر جدا شده است، از فلزی با ضریب انبساط حجمی  $(\frac{1}{K}) \times 10^{-5}$  ساخته شده است. اگر دمای دیسک را بدون تغییر حالت آن،  $100^\circ C$  بالا ببریم مساحت قسمت فلزی چند سانتی‌متر مربع خواهد شد؟

قلم چی - ۱۳۹۷



$803/2 \pi$  (۱)

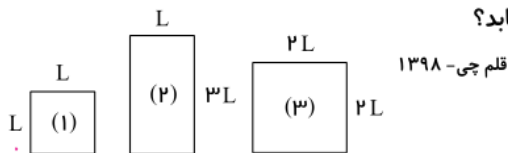
$800 \pi$  (۲)

$400 \pi$  (۳)

$401/6 \pi$  (۴)

تست ۳۰: ✓

شکل زیر سه صفحه فلزی هم جنس با اضلاع متفاوت را در یک دما نشان می‌دهد. اگر دمای همه آن‌ها را به اندازه یکسان زیاد کنیم، به ترتیب از راست به چپ ارتفاع و مساحت کدام صفحه نسبت به بقیه بیش تر افزایش می‌یابد؟



قلم چی - ۱۳۹۸

(۳) - (۲) (۱)

(۱) - (۲) (۲)

(۲) - (۳) (۳)

(۳) - (۳) (۴)

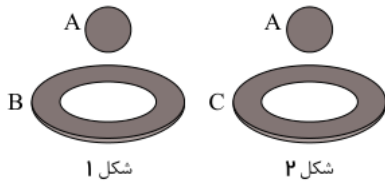
ج: اگر در هر ۳ تای آنها روزنه کوچک هم اندازه‌ای وجود داشته باشد، افزایش قطر ۳ روزنه در اثر افزایش دمای یکسان را با هم مقایسه کنید.

چون جنس هر ۳ قطعه یکسان است و هر ۳ روزنه هم اندازه هستند، افزایش قطر آنها در اثر افزایش دمای یکسان به یک اندازه است.



تست ۳۱: ✓

مطابق شکل توپ فلزی از جنس  $A$  و حلقه‌های فلزی از جنس  $B$  و  $C$  می‌باشد و قطر توپ از قطر داخلی حلقه‌ها بزرگ‌تر است. اگر در شکل (۱) توپ و حلقه تا دمای یکسانی سرد شوند، توپ از حلقه عبور می‌کند و در شکل (۲) اگر توپ و حلقه تا دمای یکسانی گرم شوند توپ از حلقه عبور می‌کند. کدام مقایسه در مورد ضریب انبساط طولی صحیح است؟ (دمای اولیه هر سه قطعه یکسان است).  
قلم چی- ۱۳۹۸

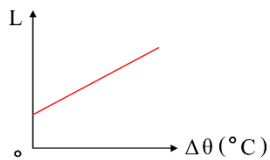


- ۱  $\alpha_A > \alpha_B > \alpha_C$
- ۲  $\alpha_B > \alpha_C > \alpha_A$
- ۳  $\alpha_B > \alpha_A > \alpha_C$
- ۴  $\alpha_C > \alpha_A > \alpha_B$

۲-۴-۴ نمودارهاش

کلاً ممکنه برای هر معادله ای نمودار بگن! پس یکم ریاضیتو قوی کن!

✓ تابع  $y = ax$  اگر قرار به رسم باشه و به این صورت رسم بشه که محور عمودی  $y$  و محور افقی  $x$  باشه، باقی مونده که  $a$  باشه، همیشه شیب نمودار.



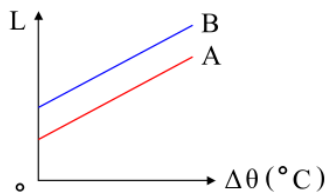
✓ تابع  $y = ax + b$  هم همین داستانه با این تفاوت که عرض از مبدا داره و برابر  $b$  هستش!

$$L_p = L_1 + L_1 \alpha \Delta T \quad \Delta L = \alpha L_1 \Delta T$$

مثلاً اگر بخواهیم نمودار  $\Delta L$  را بر حسب  $\Delta T$  رسم کنیم، مابقیش میشه شیب، یعنی شیب خط:  $\alpha L_1$   
یا مثلاً اگر بخواهیم نمودار  $L$  را بر حسب  $\Delta T$  رسم کنیم،  $L_1$  میشه عرض از مبدا و مابقیش میشه شیب، یعنی شیب خط:  $\alpha L_1$

تست ۳۲: ✓

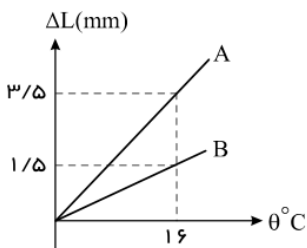
نمودار طول دو میله  $A$  و  $B$  بر حسب تغییرات دما، به صورت دو خط موازی مطابق شکل مقابل رسم شده است. اگر ضریب انبساط طولی میله‌های  $A$  و  $B$  به ترتیب  $\alpha_A$  و  $\alpha_B$  باشد، کدام گزینه‌ی زیر رابطه‌ی بین  $\alpha_B$  و  $\alpha_A$  را به درستی نشان می‌دهد؟  
قلم چی- ۱۳۹۵



- ۱  $\alpha_A = \alpha_B$
- ۲  $\alpha_A > \alpha_B$
- ۳  $\alpha_A < \alpha_B$
- ۴ بسته به طول اولیه، هر سه حالت ممکن است.

تست ۳۳: ✓

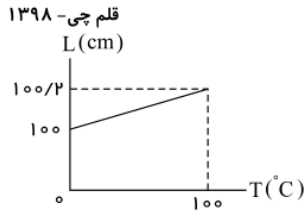
شکل مقابل نمودار تغییرات طول دو میله  $A$  و  $B$  که دمای اولیه آن‌ها برابر صفر درجه سلسیوس است را بر حسب افزایش دمای آن‌ها نشان می‌دهد، اگر طول دو میله در دمای  $80^\circ C$  با یکدیگر برابر شود، اختلاف طول اولیه آن‌ها چند سانتی‌متر بوده است؟  
خوشخوان- ۱۳۹۸



- ۱ ۲۵
- ۲ ۱۰
- ۳ ۲٫۵
- ۴ ۱

تست ۳۴:

در شکل زیر نمودار تغییرات طول یک میله فلزی بر حسب دما نشان داده شده است. در دمای  $50^{\circ}F$  طول میله چند سانتی متر می شود؟



- ۱)  $100/002$   
 ۲)  $100/2$   
 ۳)  $100/02$   
 ۴)  $100/1$

۳-۴-۴ انبساط خط کش

اگر خط کش را به همراه جسم گرم کنیم، طول خط کش نیز افزایش می یابد و آن چه با خط کش اندازه گیری می کنیم طول واقعی جسم نیست و باید به انبساط خط کش نیز دقت شود.

مثلاً با خط کش طول میله مسی شده ۹۰ سانتی متره. اگر دمای خط کش و میله را ۸۰ درجه زیاد کنیم، خط کش طول میله را چند نشان می دهد؟

- ۱) طول جدید میله را حساب کن.  
 ۲) هر یک سانتی متر روی خط کش تغییر کرده. پس اندازه یک سانتی متر جدید را روی خط کش حساب کن.  
 ۳) حال طول جدید را بر یکای جدید تقسیم کن.

۴-۴-۴ تغییرات چگالی با دما

افزایش دما حجم اجسام را افزایش می دهد ولی بر جرم آنها تاثیر نمی گذارد. پس طبق رابطه  $V = \frac{m}{\rho}$  انتظار داریم که با افزایش دما حجم افزایش و در نتیجه چگالی کاهش یابد. با این حساب رابطه ی چگالی یک جسم بر حسب تغییرات دما به صورت زیر:

$$V_2 = V_1(1 + \beta\Delta T) \xrightarrow{V = \frac{m}{\rho}} \frac{m}{\rho_2} = \frac{m}{\rho_1}(1 + \beta\Delta T) \Rightarrow \rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta\Delta T} \rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = 1 - \beta\Delta\theta \rightarrow \Delta\rho = -\rho_1\beta\Delta\theta$$

و درصد تغییراتش:

$$\left(\frac{\Delta\rho}{\rho_1}\right) \times 100 = -\beta\Delta T \times 100$$

تست ۳۵:

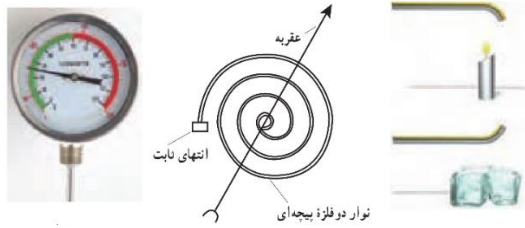
دمای یک میله ی فلزی از  $\theta_1$  به  $\theta_2$  می رسد. اگر طول آن ۱٫۰ درصد افزایش یابد، چگالی آن تقریباً ..... خارج از کشور- ۱۳۹۰

۱) ۰٫۱ درصد کاهش می یابد. ۲) ۰٫۳ کاهش می یابد. ۳) ۱٫۰ درصد افزایش می یابد. ۴) ۰٫۳ درصد افزایش می یابد.

تست ۳۶:

یک گلوله سربی به شعاع ۱ cm و جرم ۴۴g در دمای  $0^{\circ}$  قرار دارد. اگر دمای گلوله به  $100^{\circ}C$  برسد، چگالی آن چند کیلوگرم بر متر مکعب و چگونه تغییر می کند؟  $(\alpha_{\text{سرب}} = 3 \times 10^{-5} \frac{1}{K}, \pi = 3)$  خارج از کشور- ۱۳۹۸

۱) ۰٫۳۳، کاهش می یابد. ۲) ۰٫۳۳، افزایش می یابد. ۳) ۰٫۹۹، کاهش می یابد. ۴) ۰٫۹۹، افزایش می یابد.

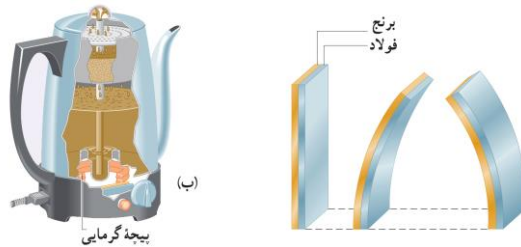


در این دماسنج دو نوار (تیغه) فلزی با ضریب انبساط متفاوت مثل (برنج و آهن) به شکل یک حلزون به هم جوش یا پرچ داده میشوند.

فلز با ضریب انبساط **بیشتر کمان خارجی** و فلز با ضریب انبساط **کمتر کمان داخلی** را تشکیل میدهد. به همین دلیل با افزایش دما نوار حلزونی، حلزونی تر میشود و عقربه ساعت به سمت راست می چرخد. اگر دما را کم کنیم عکس این اتفاق می افتد. یعنی عقربه به سمت چپ می چرخد. از همین ویژگی یعنی خم شدن نوارها برای اندازه گیری دما و ساختن دماسنج ها استفاده میشود.

دماسنج نواری دو فلزه  
(بی متال)

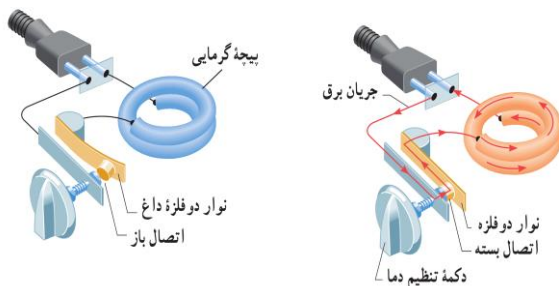
مشابه دماسنج نواری دو فلزه، دماپا دوتیغه فلزی با طول یکسان و جنس مختلف مثل (برنج و فولاد) است که به طور کامل به هم متصل شده اند. در هنگام **گرم شدن** تیغه با ضریب انبساط **بیشتر کمان خارجی** را تشکیل میدهد.  
(ضریب انبساط حرارتی برنج < ضریب انبساط حرارتی فولاد)



در اثر <b>گرم شدن</b> به تیغه ها	هر چه <b>آلفا بیشتر</b> ← تغییر طول بیشتر در راستای <b>بزرگ تر شدن</b> ← کمان خارجی
در اثر <b>گرم شدن</b> از تیغه ها	هر چه <b>آلفا بیشتر</b> ← تغییر طول کمتر در راستای <b>کوچک تر شدن</b> ← کمان داخلی

دماپا (ترموستات)

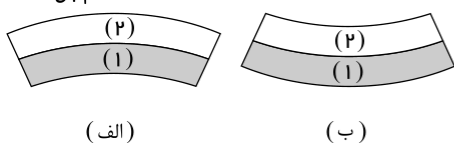
طرز کار دماپا: دماپا در مدار خیلی از وسیله های الکتریکی مثل یخچال، ابگرمن و کتری برقی... به کار میرود. کار دماپا قطع و وصل جریان هنگام گرم و سرد شدن مدار است. در شکل سمت راست با عبور جریان الکتریکی از کتری برقی، نوار دو فلزه گرم و به تدریج خم می شود تا جریان قطع شود. (شکل سمت چپ).



تست ۳۷:

شکل های زیر دو تیغه فلزی از جنس آهن و برنج را که به طور سرتاسری به هم جوش خورده اند، نشان می دهد. در حالت «الف» به تیغه ها گرما داده شده و در حالت «ب» از تیغه ها گرما گرفته شده است. جنس تیغه «ا» در حالت «الف» و «ب» به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

قلم چی - ۱۳۹۷



- ۱ آهن، برنج
- ۲ برنج، آهن
- ۳ آهن، آهن
- ۴ برنج، برنج

گزینه ۳ با توجه به اینکه ضریب انبساط طولی فلز برنج از ضریب انبساط طولی آهن بیشتر است، با افزایش دما به مقدار یکسان افزایش طول برنج بیشتر از آهن و با کاهش دما به مقدار یکسان نیز کاهش طول برنج بیشتر از آهن می باشد. بنابراین فلز شماره ۲، در هر دو حالت «الف» و «ب»، برنج و فلز شماره ۱، آهن است.

داستان های انبساط در مایعات

رابطه مثل انبساط حجمی جامدات اما ضریبش فرق داره:

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta T \quad | \quad V_T = V_1(1 + \beta \Delta T)$$

$\beta$ : ضریب انبساط حجمی مایع

افزایش حجم مایعی به حجم یک متر مکعب به ازای افزایش دمای ۱K یا ۱°C است. واحد آن  $\frac{1}{K}$  یا  $\frac{1}{^\circ C}$  می باشد.

ضریب انبساط حجمی مایع ها معمولاً خیلی بیشتر از ضریب انبساط حجمی جامدهاست.

چون مایعات شکل معینی ندارند، ضریب انبساط طولی و سطحی برای آن ها تعریف نمی شود.

انبساط ظاهری مایعات:

وقتی به یک ظرف حاوی مقداری مایع گرما می دهیم هم حجم مایع زیاد میشود و هم گنجایش ظرف. یعنی هر دو منبسط می شوند. این انبساط همزمان مایع و ظرف باعث میشود افزایش حجمی که از مایع می بینیم واقعی نباشد و یک

انبساط ظاهری را نظاره گر باشیم. برای اینکه بدانیم این انبساط ظاهری چقدر است کافی است:

$$\Delta V_L = V_{1L} \beta_L \Delta T \quad | \quad \Delta V_S = V_{1S} (\alpha_S) \Delta T$$

اگر از همان ابتدا ظرف پر از مایع باشد، داریم:  $V_{1L} = V_{1S} = V_1$

$$\Delta V' = \Delta V_L - \Delta V_S = V_1 \beta_L \Delta T - V_1 (\alpha_S) \Delta T = V_1 (\beta_L - \alpha_S) \Delta T$$

$$\Delta V' = V_1 (\beta_L - \alpha_S) \Delta T$$

در این قسمت مایع به اندازه انبساط ظاهری اش از ظرف بیرون میریزد.

انبساط  
مایعات

تست ۳۸

در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس حجم ظرف شیشه‌ای توسط یک لیتر جیوه کاملاً پر شده است. وقتی دمای مجموعه را به ۸۰ درجه‌ی سلسیوس می‌رسانیم،  $12 \text{ cm}^3$  جیوه از ظرف خارج می‌شود. اگر ضریب انبساط حجمی جیوه  $1.8 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$  باشد، ضریب انبساط خطی شیشه در SI چقدر است؟

سراسری-۱۳۸۶

۱۰<sup>-۵</sup> (۳)

۱۰<sup>-۴</sup> (۲)

$1.2 \times 10^{-4}$  (۱)

$3 \times 10^{-5}$  (۴)

تست ۳۹

ظرفی به حجم  $100 \text{ cm}^3$  را به وسیله‌ی مایعی به طور کامل پر می‌کنیم و سپس دمای ظرف و مایع را  $50^\circ \text{C}$  افزایش می‌دهیم. اگر ضریب

قلم چی-۱۳۹۶

انبساط سطحی ظرف  $\frac{2}{3}$  برابر ضریب انبساط حجمی مایع باشد، چند  $\text{cm}^3$  مایع از ظرف بیرون می‌ریزد؟

صفر (۴)

۰.۵ (۳)

۱/۲ (۲)

۱/۵ (۱)

تست ۴۰

در یک روز تابستانی که دمای باک بنزین اتومبیل شخصی  $40^\circ \text{C}$  است، شخص باک ۵۰ لیتری اتومبیل خود را پر از بنزین می‌کند. اگر در ابتدا بنزین در مخزنی در زیرزمین با دمای  $10^\circ \text{C}$  نگهداری شود و سپس به باک منتقل شود، پس از هم‌دما شدن باک و بنزین، چند لیتر بنزین

قلم چی-۱۳۹۷

از باک بیرون می‌ریزد؟  $(\alpha_{\text{بنزین}} = 10^{-3} \frac{1}{K})$  و از افزایش حجم باک صرف نظر کنید.

۰.۵ (۴)

۱ (۳)

۱/۵ (۲)

۲ (۱)

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta T \Rightarrow \Delta V = 10^{-3} \times 50 \times (40 - 10) = 1.5L$$

گزینه ۲ از رابطه انبساط حجمی استفاده می‌کنیم و تغییر حجم بنزین را می‌یابیم:

با توجه به این که از تغییر حجم باک صرف‌نظر شده است، بنابراین ۱/۵ لیتر بنزین از باک بیرون می‌ریزد.

یک مخزن نکه‌داری اسید در یک پالایشگاه به شکل استوانه‌ای به قطر ۵ متر و ارتفاع ۱۰ متر و از فلزی که در برابر خوردگی اسید مقاوم است، ساخته شده است. در دمای  $15^{\circ}C$ ، فاصله سطح اسید داخل مخزن تا لبه مخزن، ۴۵٫۵ سانتی‌متر است. اگر ضریب انبساط حجمی اسید  $1 \times 10^{-3} K^{-1}$  باشد، تقریباً در چه دمایی بر حسب درجه سلسیوس اسید از مخزن شروع به لبریز شدن می‌کند؟ (از انبساط مخزن صرف‌نظر شود).

۲۰ (۴)

۳۵ (۳)

۵۰ (۲)

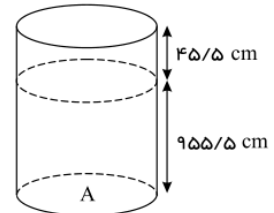
۶۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۳ زمانی که تغییر حجم اسید داخل مخزن برابر حجم خالی فضای بالای مخزن شود سرریز شروع می‌شود. با چشم‌پوشی از انبساط مخزن داریم:

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta T \Rightarrow 45,5 \times A = 1 \times 10^{-3} \times 955,5 \times A \times \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta T \approx 47,6 K$$

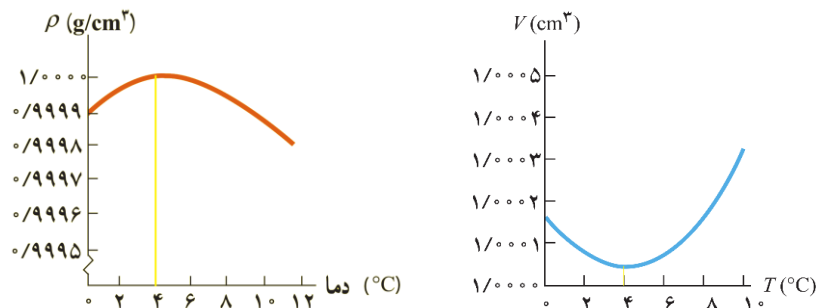
$$\Delta T = \Delta \theta \Rightarrow 50 = \theta_p - (-15) \Rightarrow \theta_p = 35^{\circ} C$$



### ۶-۴-۴ انبساط غیر عادی آب

در زمستان‌های سرد، سطح آب آبگیرها و دریاچه‌های کوچک یخ می‌زند و به تدریج یخ ضخی متر می‌شود؛ اما در ته آبگیرها، دمای آب بالاتر از ۰ درجه سانتی‌گراد بوده و برای موجودات زنده‌ای آنجا زندگی می‌کنند، نسبتاً گرم و مناسب است. حجم بیشتر مایع‌ها با کم شدن دما کاهش و در نتیجه چگالی آنها افزایش می‌یابد، ولی رفتار آب در محدوده دمایی ۰ تا ۴ درجه سانتی‌گراد متفاوت است.

با کاهش دما از  $100^{\circ}C$  تا  $4^{\circ}C$  آب هم مثل هر مایع دیگری حجمش کم می‌شود، ولی از  $4^{\circ}C$  تا  $0^{\circ}C$  رفتار آب غیر عادی می‌شود و با کاهش دما باعث افزایش حجم آب می‌شود بنابراین نمودار حجم و چگالی آب بر حسب دما به صورت بالا در می‌آید. نمودار حجم بر حسب دما و نمودار چگالی بر حسب دما را برای آب شیرین به صورت زیر می‌باشند.



نتیجه‌ها:

(۱) کم‌ترین حجم و بیشترین چگالی آب در دمای  $4^{\circ}C$  اتفاق می‌افتد.

(۲) چگالی غیر عادی آب در محدوده  $0^{\circ}C$  تا  $4^{\circ}C$  باعث می‌شود که آب با دمای  $4^{\circ}C$  (گرمتر) پایین‌تر از آب  $0^{\circ}C$  (سردتر) قرار بگیرد به همین دلیل آب از بالا به پایین یخ می‌زند. (قطب)

توجیه مولکولی رفتار عجیب آب:

	آرایش مولکولی آب در بلور یخ به گونه‌ای است که در بعضی جاها مولکول‌ها به هم نزدیک یا دورند و بین آن‌ها فضای خالی وجود دارد.
	در آب $4^{\circ}C$ تقریباً تمام ساختار مولکولی بلور از بین می‌رود و فضای خالی پر و آرایش مولکول‌ها یکنواخت می‌شود. نتیجه این اتفاق کاهش حجم و افزایش چگالی است.
	در محدوده $0^{\circ}C$ تا $4^{\circ}C$ بقایای ساختار مولکولی یخ هنوز وجود دارد و این باعث می‌شود آب رفتاری غیر عادی داشته باشد.



وقتی آب در یک ظرف روباز یخ می‌بندد معمولاً یک برآمدگی مرکزی ایجاد می‌شود. در این مورد تحقیق کنید. وقتی آب یخ می‌بندد، آب منبسط می‌گردد. اگر یخ در ظرفی روباز تشکیل شود، چون از اطراف نمی‌تواند انبساط یابد، انبساط آن رو به بالا رخ می‌دهد. ابتدا بخش‌هایی از آب که کنار دیواره ظرف هستند یخ می‌زنند و به این ترتیب لایه یخ نازکی روی سطح آب تشکیل می‌شود. با ادامه فرایند یخ زدن، آبی که در میانه ظرف باقی مانده یخ می‌زند و منبسط می‌گردد. در این انبساط، آب میانه ظرف، لایه یخ بالای سرش را به طرف بالا می‌راند و این فرایند تا پایان یخ زدن کل آب ادامه می‌یابد و سرانجام سطح بالایی یخ، چیزی شبیه به یک مخروط کوتاه می‌شود. این فرایند گاهی می‌تواند یک تیزی تشکیل دهد. در این مواقع آب در حال انبساط زیرین، لایه یخ را می‌شکند و بقیه آب از محل شکستگی به بالا هدایت می‌شود. هرچه سرعت یخ بستن به حد کافی کم باشد، آب بیشتری می‌تواند از طریق این پوسته به بالا فشرده و منجمد شود. وقتی همه آب یخ زد، این پوسته تشکیل تیزی رو به بالای صلبی را می‌دهد. به این تیزی رو به بالا «یخ میخی» می‌گویند.

### ۷-۴-۴ گرما

گرما: انرژی ایست که به دلیل اختلاف دما بین دو جسم (از جسم گرمتر به جسم سردتر) مبادله می‌شود.

۱) گرما (Q) انرژی انتقال یافته است. بنابراین یکای آن ژول (J) است.

$$1 \text{ Cal} = 4/186 \text{ J} \approx 4/2 \text{ J}$$

۲) علت انتقال گرما اختلاف دما است یعنی گرما تا زمانی از جسم گرمتر به جسم سردتر منتقل می‌شود که دمای آنها برابر شود:

اگر دمای دو جسم برابر نباشد: گرما از جسم گرمتر به جسم سردتر منتقل می‌شود.

اگر دمای دو جسم برابر باشد: گرمای خالصی بین دو جسم مبادله نمی‌شود.

۳) مفهوم گرما به نوعی با مفهوم (انتقال یافتن) و (مبادله شدن) مرتبط شده است و اینطور نیست که اجسام

نوعی انرژی به اسم گرما داشته باشند.

جسم گرما بگیره:  $Q > 0$  | جسم گرما از دست بده:  $Q < 0$

جسم به اندازه Q گرما بگیره: انرژی درونی اش به اندازه Q زیاد میشه

جسم به اندازه Q گرما از دست بده: انرژی درونی اش به اندازه Q کم میشه

گرما به یک جسم



۱) تغییر دما: دمای جسم تغییر کند

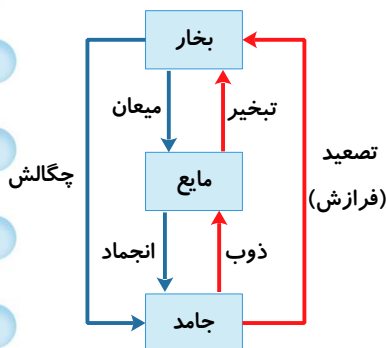
۲) تغییر حالت: حالت جسم تغییر کند.

(تمامی مسیرهای به سمت بالا، **گرماگیر** | تمامی مسیرهای به سمت پایین، **گرماده**)

۳) هم تغییر دما و هم تغییر حالت.



نمونه‌ای از آزمایش ژول: در این آزمایش نشان داده می‌شود کار نیروی وزن برابر با مقدار گرمای لازم برای افزایش دمای آب است.





در این حالت جسمی به جرم  $m$  در اثر مبادله گرمایی ( $Q$ ) از دمای  $\theta_1$  به  $\theta_2$  می رسد.

$$Q = mc\Delta\theta = mc(\theta_2 - \theta_1)$$

منظور از جرم در این رابطه، **کل جرم اولیه** است.

✓  $c$ : گرمای ویژه جسم: مقدار گرمایی که به یک کیلوگرم از جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سانتی گراد (یا یک کلوین) افزایش

یابد. واحد آن  $J/Kg.K$  or  $J/Kg.^{\circ}C$ :  $c$ . با تغییر جرم تغییری نمی کند.

✓  $C$ : ظرفیت گرمایی: مقدار گرمایی که به یک جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سانتی گراد (یا یک کلوین) افزایش یابد. واحد

$$Q = mc\Delta\theta = C(\theta_2 - \theta_1) \leftarrow C: \left[\frac{J}{^{\circ}C}\right] \text{ or } \left[\frac{J}{K}\right] \text{ آن}$$

منظور از ظرفیت، این نیست که جسم، توانایی محدودی در مبادله گرما دارد؛ بلکه تا وقتی که اختلاف دما باشد، مبادله گرما ادامه می یابد. مقادیر زیاد آب، مانند آب دریاچه ها و دریاها، نوسان های دمای هوای اطراف خود را متعادل می کند؛ زیرا اگر مقدار آب زیاد باشد، می تواند گرمای زیادی از محیط بگیرد یا اینکه به محیط بدهد، بی آنکه دمای خودش تغییر محسوسی بکند.

ظرفیت گرمایی اجسامی که از یک نوع ماده ساخته شده اند متناسب با جرم آنهاست.

$$\frac{Q_2}{Q_1} = \frac{\rho_2 V_2 c_2 \Delta\theta_2}{\rho_1 V_1 c_1 \Delta\theta_1} \leftarrow m = \rho V \quad \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{m_2 c_2 \Delta\theta_2}{m_1 c_1 \Delta\theta_1}$$

✓ جسم گرما بگیره:  $\theta_2 > \theta_1 \Rightarrow \Delta\theta > 0 \Rightarrow Q > 0$  | از دست بده:  $\theta_2 < \theta_1 \Rightarrow \Delta\theta < 0 \Rightarrow Q < 0$

✓ یادت نره که  $m = \rho V$



تست ۴۲: ✓

از ۵۰۰ گرم آب ۱۳ درجه سانتی گراد، مقدار ۲۱ کیلوژول گرما میگیریم. چگالی آب چگونه تغییر می کند؟ (گرمای ویژه آب ۴۲۰۰ واحد SI می باشد)

- (۱) کاهش (۲) افزایش (۳) اول کاهش بعد افزایش (۴) اول افزایش و بعد کاهش

تست ۴۳: ✓

از ۱۰۰ g آب  $60^{\circ}C$ ، به اندازه ۲۱ kJ گرما می گیریم و همین گرما را به ۲۵۰ g الکل  $20^{\circ}C$  می دهیم. در پایان، اختلاف دما بین آب و الکل،

چند درجه سلسیوس می شود؟ (  $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg.^{\circ}C}$  )

- ۶۰ (۱) ۵۴ (۲) ۵۰ (۳) ۴۸ (۴)

تست ۴۴: ✓

جسم  $A$ ، دو برابر حجم جسم  $B$  و چگالی آن  $\frac{8}{9}$  چگالی جسم  $B$  است. اگر گرمای ویژه  $A$ ، نصف گرمای ویژه  $B$  باشد و

سراسری-۱۳۹۶

به هر دو یک اندازه گرما بدهیم، افزایش دمای جسم  $A$ ، چند برابر افزایش دمای جسم  $B$  می شود؟

- $\frac{2}{3}$  (۴)  $\frac{3}{2}$  (۳)  $\frac{4}{5}$  (۲)  $\frac{5}{4}$  (۱)

تست ۴۵:

یک لوله‌ی مسی را بریده و جرم آن را نصف می‌کنیم. ظرفیت گرمایی و گرمای ویژه‌ی آن به ترتیب چند برابر می‌شوند؟

خارج از کشور - ۱۳۹۶

- ۱ و  $\frac{1}{2}$  (۱)       $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{2}$  (۲)       $\frac{1}{2}$  و ۱ (۳)      ۱ و ۱ (۴)

تست ۴۶:

یک نیروگاه هسته‌ای روزانه  $10^5 m^3$  آب از رودخانه می‌گیرد و ۲۱۰۰ گیگاژول از گرمای اتلافی خود را به این آب می‌دهد. اگر دمای آب ورودی  $25^\circ C$  باشد، دمای آب خروجی چند درجه‌ی سلسیوس است؟

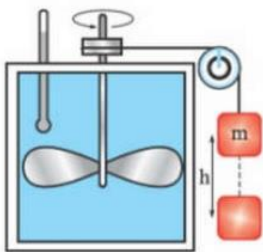
خارج از کشور - ۱۳۹۰

$$C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg^\circ C} \text{ و } \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

- ۵۰ (۱)      ۲۵٫۵ (۲)      ۳۰ (۳)      ۷۵ (۴)

تست ۴۷:

شکل روبه‌رو، آزمایش ژول را نشان می‌دهد. جرم وزنه و جرم آب داخل دستگاه برابر است. اگر وزنه به اندازه  $2/1m$  سقوط کند و کار نیروی وزن، برابر گرمای داده‌شده به آب باشد، دمای آب چند درجه‌ی سلسیوس افزایش می‌یابد؟ ( $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$  و  $g = 10 N/kg$ )



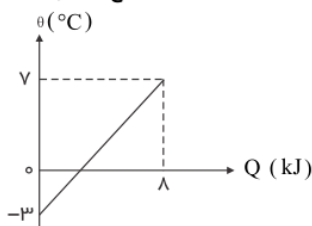
$$C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} \text{ و } g = 10 N/kg$$

- $4 \times 10^{-2}$  (۲)       $2 \times 10^{-2}$  (۱)  
 $3 \times 10^{-2}$  (۴)       $5 \times 10^{-2}$  (۳)

تست ۴۸:

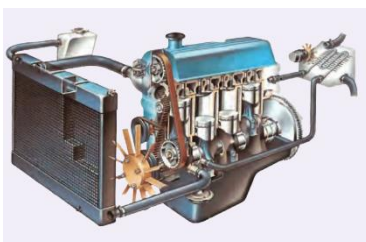
نمودار تغییرات دما برحسب گرمای داده شده به جسمی به جرم  $2kg$  مطابق شکل زیر است. چند کیلوژول گرما لازم است تا دمای این جسم  $3$  کلوین افزایش یابد؟

خارج از کشور - ۱۳۹۶



- ۶ (۱)      ۴٫۸ (۲)  
۳ (۳)      ۲٫۴ (۴)

فناوری و کاربرد:



استفاده از آب در دستگاه‌های گرم‌کننده و خنک‌کننده

دیدیم که گرمای ویژه آب از سایر مواد بیشتر است. این نشان می‌دهد که وقتی یک کیلوگرم آب به اندازه یک درجه سلسیوس تغییر دما دهد، در مقایسه با سایر مواد، گرمای بیشتری با محیط اطراف خود مبادله می‌کند. از این خاصیت آب گرم کردن فضای خانه‌ها به وسیله شوفاژ استفاده می‌شود. آب گرم شده در مخزن به وسیله پمپ (تلمبه) و از طریق لوله به رادیاتور می‌رسد. آب در رادیاتور که با هوای سرد در تماس است، سرد می‌شود و بخشی از انرژی درونی خود را از دست می‌دهد و بار دیگر، از طریق لوله‌های برگشت، به مخزن برمی‌گردد و در هر چرخه باز همین عمل تکرار می‌شود. از آب برای خنک کردن موتور خودروها نیز استفاده می‌شود.

بدین منظور، در محفظه سیلندر و سرسیلندر، مسیره‌های عبور آب در نظر گرفته شده است که به وسیله تلمبه آب (واتر پمپ)، آب به سرعت در درون این مسیرها گردش می‌کند و گرما را از موتور به رادیاتور خودرو می‌برد. در اثر عبور هوا از میان پره‌های رادیاتور، هوا با آب درون رادیاتور تبادل گرمایی

می‌کند، آب انرژی خود را از دست می‌دهد و دوباره به موتور برمی‌گردد و این عمل تکرار می‌شود.

پرسش کتاب:

چند گوی فلزی از جنس‌های مختلف، مثلاً از آلومینیم، فولاد، برنج، مس، سرب و ... را اختیار می‌کنیم که همگی جرم یکسانی داشته باشند. گوی‌ها را توسط ریسمان‌هایی داخل ظرف آبی قرار می‌دهیم که آب آن در حال جوشیدن است و پس از مدتی گوی‌ها را بیرون آورده و آنها را روی یک ورقه پارافین قرار می‌دهیم. به نظر شما کدام گوی، پارافین بیشتری را ذوب می‌کند و علت آن چیست؟  
این به گرماهای ویژه گوی‌ها بستگی دارد. اگر به جدول ۳-۴ رجوع کنید گرماهای ویژه سرب، برنج، مس، فولاد و آلومینیم به ترتیب ۹۰۰ و ۴۵۰، ۳۸۶، ۳۸۰، ۱۲۸ در واحد SI است. بنابراین میزان ذوب شدن پارافین از کمترین تا بیشترین به همان ترتیب است. آزمایش اصلی که توسط جان تیندال انجام شد به وسیله وزنه‌های استوانه‌ای انجام شده که شکل آن به صورت زیر است.



۹-۴-۴ گرمایی که باعث تغییر حالت همیشه

برای تغییر حالت:  $Q = \pm mL_x$  (گرماگیر: + | گرماده: -)  
(m: میزان جرمی از ماده که تغییر حالت میدهد و لزوماً جرم کل نیست)

$L_x$ : گرمای نهان: مقدار گرمایی که به یک کیلوگرم از جسم بدهیم تا در دمای معین تغییر حالت دهد. واحد آن $\frac{J}{Kg}$ می‌باشد.	
$L_V$ : گرمای نهان تبخیر با کاهش دما به دلیل محکمتر شدن پیوند مولکول‌های مایع، $L_V$ افزایش می‌یابد. $L_V$ به جنس و دما بستگی دارد.	$L_f$ : گرمای نهان ذوب فقط به جنس جسم بستگی دارد.
در فرایندهای تبخیر و میعان: $Q = \pm mL_V$	در فرایندهای ذوب و انجماد: $Q = \pm mL_f$



تست ۴۹:

از ۵۰۰ گرم آب صفر درجه‌ی سلسیوس در فشار یک اتمسفر،  $100,8 kJ$  گرما می‌گیریم. اگر گرمای نهان ذوب یخ  $\frac{336 kJ}{kg}$  باشد،

سراسری- ۱۳۹۰

چند درصد آب، منجمد می‌شود؟

۶۰

۸۰

۴۰

۲۰

پاسخ: گزینه ۴

$$Q_F = mL_F \Rightarrow 100,8 = m \times 336 \Rightarrow m = \frac{100,8}{336} = 0,3 kg = 300 g$$

$$\frac{\text{جرم آب منجمد شده}}{\text{جرم کل}} = \frac{300}{500} = 0,6 = 60\%$$

مساحت دریاچه‌ای  $500 \text{ km}^2$  است. در زمستان لایه‌ای از یخ صفر درجه‌ی سلسیوس به ضخامت متوسط  $10 \text{ cm}$  سطح دریاچه را می‌پوشاند. دریاچه در بهار چند مگاژول انرژی برای ذوب یخ جذب می‌کند؟  $(L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \rho_{\text{یخ}} = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$  سراسری-۱۳۹۳

۱)  $1,512 \times 10^7$     ۲)  $1,512 \times 10^{10}$     ۳)  $1,512 \times 10^{13}$     ۴)  $1,512 \times 10^{16}$

پاسخ: گزینه ۲ (۱) ابتدا باید جرم یخ روی دریاچه را محاسبه کنیم:

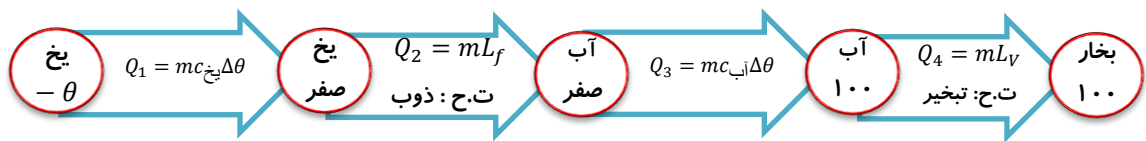
$$\rho_{\text{یخ}} = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho_{\text{یخ}} V = \rho_{\text{یخ}} (Ah) = (0.9 \times 10^3) \times (500 \times 10^6) \times 0.1 = 45 \times 10^9 \text{ kg}$$

(۲) گرمای لازم برای ذوب یخ دریاچه برابر است با:

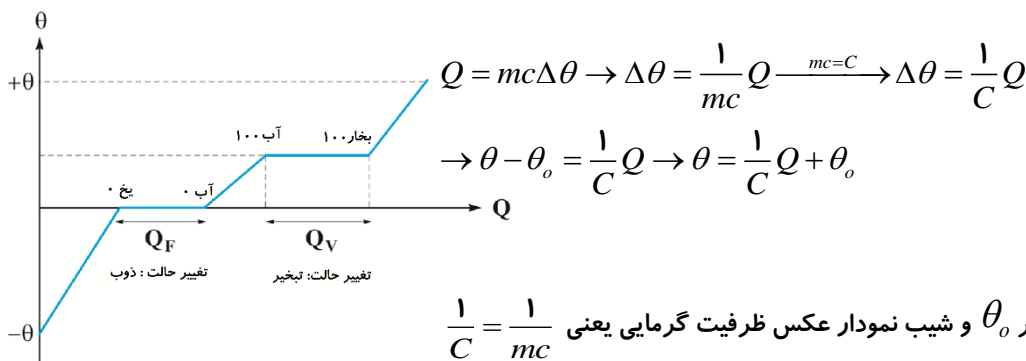
$$Q_F = mL_F \rightarrow Q_F = 45 \times 10^9 \times 336000 = 1,512 \times 10^{16} \text{ J}$$

$$\Rightarrow Q_F = 1,512 \times 10^{16} \times 10^{-6} \text{ M} = 1,512 \times 10^{10} \text{ Mj}$$

۱۰-۴-۴ گرمایی که هم باعث تغییر دما همیشه و هم تغییر حالت! یعنی میکس دو حالت قبل



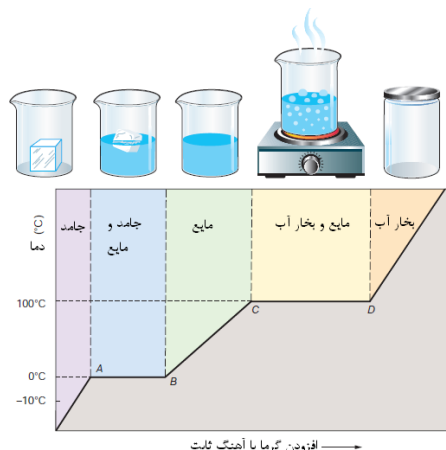
$$Q_{\text{total}} = Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4$$



پس عرض از مبدا نمودار  $\theta - Q$  برابر  $\theta_0$  و شیب نمودار عکس ظرفیت گرمایی یعنی  $\frac{1}{mc}$

از آنجا که در تبادل گرما، ظرفیت گرمایی جسم تغییر نمی‌کند، نمودار  $\theta - Q$  خط راستی است که شیب آن برابر عکس ظرفیت گرمایی جسم است و هرچه ظرفیت گرمایی جسم بیشتر باشد، شیب نمودار  $\theta - Q$  آن کم تر است. واضح است! هرچه ظرفیت گرمایی جسم بزرگ تر باشد، دمای آن، در اثر جذب گرمای معینی، کم تر تغییر می‌کند. لذا شیب تغییرات دما بر حسب گرما، کم تر می‌شود. (ظرفیتش بیشتره دیگه!)

شیب غیرافقی نمودار  $\theta - Q$ : تغییر دما | شیب افقی نمودار  $\theta - Q$ : تغییر حالت

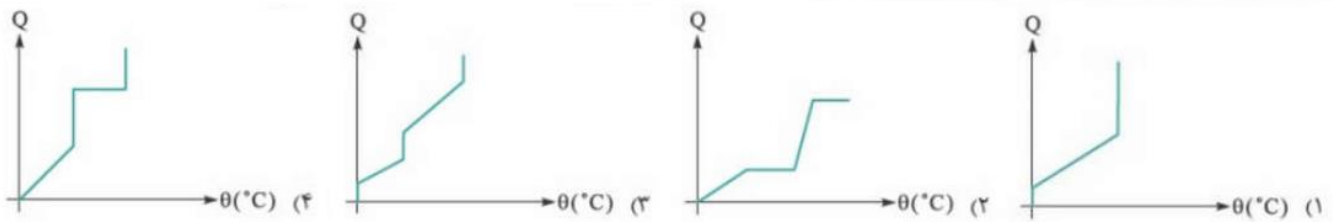


✓ اگر دمای آب برابر دمای نقطه جوش آن باشد، آب بخار نمی‌شود، زیرا آب در نقطه‌ی جوشش هنگامی می‌جوشد و بخار می‌شود که گرما دریافت کند.

✓ هنگام جوشیدن آب دمای آن بالا نمی رود، در تمام مدت عمل تبخیر و جوشیدن، دمای مایع ثابت و برابر نقطه ی جوش مایع است.

تست ۵۱: ✓

کدام نمودار دربارهٔ تبدیل یخ صفر درجهٔ سلسیوس به بخار ۱۰۰ درجهٔ سلسیوس است؟



تست ۵۲: ✓

نمودار زیر، مربوط به جسمی به جرم ۵۰ g است که ابتدا در حالت جامد بوده و توسط یک گرمکن ۱۰ واتی، گرم شده است. گرمای ویژه و گرمای نهان ذوب آن، به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟



(۱)  $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 340, 100$

(۲)  $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 170, 100$

(۳)  $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 340, 1000$

(۴)  $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 170, 1000$

تست ۵۳: ✓

اگر گرمای ویژه ی آب و یخ به ترتیب  $\frac{J}{kg \cdot K} = 4200$  و  $\frac{J}{kg \cdot K} = 2100$  و همچنین  $L_F = \frac{J}{kg} = 335000$  باشد، چند کیلوژول

سراسری-۱۳۹۵

گرم لازم است تا ۲۰۰ گرم یخ (-۵) درجه ی سلسیوس به آب ۵۰ درجه ی سلسیوس تبدیل شود؟

۱۱۱۱۰۰ (۴)

۱۱۳٫۲ (۳)

۱۱۱٫۱ (۲)

۱۱٫۳۲ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

$Q_1 \rightarrow 0^\circ C \text{ یخ} \rightarrow Q_2 \rightarrow 50^\circ C \text{ آب} \rightarrow Q_3 \rightarrow 50^\circ C \text{ آب}$

$Q_T = Q_1 + Q_2 + Q_3 = mc_{\text{یخ}}\Delta\theta + mL_F + mc_{\text{آب}}\Delta\theta$

$Q_T = \frac{2}{10} \times 2100 \times 5 + \frac{2}{10} \times 335000 + \frac{2}{10} \times 4200 \times 50$

$Q_T = 111100 J = 111,1 KJ$

تست ۵۴: ✓

خارج از کشور-۱۳۸۸

حداقل گرمایی که یک کیلوگرم یخ ۰-۱ درجه ی سلسیوس رابه آب تبدیل می کند چند کیلوژول است؟

$(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, L_f = 334 \times 10^3 \frac{J}{kg})$

۶۴۳ (۴)

۵۴۲ (۳)

۴۳۶ (۲)

۳۵۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

$-10^\circ C_{\text{یخ}} \rightarrow 0^\circ C_{\text{یخ}} \rightarrow 0^\circ C_{\text{آب}}$

$Q_1 + Q_2 = mC\Delta\theta + mL = 1 \times 2100 \times [0 - (-10)] + 1 \times 334 \times 10^3$

$= 21 \times 10^3 + 334 \times 10^3 = 355 \times 10^3 J = 355 kJ$



تست ۵۵

به مقداری یخ با دمای صفر درجه‌ی سلیسیوس گرما می‌دهیم تا تبدیل به آب ۲۰ درجه‌ی سلیسیوس شود. چند درصد گرمای داده شده صرف ذوب یخ شده است؟  $(L_F = ۳۳۶ \frac{J}{g}, C_{\text{آب}} = ۴,۲ \frac{J}{g^{\circ}C})$

خارج از کشور - ۱۳۸۷

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

۶۰ (۲)

۵۵ (۱)

تست ۵۶

اگر ۹۰ درصد گرمایی را که ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه‌ی سلیسیوس از دست می‌دهد تا به آب صفر درجه‌ی سلیسیوس تبدیل شود، به یک قطعه یخ صفر درجه‌ی سلیسیوس بدهیم، چند گرم از یخ ذوب می‌شود؟  $(L_f = ۳۳۶۰۰۰ J/kg$  و  $C_{\text{آب}} = ۴۲۰۰ J/kg \cdot K$ )

خارج از کشور - ۱۳۹۸

۴۵ (۴)

۵۰ (۳)

۴۵۰ (۲)

۵۰۰ (۱)

تست ۵۷

در یک چاله ۱ کیلوگرم آب صفر درجه سلیسیوس قرار دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی قسمتی از آب تبخیر شود و بقیه آن یخ ببندد، جرم آب یخ زده چند گرم می‌شود؟  $(L_f = ۳۳۶۰۰۰ J/kg$  و  $L_v = ۲۲۶۸۰۰۰ J/kg$ )

۸۰ گرم (۴)

۶۰ گرم (۳)

۸۰۰ گرم (۲)

۶۰۰ گرم (۱)

تست ۵۸

درون ظرفی m گرم آب ۰°C وجود دارد. در اثر تبخیر سطحی، ۲۰ گرم از آب، تبخیر شده و مابقی به یخ تبدیل می‌شود. m چند گرم است؟  $(L_v = ۲۲۶۸ \frac{kJ}{kg}, L_f = ۳۳۶ \frac{kJ}{kg})$  و از تبادل گرما با محیط صرف نظر شود.

۱۶۰ (۴)

۱۲۰ (۳)

۱۵۵ (۲)

۱۳۵ (۱)

تست ۵۹

در یک روز زمستانی بخار آب موجود در اتاقی روی شیشه پنجره قطره‌قطره به شکل مایع در می‌آید. اگر دمای شیشه حدود ۰°C باشد، برای آنکه ۵۰g آب روی شیشه تشکیل شود، دمای شیشه چند درجه سلیسیوس افزایش می‌یابد؟ (فرض این است که تمام گرما صرف گرم کردن شیشه می‌شود، ظرفیت گرمایی شیشه  $۱۲/۶ kJ/K$  و  $L_v = ۲۲۶۸ J/g$ )

۴ (۴)

۸ (۳)

۴/۵ (۲)

۹ (۱)



دمای بدن شخصی به جرم  $50\text{ kg}$  با تعریق به اندازه  $1/1^\circ\text{C}$  کاهش یافته است. اگر گرمای نهان تبخیر عرق شخص در دمای بدن ( $37^\circ$ ) برابر  $2/5 \times 10^6\text{ J/kg}$  و گرمای ویژه بدن شخص حدود  $3200\text{ J/kg}^\circ\text{C}$  باشد، شخص چند سی سی آب بنوشد تا حجمی از آب را که با عرق کردن از دست داده است جبران کند؟ ( $\rho_{\text{آب}} = 1\text{ g/cm}^3$ )

۷۴/۸ (۴)

۷۳/۸ (۳)

۷۰/۴ (۲)

۶۴/۳ (۱)

### ۱۱-۴-۴ این ثابت ها

مقدار گرمایی که به یک کیلوگرم از جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سانتی گراد (یا یک کلوین) افزایش یابد.	گرمای ویژه ( $c$ )
واحد آن $c: [\frac{J}{Kg \cdot ^\circ C}] \text{ or } [\frac{J}{Kg \cdot K}]$	
با تغییر جرم تغییری نمی کند.	
فقط به جنس ماده سازنده جسم بستگی دارد و برای هر ماده عددی مشخص است.	
مقدار گرمایی که به یک جسم داده شود تا دمای آن یک درجه سانتی گراد (یا یک کلوین) افزایش یابد.	ظرفیت گرمایی ( $C = mc$ )
واحد آن $C: [\frac{J}{^\circ C}] \text{ or } [\frac{J}{K}]$	
علاوه بر جنس به جرم ماده سازنده هم بستگی دارد و بسته به جرم ماده تغییر می کند.	
مقدار گرمایی که به یک کیلوگرم از جسم بدهیم تا در دمای معین ذوب دهد.	گرمای نهان ذوب ( $L_f$ )
واحد آن $\frac{J}{Kg}$ می باشد.	
فقط به جنس جسم بستگی دارد.	
مقدار گرمایی که به یک کیلوگرم از جسم بدهیم تا در دمای معین بخار دهد.	گرمای نهان تبخیر ( $L_v$ )
واحد آن $\frac{J}{Kg}$ می باشد.	
با کاهش دما به دلیل محکمتر شدن پیوند مولکول های مایع، $L_v$ افزایش می یابد.	
$L_v$ به جنس و دما بستگی دارد.	
✓ هرچه دمای مایع بالاتر باشد ( $L_v$ ) آن کمتر است یعنی با افزایش دما $L_v$ کاهش می یابد زیرا با افزایش دما انرژی جنبشی متوسط مولکول ها زیاد میشود و در نتیجه مولکول ها خودشان پر انرژی هستند و برای جدا شدن از مایع انرژی کمتری باید دریافت کنند.	
✓ گرمای نهان ذوب ( $L_f$ ) به جنس ماده بستگی دارد اما گرمای نهان تبخیر ( $L_v$ ) به جنس ماده و دمای آن بستگی دارد. چون فرایند ذوب و انجماد فقط در دمای ذوب رخ می دهند اما تبخیر و میعان ممکن است در هر دمایی رخ بدهند.	توضیحات مشترک ( $L_v$ ) و ( $L_f$ )
✓ تبدیل مایع به بخار انرژی بیشتری می خواهد تا تبدیل جامد به مایع به همین دلیل گرمای نهان تبخیر ( $L_v$ ) یک ماده همیشه بزرگتر از گرمای نهان ذوب ( $L_f$ ) آن ماده است.	
گرمای ویژه ی مولی مقدار گرمایی است که باید به یک مول از ماده بدهیم تا در شرایط فیزیکی تعیین شده دمایش $1\text{ K}$ افزایش یابد.	گرمای ویژه مولی ( $c_m$ )
یکای گرمای ویژه مولی $\text{J/mol.K}$ است.	
و از رابطه $c_m = \frac{C}{n}$ نتیجه می گیریم که گرمای ویژه ی مولی ظرفیت گرمایی یک مول ماده است.	



لاکنه ۱۰: اگر به چند جسم و جرم مختلف گرمای  $Q$  بدهیم و دمای آنها به اندازه  $\Delta\theta$  تغییر کند می توانیم برای آن چندجسم ظرفیت گرمایی کل را محاسبه کنیم. به این صورت که ظرفیت گرمایی کل برابر است با مجموع ظرفیت گرمایی تک تک جسم ها.

$$Q = mc_i\Delta\theta = C_i\Delta\theta$$



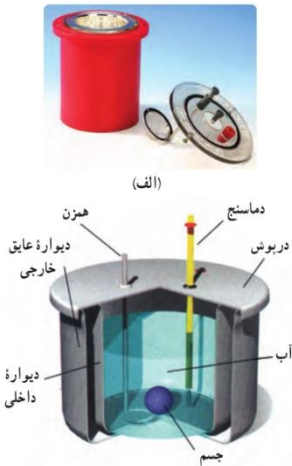
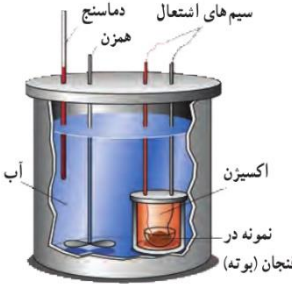
لاکنه ۱۱: تبدیل مهم در محاسبات:

$$\left. \begin{aligned} L_F &= 8 \times 4200 \frac{J}{kg} & L_V &= 540 \times 4200 \frac{J}{kg} & c_w &= 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} & c_i &= \frac{1}{2} \times 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} & \left. \begin{aligned} c_{ice} &= 2100 = \frac{1}{2} A \\ c_{Water} &= 4200 = A \\ l_f &= 336000 = 8 \cdot A \end{aligned} \right\} \end{aligned} \right\}$$

$$L_F = 8 \times c_w \quad | \quad L_V = 540 \times c_w \quad | \quad c_w = c_w \quad | \quad c_i = \frac{1}{2} \times c_w$$

(۱) واحد جرم در تمامی روابط بالا، متناسب با واحد مخرج  $L_f$ ،  $L_V$  و  $C$  باشد

### ۱۲-۴-۴ گرماسنج

	<p><b>تعریف</b> گرماسنج که به آن کالری متر نیز می گویند شامل ظرفی است درپوش دار که به خوبی عایق بندی گرمایی شده است. مجموعه ای شامل فلاسک، مخزن و دماسنج است.</p>	
	<p><b>محاسبه</b> این ظرف در آزمایش های گرماسنجی مانند تعیین گرمای ویژه اجسام، به کار می رود. در گرماسنج مقداری آب با جرم معین می ریزیم و پس از هم دما شدن آب و گرماسنج، دمای آب را اندازه می گیریم. سپس جسمی را که می خواهیم گرمای ویژه اش را پیدا کنیم و جرم و دمای اولیه آن معلوم است، درون گرماسنج قرار می دهیم. آنگاه به کمک همزن آب را به هم می ریزیم تا مجموعه سریع تر به دمای تعادل برسد.</p> $Q_{Water} + Q_{Jesm} + Q_{Garmasanj} = 0 \rightarrow m_w c_w (\theta - \theta_{w_i}) + m_j c_j (\theta - \theta_{j_i}) + C(\theta - \theta_{iG}) = 0$	<p><b>بمبی</b> گرماسنج بمبی نوعی گرماسنج است که از آن برای تعیین ارزش غذایی مواد با اندازه گیری انرژی آزاد شده آنها در حین سوختن استفاده می شود. نمونه ای که جرم آن به دقت اندازه گیری شده است در ظرف سرپسته ای که محتوی اکسیژن است (که اصطلاحاً به آن بم بگفته می شود) قرار داده می شود. سپس این محفظه در آب یک گرماسنج قرار داده می شود و توسط جریان الکتریکی عبوری از یک سیم نازک، نمونه داخل آن سوزانده می شود. با اندازه گیری تغییر دمای آب، انرژی حاصل از احتراق ماده موردنظر را به دست می آورند که تقریباً معادل انرژی آزاد شده از آن ماده است.</p>

تست ۶۱:

گرماسنجی مسی به جرم ۱ kg مفروض است. درون این گرماسنج ۲ kg آب و یک همزن فلزی به جرم ۲۰۰ g در دمای  $10^\circ C$  به حالت تعادل قرار دارند. قطعه فلزی به جرم ۵ kg و دمای  $72^\circ C$  را به درون گرماسنج می اندازیم و سپس آب درون گرماسنج را توسط همزن، هم می ریزیم. پس از برقراری تعادل دمای مجموعه  $12^\circ C$  می شود. گرمای ویژه قطعه فلز در SI چه قدر است؟  $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$ ،  $c_{\text{مس}} = 400 \frac{J}{kg \cdot K}$  و  $c_{\text{همزن}} = 1000 \frac{J}{kg \cdot K}$

۹۰۰ (۴)

۶۰۰ (۳)

۴۵۰ (۲)

۳۰۰ (۱)



تست ۶۲:

دو کره فلزی هم جنس در نظر بگیرید که شعاع‌های مساوی دارند ولی درون یکی از آنها حفره‌ای خالی وجود دارد. اگر به دو کره انرژی گرمایی مساوی بدهیم، شعاع آنها در مقایسه با هم چگونه تغییر می‌کند؟  
سراسری - ۱۳۸۴

- ۱) برای هر دو کره افزایش شعاع برابر است.  
۲) برای کره‌ای که حفره دارد افزایش شعاع کمتر است.  
۳) برای کره‌ای که حفره دارد افزایش شعاع بیشتر است.  
۴) بستگی به محل و شعاع حفره ممکن است افزایش شعاع کره‌ی حفره‌دار بیشتر یا کمتر از کره‌ی توپر باشد.

تست ۶۳:

دو کره‌ی مسی  $A$  و  $B$  با شعاع و دمای اولیه‌ی مساوی در نظر بگیرید که درون کره‌ی  $A$  حفره‌ای توخالی وجود دارد. اگر دمای آنها را به یک اندازه بالا ببریم، کدام رابطه بین افزایش شعاع کره‌ها و همچنین گرمای گرفته شده توسط کره‌ها برقرار است؟  
سراسری - ۱۳۸۷

- ۱)  $Q_B > Q_A$  و  $\Delta R_B = \Delta R_A$   
۲)  $Q_B > Q_A$  و  $\Delta R_B < \Delta R_A$   
۳)  $Q_B < Q_A$  و  $\Delta R_B > \Delta R_A$   
۴)  $Q_B < Q_A$  و  $\Delta R_B = \Delta R_A$

تست ۶۴:

از یک ورق مسی، دو صفحه‌ی دایره‌ای شکل به مساحت‌های  $S_1$  و  $S_2 = 2S_1$  بریده و جدا کرده‌ایم. حال اگر به اولی گرمای  $Q_1$  و به دومی گرمای  $Q_2 = 2Q_1$  را بدهیم و بر اثر افزایش گرما شعاع آنها به ترتیب  $\Delta R_1$  و  $\Delta R_2$  باشد،  $\frac{\Delta R_2}{\Delta R_1}$  چقدر است؟  
سراسری - ۱۳۹۲

- ۱)  $\sqrt{2}$   
۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$   
۳) ۲  
۴)  $\frac{1}{2}$

تست ۶۵:

دو کره‌ی فلزی هم جنس  $A$  و  $B$ ، اولی توپر به شعاع  $2.0\text{ cm}$  و دیگری توخالی که شعاع خارجی آن  $2.0\text{ cm}$  و شعاع حفره‌ی داخلی  $1.0\text{ cm}$  است. اگر به دو کره، به یک اندازه گرما بدهیم و تغییر حجم کره‌ی  $A$  برابر  $\Delta V_A$  و تغییر حجم فلز به کار رفته در کره‌ی  $B$  برابر

$\Delta V_B$  باشد، نسبت  $\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B}$  کدام است؟  
سراسری - ۱۳۹۶

- ۱)  $\frac{7}{8}$   
۲) ۱  
۳) ۲  
۴)  $\frac{8}{7}$

تست ۶۶: 

به دو کره فلزی توپر  $A$  و  $B$  که جرم مساوی دارند و حجم کره  $B$ ، ۴ برابر حجم کره  $A$  است، گرمای مساوی می‌دهیم. اگر گرمای ویژه  $A$  نصف گرمای ویژه  $B$  و ضریب انبساط خطی  $A$  نصف ضریب انبساط خطی  $B$  باشد، تغییر حجم کره  $A$  چند برابر تغییر حجم کره  $B$  است؟

سراسری - ۱۳۹۹

$\frac{1}{4}$  

$\frac{1}{2}$  

۲ 

۴ 

تست ۶۷: 

دو کره فلزی همجنس  $A$  و  $B$ ، اولی توپر و شعاع آن  $2.0\text{ cm}$  است. دومی تو خالی و شعاع خارجی آن  $2.0\text{ cm}$  و شعاع حفره‌ی داخلی آن  $1.0\text{ cm}$  است. اگر به دو کره به یک اندازه گرما بدهیم و تغییر دمای آنها به ترتیب  $\Delta\theta_B$  و  $\Delta\theta_A$  باشد، نسبت  $\frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A}$  کدام است؟

خارج از کشور - ۱۳۹۵

۲ 

$\frac{5}{4}$  

$\frac{8}{7}$  

۱ 

#### ۴-۵ حفظیات تغییر حالات ماده

گذار از یک حالت (فاز) به یک حالت (فاز) دیگر را یک تغییر حالت (گذار فاز) می‌نامند. تبدیل جامد به مایع را ذوب، تبدیل مایع به بخار را تبخیر و تبدیل مایع به جامد را انجماد و تبدیل بخار به مایع را چگالش بخار به مایع یا میعان می‌نامیم. امکان دارد که تغییر حالت از جامد به بخار و وارون آن از بخار به جامد نیز به طور مستقیم و بدون گذر از حالت مایع صورت گیرد. تغییر حالت از جامد به بخار، تصعید و تغییر حالت وارون آن، یعنی از بخار به جامد چگالش بخار به جامد گفته می‌شود. برای مثال، نفتالین در دمای اتاق به طور مستقیم از جامد به بخار تبدیل می‌شود، یا در صبح‌های بسیار سرد زمستان، برفکی که روی گیاهان و یا روی شیشه پنجره می‌نشیند، بخار آبی است که به طور مستقیم به بلورهای یخ تبدیل شده است.

#### ۴-۵-۱ تغییر حالت جامد - مایع

دیدیم که اگر به جسم جامدی گرما دهیم، دمای آن افزایش می‌یابد. اگر عمل گرما دادن را برای جامدهای خالص و بلورین ادامه دهیم، وقتی دمای جسم به مقدار مشخصی برسد، افزایش دما متوقف می‌شود و دما ثابت باقی می‌ماند. در این حالت، جسم شروع به ذوب شدن می‌کند و به مایع تبدیل می‌شود. این دمای ثابت را نقطه ذوب یا دمای گذار جامد به مایع می‌نامند، که به جنس جسم و فشار وارد بر آن بستگی دارد. به استثنای چند مورد خاص، حجم جامدهای بلوری هنگام ذوب شدن افزایش می‌یابد؛ زیرا حجمی که بلور با آرایش منظم مولکول‌ها در حالت جامد اشغال می‌کند، نسبت به این حجم در حالت مایع که آرایش مولکولی نامنظمی دارد، کمتر است. برخلاف جامدهای خالص و بلورین، جامدهای بی شکل مانند شیشه و جامدهای ناخالصی مانند قیر نقطه ذوب کاملاً مشخصی ندارند. در واقع وقتی این مواد را گرم می‌کنیم، پیش از ذوب شدن خمیر یشکل می‌شوند. این مواد در گستره‌ای از دما به تدریج ذوب می‌شوند. معمولاً افزایش فشار وارد بر جسم سبب بالا رفتن نقطه ذوب جسم می‌شود. اما در برخی مواد مانند یخ، افزایش فشار به کاهش نقطه ذوب می‌انجامد که این در مورد یخ بسیار ناچیز است.

عمل ذوب، فرایندی گرماگیر است؛ یعنی به جسم جامدی که به دمای ذوب خود رسیده باشد باید گرما بدهیم تا به مایع تبدیل شود، زیرا مولکول‌های جامد باید از ساختار صلب قبلی خود رها شوند. این گرما، دمای جسم را تغییر نمی‌دهد؛ بلکه سبب تغییر حالت آن می‌شود. ذوب شدن یک قالب یخ و تبدیل آن به آب مثالی مشهور از این دست است.

انجماد یک مایع و تبدیل آن به یک جامد، عکس فرایند ذوب شدن است و لازمه این فرایند گرفتن گرما از مایع است تا مولکول‌ها بتوانند در یک ساختار جدید قرار گیرند. در اینجا نیز تغییر حالت بدون تغییر دما رخ می‌دهد. گرمای منتقل شده برای تغییر حالت جسم از جامد به مایع یا از مایع به جامد، با جرم جسم نسبت مستقیم دارد.

گرمای نهان ذوب و نقطه ذوب مواد مختلف، متفاوت است.

فعالیت کتاب:

برف و یخ دو شکل آشنای حالت جامد آب هستند، اما با وجود این، ظاهر متفاوتی دارند. دلیل این امر را تحقیق کنید. هوا شامل بخار آب است. وقتی دمای هوا در ابتدا بالای نقطه انجماد آب باشد و هوا خنک شود همان پدیده میعان رخ می‌دهد و بخار به شکل باران، مه و شبنم تبدیل می‌شود. با سردتر شدن هوا، این آب به شکل تگرگ یخ می‌زند. اما اگر در ابتدا دما زیر نقطه انجماد آب باشد، بخار آب مستقیماً از حالت گازی به حالت جامد می‌رود (عکس پدیده تصعید). در این صورت بلورهای یخ معلق در هوا ضمن حفظ تقارن شش وجهی خود، به آرامی رشد می‌کند و تشکیل دانه‌های برف را می‌دهند. (فرایند مشابهی موجب تشکیل برفک در یخچال می‌شود).

فعالیت کتاب:

تحقیق کنید وجود ناخالصی در مایع چه تأثیری بر نقطه انجماد آن دارد.

وجود ناخالصی موجب فروافتادن نقطه انجماد می‌شود. برای توضیح این پدیده به قطعه یخی فکر کنید که روی آن لایه نازکی از آب وجود دارد. در سطح جدایی لایه آب و یخ، دائماً تعدادی مولکول از آب به یخ می‌پیوندند و تعدادی مولکول نیز از یخ به آب می‌پیوندند. وجود تعادل در این دو فرایند سبب می‌شود مقدار آب و مقدار یخ ثابت بماند. حال اگر مقداری نمک طعام روی این قطعه یخ پاشیم. مولکول‌های نمک در لایه آب به یون‌های مثبت و منفی تجزیه می‌شوند. مولکول‌های آب دور هر دو یون جمع می‌شوند و اصطلاحاً یون‌ها را هیدراته می‌کنند. در نتیجه هیدراته شدن یون‌ها، تعداد مولکول‌هایی که از آب به یخ می‌پیوندند کاهش می‌یابد، در حالی که تعداد مولکول‌هایی که از یخ به آب می‌پیوندند تغییری نکرده است. به عبارتی، تعادل قبلی برهم می‌خورد و از یخ کاسته و بر لایه آب افزوده می‌شود و آن قدر آب موجود در لایه آب زیاد می‌شود تا دوباره تعادل برقرار گردد. در پیوستن مولکول‌های آب از یخ به آب، انرژی مولکول‌ها افزایش می‌یابد، زیرا مولکول‌های آب در حالت مایع نسبت به حالتی که در ساختار بلورین و صلب یخ قرار دارند، دارای انرژی بیشتری هستند. این افزایش انرژی مولکول‌ها، با گرفتن گرما از لایه آب تأمین می‌شود و در نتیجه دمای لایه آب پایین می‌آید و به دنبال آن دمای یخ که در تماس با این لایه آب است نیز کاهش می‌یابد. اصطلاحاً گفته می‌شود نقطه انجماد آب به دلیل وجود نمک "فرو می‌افتد".

با پاشیدن نمک بیشتر روی یخ، مقدار بیشتری از یخ ذوب می‌شود و دمای آب و یخ بیشتر کاهش می‌یابد. البته برای این کاهش، حدی وجود دارد؛ برای

نمک طعام (NaCl) این دمای حدی ۲۱- درجه سانتی‌گراد و برای کلسیم کلراید ( $\text{CaCl}_2$ ) این دمای حدی ۵۵- درجه سانتی‌گراد است. به همین دلیل برای جاده‌های یخ بسته از کلسیم کلراید استفاده می‌کنند.

## ۲-۵-۴ تغییر حالت مایع بخار

دیدیم که به تبدیل مایع به بخار تبخیر می‌گویند. خشک شدن لباس خیس که روی بند رخت آویخته شده است، یا خشک شدن سریع یک زمین خیس در هوای گرم تابستان مثال‌هایی از نوعی تبخیر هستند که به آن تبخیر سطحی گفته می‌شود. تا پیش از رسیدن به نقطه جوش مایع، تبخیر به طور پیوسته‌ای از سطح مایع رخ می‌دهد. در پدیده تبخیر سطحی، تندی برخی از مولکول‌های مایع به حدی می‌رسد که می‌توانند از سطح مایع فرار کنند. تجربه نشان می‌دهد آهنگ رخ دادن این فرایند به عواملی از جمله دما و مساحت سطح مایع بستگی دارد.

فعالیت کتاب:

الف) بررسی کنید از دیدگاه مولکولی، افزایش دما و افزایش مساحت سطح مایع چگونه بر آهنگ تبخیر سطحی مایع اثر می‌گذارد؟

تبخیر سطحی با افزایش دما زیاد می‌شود. در واقع مولکول‌ها برای آنکه بتوانند از سطح آزاد مایع فرار کنند باید انرژی جنبشی لازم برای فرار از چنگ کشش سطحی را داشته باشند و بدیهی است که این با افزایش دما بیشتر می‌شود. وانگهی کشش سطحی آب نیز با افزایش دما کم می‌شود که این هم به تبخیر ساده‌تر آب می‌انجامد. در جدول ۴-۵ نیز این بستگی به دما به وضوح نمایان است. افزایش مساحت نیز موجب افزایش تبخیر سطحی می‌شود. چرا که هر چه مساحت سطح آزاد بیشتر شود بدیهی است که مولکول‌های بیشتری برای فرار از سطح آزاد مایع وجود خواهد داشت.

ب) با بررسی تبخیر سطحی در شرایط مختلف سعی کنید از راه تجربه، عامل یا عامل‌های دیگری را پیدا کنید که بر آهنگ تبخیر سطحی مؤثر باشند. دانش آموزان مثلاً می‌توانند سطح آزاد مایع را در معرض نسیم یا باد طبیعی و یا مصنوعی (مثلاً باد پنکه) قرار دهند و بدین ترتیب دریابند که آهنگ تبخیر سطحی افزایش می‌یابد. همچنین اگر بتوان شرایطی را فراهم کرد که فشار هوا بر سطح آزاد مایع کاهش یابد و ظرف در محیطی با خلأ نسبی قرار گیرد، آهنگ تبخیر سطحی افزایش می‌یابد.



پ) تحقیق کنید کوزه‌های سفالی چگونه می‌توانند آب داخل خود را خنک کنند.

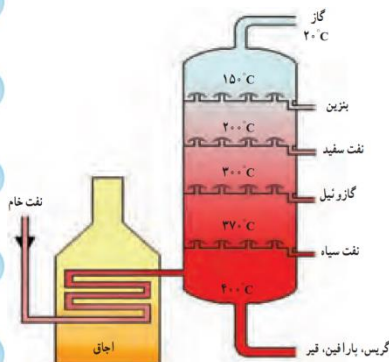
آبی که از دیواره‌های متخلخل کوزه به بیرون تراوش کرده بخار می‌شود و ضمن تبخیر از کوزه و آب داخل آن، گرمای لازم (گرمای نهان تبخیر) گرفته می‌شود. حال اگر نسیمی بوزد این عمل تشدید می‌شود. زیرا همان طور که گفتیم در حین تبخیر، مولکول‌های آب از آن جدا می‌شوند تا به هوای مجاور خود بروند. مقداری انرژی صرف می‌شود تا این مولکول‌ها از جاذبهٔ مولکول‌های سطح آب رها شوند. بسیاری از این مولکول‌ها، مثلاً با برخورد با مولکول‌های هوا، به سطح آب باز می‌گردند. اما اگر هوا با یک نسیم حرکت کند این مولکول‌های آزاد شده از محل دور می‌شوند و نمی‌توانند انرژی را برگردانند که به این در قسمت (ب) نیز پرداختیم. اگر این از دست دادن انرژی سریع باشد، دمای آب پیش از آنکه انرژی قابل توجهی از محیط به آب انتقال یابد، فرو می‌افتد. بنابراین اگر یک کوزه متخلخل در سایه قرار داده شود، وزش یک نسیم می‌تواند آب داخل کوزه را با جدا کردن مولکول‌های بخار شده از آبی که از دیواره کوزه به بیرون تراویده است خنک کند. عرق کردن بدن و یا خیساندن لباس و پوشیدن آن و سپس قرار گرفتن در زیر سایه و محلی بادگیر نیز به طور مشابه می‌تواند باعث خنک شدن شخص شود.



وقتی مایعی را روی اجاقی قرار می‌دهیم، با گرم کردن مایع به دمای مشخصی می‌رسیم که در آن حباب‌های گاز از درون مایع بالا می‌آیند، که نشانه‌ای از آغاز فرایندی موسوم به جوشیدن است. به این دمای مشخص، نقطه جوش می‌گویند. در مورد آب، به محض اینکه حباب‌ها بالا می‌آیند به آب کمی سردتر می‌رسند و پیش از رسیدن به سطح آزاد آب با صدای تیزی فرو می‌پاشند و در آنجا دوباره به مایع تبدیل می‌شوند. ولی وقتی دمای آب همچنان بالا برود، حباب‌ها می‌توانند بیشتر بالا بروند تا می‌گویند «غلغل کردن» اینکه سرانجام به سطح آزاد آب می‌رسند و در آنجا با صدای دیگری که به آن رسیده است و «جوش کامل» فرو می‌پاشند (شکل ۴-۲۶). در این حالت است که می‌گوییم آب به آهنگ تبخیر به بیشترین مقدار خود می‌رسد. دماسنجی که مخزن آن درون آب قرار دارد دمای ثابتی را نشان می‌دهد که برای آب خالص در فشار جوّ متعارف (atm 1)، ۱۰۰ درجه سانتی گراد است. در جوشیدن، کلّ مایع در فرایند تبخیر شرکت می‌کند. به فرایند تبخیر تا پیش از رسیدن به نقطهٔ جوش تبخیر سطحی و به فرایند تبخیر در نقطه جوش، اصطلاحاً جوشیدن می‌گویند، در حالیکه هر دو فرایند، تبخیرند.

#### فعالیت کتاب:

از تفاوت نقطه جوش اجسام مختلف در صنعت، استفاده زیادی می‌شود. تحقیق کنید چگونه از این ویژگی برای جدا کردن محصولات نفتی استفاده می‌شود؟



اجزای تشکیل دهنده یک محلول چند جزئی مانند نفت خام نقطه‌های جوش متفاوتی دارند، به طوری که سنگین‌ترین آنها بالاترین نقطه جوش و سبک‌ترین آنها کمترین نقطه جوش را دارند. وقتی نفت خام را چنان حرارت دهیم که ناگهان همه اجزای آن تبدیل به بخار گردد و سپس آنها را سرد کنیم تا به مایع تبدیل شوند، اجزای مختلف نفت خام با نقاط جوش مختلف را می‌توان در یک ستون تقطیر از هم جدا کرد. سبک‌ترین محصولات با پایین‌ترین نقطه جوش از بالای ستون و سنگین‌ترین محصولات با بالاترین نقطه جوش از پایین ستون خارج می‌شود.

#### فعالیت کتاب:

گرمای نهان تبخیر آب با افزایش دمای آن کاهش می‌یابد. چرا؟

این مورد را می‌توان با نیروهای بین مولکولی که در فصل ۳ معرفی شدند توضیح داد. همان طور که دیدیم نیروهای چسبندگی مولکولی به فاصله بین مولکول‌ها بستگی دارند. با افزایش دما و کاهش چگالی، فاصله بین مولکولی در حالت مایع افزایش و نیروی چسبندگی بین مولکول‌ها کاهش می‌یابد و در نتیجه تفاوت بین انرژی‌های درونی جسم در حالت‌های مایع و بخار کاهش می‌یابد. به بیانی بسیار ساده شده، با افزایش دما، مولکول‌ها ساده‌تر می‌توانند از سطح آزاد مایع بگریزند و به گرمای کمتری برای این امر نیاز است و بالعکس.

#### پرسش کتاب:

الف) چرا غذا در دیگ زودپز، زودتر پخته می‌شود؟

این مثالی از افزایش نقطه جوش آب با افزایش فشار وارد بر سطح آزاد مایع است. در درون دیگ زودپز، با افزایش بخار آب، فشار وارد بر روی سطح مایع درون دیگ و در نتیجه نقطه جوش افزایش می‌یابد و بنابراین مواد درون زودپز در دمای بالاتر و سریع‌تر پخته می‌شود.

ب) دلیل دیرتر پخته شدن تخم مرغ در ارتفاعات چیست؟ کوهنوردان برای رفع این مشکل چه کاری انجام می‌دهند؟

در ارتفاعات، فشار هوا پایین‌تر است و بنابراین نقطه جوش پایین می‌آید. مثلاً در قله دماوند نقطه جوش آب حدود ۸۰ درجه سانتی گراد و در قله اورست نقطه جوش آب در حدود ۷۲ درجه سانتی گراد است. البته این دما برای پختن تخم مرغ که به دمای ۷۰ درجه سانتی گراد نیاز دارد کافی است ولی زمان پختن را طولانی می‌کند. معمولاً گفته می‌شود کوه نوردان از نمک استفاده می‌کنند، ولی خوب است بدانید که افزودن ۲۰ g نمک (حدود یک لیوان) در



تبدیل بخار به مایع نیز در طبیعت رخ می‌دهد و گاهی قطره‌های مایعی از بخار روی سطوح جامد تشکیل می‌شود. به این پدیده، میعان گفته می‌شود. در واقع میعان، وارون فرایند تبخیر است. بنابراین، بخار گرما از دست می‌دهد و به مایع تبدیل می‌شود. یکی از عواملی که موجب می‌شود در هوایی که رطوبت آن زیاد است، احساس گرمای بیشتری بکنیم، همین میعان بخار آب روی بدنمان است.

#### فعالیت کتاب

در مورد ایجاد شبنم صبحگاهی روی گیاهان تحقیق کنید.

به بیان ساده شده‌ای می‌توان گفت که با برخورد مولکول‌های بخار آب با سطح برگ که در صبحگاهان دمای پایین‌تری از دمای بخار آب دارند، بخار آب مایع می‌شود. اما پاسخ تفصیلی آن نیاز به معرفی برخی مفاهیم دارد. مقدار بخار آب موجود در هوا اغلب به صورت رطوبت نسبی در مقایسه با حد اشباع داده می‌شود. برای مثال، رطوبت نسبی ۵۰ درصد به معنی آن است که مقدار بخار، نصف حد اشباع است. مثلاً در یک دوش آب گرم در محیطی بسته، رطوبت نسبی ممکن است به ۱۰۰ درصد برسد و پس از آن وقتی بخار آب اضافی به هوا داده شود، مقداری از این بخار به قطرات آب تبدیل می‌شود. باید توجه کرد که حد اشباع برای هوای سردتر، پایین‌تر است (یعنی هرچه دما کمتر باشد، هوا بخار کمتری را می‌تواند در حالت اشباع خود جای دهد) و بنابراین میعان بخار آب بیشتر رخ می‌دهد. به همین دلیل است که آینه سرد حمام باعث چگالش بخار آب به صورت مایع بر روی آن می‌شود. در پدیده شبنم صبحگاهی هم پدیده مشابهی رخ می‌دهد.

#### فعالیت کتاب

در فرایندهای تغییر حالت (تغییر فاز) دما تغییر نمی‌کند، اما انرژی درونی ماده تغییر می‌کند. در این باره تحقیق کنید.

معمولاً این از آن پرسش‌هایی است که ذهن دانش آموزان را به شدت درگیر می‌کنند. چرا که در جایی عنوان می‌شود وقتی به مخلوط آب و یخ گرما می‌دهیم دما سنج درون ظرف آب و یخ تغییر دمایی نشان نمی‌دهد و از طرفی گفته می‌شود که با گرم شدن، انرژی درونی ماده افزایش می‌یابد. ولی باید توجه کرد اینجا دو امکان متفاوت برای افزایش انرژی درونی ماده هستند و با هم تناقضی ندارند و افزایش درونی حتماً با افزایش دما همراه نیست. البته در اینجا بحث‌هایی وجود دارد که به راستی انرژی درونی چیست. بسیاری از کتاب‌ها در کنار انرژی درونی به انرژی گرمایی می‌پردازند و بیان می‌دارند انرژی درونی مجموع انرژی پتانسیل و انرژی گرمایی است. ولی در هر حال باید توجه داشت که بررسی این موضوع بدون توجه به منحنی‌های انرژی پتانسیل ممکن نیست، که البته پیشتر به معرفی آنها در این کتاب راهنمای معلم پرداختیم.

در اینجا یادآوری می‌کنیم که این منحنی‌ها می‌توانند نیروهای بین اتمی و بین مولکولی را توضیح دهند که با نیروهای بین مولکولی در فصل ۳ آشنا شدیم. در نتیجه افزایش دما، نقطه تعادل در این منحنی‌ها به سمت راست انتقال می‌یابد و به دلیل نامتقارن بودن شکل منحنی انرژی پتانسیل، فاصله بین مولکول‌ها افزایش می‌یابد. همچنین می‌توان گفت با افزایش دما از عمق چاه پتانسیل که نمود قدرت پیوند مولکولی است کاسته می‌شود. با افزایش دما سرانجام به وضعیتی می‌رسیم که جدا شدن یک مولکول آب از سطح یخ ساده می‌شود. پس گرما، نه صرف افزایش دمای یخ، بلکه صرف کم شدن قدرت پیوند بین مولکول می‌شود. برای دانش آموزان می‌توان به همین توضیح ساده اکتفا کرد که پیش از آنکه گرما صرف جنبش مولکول‌ها شود باید بتوانند یک مولکول را بکنند. (بنابراین اینکه گرما را لزوماً معادل انرژی درونی بگیریم نادرست است.) پس از این وضعیت است که گرما به جنبش مولکول‌ها می‌انجامد.

#### ۳-۵-۴ یک سری نکته

- ✓ نقطه انجماد و ذوب یک جسم یکسان است.
- ✓ نقطه جوش و میعان یک جسم یکسان است.
- ✓ ناخالصی:

ناخالصی مثل نمک می‌تواند سبب کاهش دمای انجماد آب شود و انجماد کامل را تا دمای ۱۸- درجه سانتی گراد پایین ببرد.

ناخالصی باعث کاهش نقطه ذوب می‌شود. (پاشیدن نمک در روزهای برفی در خیابان‌ها)

ناخالصی باعث بالا رفتن نقطه جوش می‌شود.

✓ افزایش بخار:

افزایش فشار وارد بر جسم سبب بالا رفتن نقطه ذوب جسم می‌شود. البته یخ در این مورد استثناست. یعنی افزایش فشار وارد

بر یخ نقطه ذوب آن را کاهش می‌دهد.

افزایش فشار باعث بالا رفتن نقطه جوش می شود. ( دلیل استفاده از زودپز برای زودتر پختن غذا)

✓ بر خلاف جامدهای بلورین، جامدهای بی شکل مثل شیشه و قیر نقطه ذوب کاملاً مشخص ندارند و ابتدا به شکل خمیر در می آیند و در گستره ای از دما و به تدریج ذوب می شوند.

✓ معمولاً حجم جامد های بلورین هنگام ذوب افزایش می یابد زیرا حجمی که بلور با آرایش منظم مولکول ها در حالت جامد اشغال می کند در مقایسه با حجم همین مقدار ماده در حالت مایع که دارای آرایش مولکولی نامنظم است کمتر است البته آب و یخ استثناءست.



✓ نقطه ۳ گانه ، نقطه ای است که در آن سه حالت یخ، آب و بخار در حال تعادلند. دمای این نقطه  $0/01$  درجه سانتی گراد است.

✓ فشار بخار موجود در نقطه ۳ گانه  $612$  پاسکال است.

✓ تفاوت یخ و برف : یخ از انجماد آب ولی برف از چگالش بخار حاصل می شود. در انجماد زمان کافی برای تشکیل بلور وجود دارد اما چگالش برف سریع رخ می دهد.

✓ تبخیر سطحی: مایع در هر دمایی تبخیر می شود ، این فرایند را تبخیر سطحی گویند.

آهنگ تبخیر سطحی به عوامل مختلفی مانند دمای مایع و مساحت سطح آن بستگی دارد.

تبخیر سطحی عرق بدن سبب خنک شدن می شود.

✓ جوشیدن: با دادن گرما به مایع و بالا رفتن دما، در دمای خاصی حباب های گاز درون مایع شکل می گیرند و از مایع خارج می شوند. به این پدیده جوشیدن مایع و به این دما، نقطه ی جوش می گویند.

دما در حین جوشیدن تغییر نمی کند.

در جوشیدن کل مایع در فرایند تبخیر شرکت می کند.

نقطه جوش با افزایش فشار، بالا می رود، ناخالصی سبب افزایش نقطه جوش می شود.

توان مقدار انرژی در واحد زمان است. گاهی گرمای لازم برای گرم کردن اجسام توسط یک گرمکن با توان  $P$  تامین میشود.

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow Q = Pt$$

بین  $P$  و  $Q$  رابطه روبرو برقرار است.

**ولخرجی یا خساست؟! مسئله این است...**

وسيله گرمایی کم میذاره! یعنی مقداری از گرماشو به مایع میده : $Q_{\text{مایع}} = \frac{x}{100} \times P \cdot t$	وسيله گرمایی تمام جوشو وسط میذاره و تمام گرماشو به مایع میده : $Q_{\text{مایع}} = Q_{\text{گرمکن}}$
--	--

نکته ۱۲: اگر نمودار  $\theta-t$  بدهند؛ باید به توان ربطش بدهیم!

$$P = \frac{Q}{t} = \frac{mc\Delta\theta}{t} = \frac{mL_f}{t} = \frac{mL_v}{t} = \frac{mc\Delta\theta + mL_f + \dots}{t}$$

نکته ۱۳: در این رابطه برای گرما می توان نوشت :

تست ۶۸

یک گرمکن برقی در مدت ۲۴ ثانیه، دمای ۶۰ گرم مایعی را از ۳۰ درجه ی سلسیوس به ۵۰ درجه ی سلسیوس می رساند. اگر توان این

گرمکن ۳۰۰ وات باشد و گرمای ویژه مایع  $\frac{J}{kg \cdot K}$  ۱۵۰۰ باشد، چند درصد گرمای تولیدی به مایع فوق رسیده است؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۳

۸۴ **۴**

۷۵ **۳**

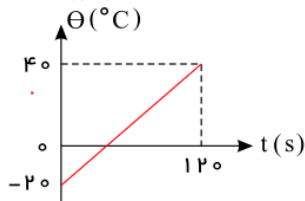
۲۵ **۲**

۱۶ **۱**

تست ۶۹

نمودار تغییرات دمای جسم جامدی به جرم ۱۰۰ گرم، برحسب زمان مطابق شکل است. اگر گرمای ویژه ی جسم  $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$  ۴۰۰

سراسری - ۱۳۹۱



باشد، جسم در هر ثانیه چند ژول گرما گرفته است؟

۱۰ **۱**

۱۲ **۲**

۲۰ **۳**

۲۴ **۴**

تست ۷۰

یک گرمکن با توان گرمایی ثابت، در مدت ۱۰ دقیقه، ۱۰۰ گرم یخ صفر درجه را به آب صفر درجه تبدیل می کند. این گرمکن همین

سراسری - ۱۳۸۹

آب را تقریباً در مدت چند دقیقه به بخار آب ۱۰۰ درجه تبدیل می کند؟

$$\left( c = 4,2 \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}, L_V = 2256 \frac{kJ}{kg}, L_F = 334 \frac{kJ}{kg} \right)$$

۸۰ **۴**

۵۶ **۳**

۲۶ **۲**

۴۰ **۱**

تست ۷۱:

در گرماسنجی که ظرفیت گرمایی آن ناچیز است، ۵۰۰ گرم یخ با دمای  $-6^{\circ}C$  وجود دارد. اگر یک گرم کن الکتریکی که توان آن ۷۵۰ وات و بازده آن ۸۰ درصد است درون یخ قرار گیرد. پس از ۱۲۲٫۵ ثانیه چند گرم یخ در گرماسنج باقی می ماند؟  
خارج از کشور - ۱۳۹۶

$$(C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, L_f = 336000 \frac{J}{kg})$$

۱۵۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۲۵۴ (۲)

۳۰۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۱ ابتدا نمودار تحلیلی بررسی وضعیت یخ ( $-6^{\circ}C$ ) موجود در گرماسنج را می نویسیم:

(آب  $0^{\circ}C \rightarrow m' \text{ یخ } 0^{\circ}C$ ) (یخ  $0^{\circ}C \rightarrow m \text{ یخ } -6^{\circ}C$ )

$$Q = Q_1 + Q_2 = mc_{\text{یخ}}\Delta\theta + m'L_f \quad (1)$$

باتوجه به آن که مقدار گرمایی که توسط یخ جذب می شود ( $Q$ ) با مقدار گرمای تولیدی توسط گرمکن در مدت ۱۲۲٫۵ ثانیه برابر است، داریم:

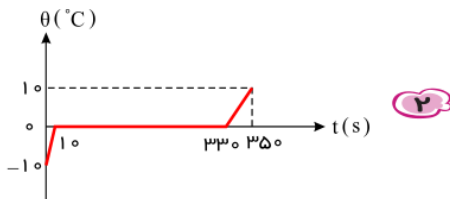
$$R_a = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_o} \times 100 \Rightarrow R_a = \frac{Q}{P_{\text{ک}} \times t} \times 100 \Rightarrow \frac{80}{100} = \frac{Q}{750 \times 122.5} \Rightarrow Q = 73500 J$$

$$(1) \xrightarrow[L_f=160C_{\text{یخ}}]{73500=35C_{\text{یخ}}} 35C_{\text{یخ}} = 0.5 \times C_{\text{یخ}}(0 - (-6)) + m' \times 160C_{\text{یخ}} \Rightarrow m' = 0.2kg = 200g$$

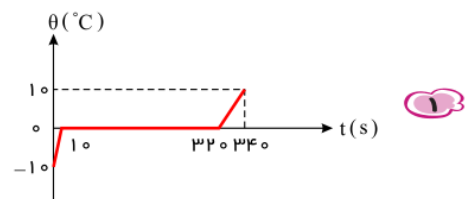
$$\text{جرم یخ باقی مانده در گرماسنج} = m - m' = 500 - 200 = 300g$$

تست ۷۲:

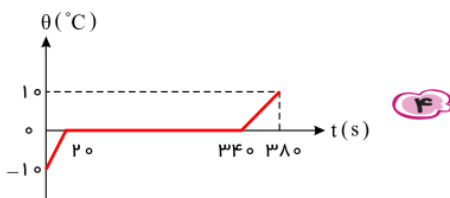
به  $200g$  یخ  $-10^{\circ}C$  با آهنگ ثابت  $210 J/s$  گرما می دهیم تا به آب  $10^{\circ}C$  تبدیل شود. کدام نمودار، تغییرات دما را بر حسب زمان درست نشان می دهد؟ ( $L_f = 336000 J/kg^{\circ}C$  و  $C_{\text{آب}} = 2C_{\text{یخ}} = 4200 J/kg^{\circ}C$ )  
خارج از کشور - ۱۳۹۸



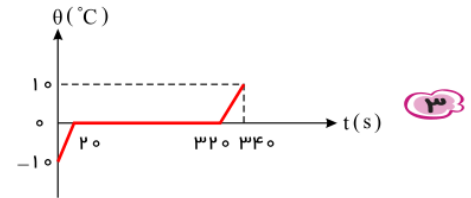
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

۴-۵-۵ یک سری حفظیات

تست ۷۳:

سراسری - ۱۳۸۸

کدام عبارت درباره ی تبخیر سطحی یک مایع، نادرست است؟

(۲) با افزایش دما، آهنگ تبخیر سطحی افزایش می یابد.

(۱) تبخیر سطحی مایع در هر دمایی اتفاق می افتد.

(۴) با افزایش سطح آزاد مایع، تبخیر سطحی آن نیز افزایش می یابد.

(۳) با افزایش فشار هوا، آهنگ تبخیر سطحی افزایش می یابد.

پاسخ: گزینه ۳ با افزایش فشار هوا آهنگ تبخیر سطحی کاهش می یابد بنابراین گزینه ی ۳، نادرست است.

تست ۷۴:

مقداری آب را که در فشار یک اتمسفر قرار دارد، به تدریج سرد می‌کنیم و هم‌زمان فشار محیط را افزایش می‌دهیم. در این صورت، آب در دمای ..... درجهٔ سلسیوس منجمد می‌شود.  
خارج از کشور - ۱۳۹۷

- ۱) صفر      ۲) ۴      ۳) پایین‌تر از صفر      ۴) بین ۴ درجه و صفر

پاسخ: گزینه ۳ با افزایش فشار نقطه ذوب یخ کاهش می‌یابد، همچنین نقطه انجماد هم کاهش می‌یابد.

تست ۷۵:

کدام مطلب زیر درست است؟  
سراسری - ۱۳۸۵

- ۱) برای لباس‌های آتش‌نشانی پوشش براق مناسب‌تر است.  
۲) هنگامی که در یخچال را باز می‌کنید، هوای سرد از بالای آن بیرون می‌آید.  
۳) در کشورهای با آب و هوای گرم، رنگ تیره برای نمای بیرون ساختمان‌ها مناسب‌تر است.  
۴) اگر در هوای سرد یک قطعه فلز و یک قطعه چوب خشک را لمس کنیم، فلز گرم‌تر به نظر می‌رسد.

پاسخ: گزینه ۱  
گزینه ۱ صحیح است زیرا لباس براق جذب گرمای کمتری دارد.  
گزینه ۲ هوای سرد چگالی بیشتری دارد و در قسمت پایین یخچال قرار می‌گیرد پس نادرست است.  
گزینه ۳ رنگ تیره جذب‌کنندهٔ بهتری است و در هوای گرم مناسب نیست پس نادرست است.  
گزینه ۴ رسانش گرمایی فلز بیشتر از چوب است و گرما را سریعتر از دست ما می‌گیرد و منتقل می‌کند و سردتر به نظر می‌رسد، پس نادرست است.

۴-۵-۶ تبدیل انرژی‌ها به هم

- اگر انرژی جنبشی به گرما تبدیل شود:  $Q = K$
- اگر انرژی پتانسیل گرانشی به گرما تبدیل شود:  $Q = U$

تست ۷۶:

یک گلوله‌ی سربی به جرم ۲۰ گرم با سرعت  $400 \frac{m}{s}$  به یک قطعه چوب برخورد می‌کند و درون آن متوقف می‌شود. اگر ۵۰ درصد انرژی جنبشی گلوله صرف گرم کردن خودش شود و گرمای ویژه سرب  $125 \frac{J}{kg \cdot K}$  باشد، دمای گلوله چند کلوین افزایش می‌یابد؟

- ۱) ۳۲۰      ۲) ۵۹۳      ۳) ۶۴۰      ۴) ۹۱۳  
سراسری - ۱۳۹۱

پاسخ: گزینه ۱ نصف انرژی جنبشی گلوله موقع برخورد، صرف گرم کردن خود گلوله می‌شود. پس:

$$\frac{1}{2}K = Q \Rightarrow \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} m V^2 = m c \Delta\theta \Rightarrow \frac{1}{4} \times 400^2 = 125 \times \Delta\theta$$

$$\Rightarrow \Delta\theta = 320^\circ C = 320 K$$

تست ۷۷:

یک قطعه یخ صفر درجه به جرم ۵۵٫۵ کیلوگرم روی یک سطح افقی با سرعت اولیه‌ی  $6 m/s$  شروع به حرکت می‌کند و پس از لغزیدن در مسافتی متوقف می‌شود. اگر همگی گرمای حاصل از اصطکاک به یخ برسد، تقریباً چند گرم از یخ ذوب می‌شود؟  
خارج از کشور - ۱۳۸۵

$$(L_F = 333 kJ/kg)$$

- ۱) ۳      ۲) ۳۰      ۳) ۱۵۰      ۴) ۳۰۰

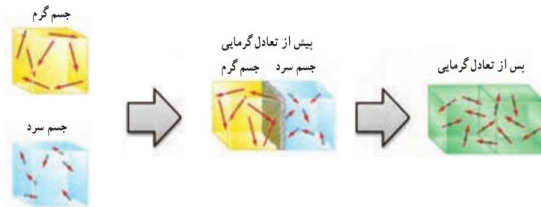
پاسخ: گزینه ۱

انرژی جنبشی قطعه یخ به گرما تبدیل شده و موجب ذوب شدن یخ می‌شود، بنابراین داریم:

$$\frac{1}{2}mv^2 = m' L_F \Rightarrow \frac{1}{2} \times 55.5 \times 6^2 = m' \times 333 \times 10^3 \Rightarrow m' = 0.3 kg \Rightarrow m' = 3 g$$

جرم یخ ذوب‌شده در مقایسه با جرم قالب یخ ناچیز است و بنابراین می‌توان از تغییرات جرم یخ در ضمن صفر شدن سرعت آن صرف‌نظر کرد.

#### ۴-۵-۷ تعادل گرمایی (دو دسته دارد: بدون تغییر حالت | با تغییر حالت)



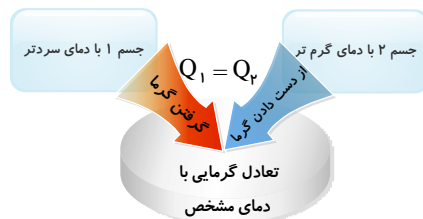
وقتی دو جسم سرد و گرم در تماس با یکدیگر قرار می‌گیرند، از دیدگاه میکروسکوپی، آنچه که اتفاق می‌افتد کاهش انرژی‌های پتانسیل و جنبشی مربوط به حرکت‌های کاتوره‌ای اتم‌ها، مولکول‌ها و سایر اجزای میکروسکوپی داخل جسم گرم، و افزایش همین انرژی‌ها در داخل جسم سرد است تا آنکه دو جسم به تعادل گرمایی برسند.

وقتی دو یا چند جسم با دمای متفاوت در کنار هم قرار می‌گیرند تا جایی که هم دما شوند با هم گرما مبادله می‌کنند به این حالت تعادل گرمایی گفته میشود و این دمای مشترک را با دمای تعادل  $(\theta_e)$  می‌نامند.

- گرما همواره به صورت خودبه‌خودی از جسم گرم‌تر به جسم سرد انتقال پیدا میکند. (جسم گرم تر گرما میدهد و جسم سردتر گرما می‌گیرد)

- برای رسیدن به حالت تعادل بعضی از اجسام گرما می‌گیرند و بعضی از اجسام گرما از دست می‌دهند طبق قانون پایستگی انرژی:

$$Q_1 = |Q_2| \rightarrow \text{گرمایی که اجسام گرم از دست می‌دهند} = \text{گرمایی که اجسام سرد می‌گیرند}$$



- بر اساس قانون پایستگی انرژی جمع جبری گرما های مبادله شده بین اجسام در حال تعادل گرمایی برابر صفر است.

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$$

#### ۴-۵-۸ تعادل گرمایی بدون تغییر حالت

در این حالت چون حالت جسم عوض نمیشود فقط با رابطه  $Q = mc\Delta\theta$  کار داریم. بنابراین اگر دو جسم با دما و جرم های متفاوت را در کنار هم قرار دهیم به چنین رابطه ای می‌رسیم.

$$Q_1 = |Q_2| \Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) = m_2 c_2 (\theta_2 - \theta_e)$$

- در این حالت جسم گرم با دمای  $\theta_2$  گرمای  $Q_2$  را از دست میدهد و به دمای  $\theta_e$  میرسد جسم سرد هم با گرفتن

گرمای  $Q_1$  دمای  $\theta_1$  به  $\theta_e$  می‌رسد و اگر بیشتر دو جسم هم داشته باشیم همین روش را ادامه میدهیم.

$$\underbrace{Q_1 + Q_2 + \dots}_{\text{garmai k ajsame sard migiran}} = \underbrace{|Q_1| + |Q_2| + \dots}_{\text{garmai k ajsame garm az dast midan}}$$

$$\Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2) + \dots = m_1 c_1 (\theta_1 - \theta_e) + m_2 c_2 (\theta_2 - \theta_e) + \dots$$

- رابطه ی سریع برای محاسبه دمای تعادل

$$\theta_e = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2 + \dots}{m_1 c_1 + m_2 c_2 + \dots}$$

این رابطه به شرطی درست است که **تغییر حالت نداشته** باشیم



۹-۵-۴ دمای تعادل

تست ۷۸:

چند لیتر آب ۸۰ درجه‌ی سلسیوس را با ۴۰ لیتر آب ۱۰ درجه‌ی سلسیوس مخلوط کنیم تا به دمای تعادل تقریبی ۴۰ درجه‌ی سلسیوس برسند؟

۵۰ (۴)

۴۵ (۳)

۳۰ (۲)

۲۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

$$m_1 c \Delta\theta = m_2 c \Delta\theta' \xrightarrow[\rho V]{\rho = \frac{m}{V}} \rho V_1 \Delta\theta = \rho V_2 \Delta\theta' \Rightarrow V_1 \times 40 = 40 \times 30 \Rightarrow V_1 = 30 \text{ Lit}$$

تست ۷۹:

یک قطعه‌ی ۱۰۰ گرمی از مس با دمای ۸۱ درجه‌ی سلسیوس را در ظرف عایقی که حاوی ۲۰۰ گرم آب با دمای ۱۵ درجه‌ی سلسیوس است، می‌اندازیم. اگر گرمای ویژه‌ی مس و آب به ترتیب  $400 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$  و  $4200 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$  باشد، دمای تعادل چند درجه‌ی سلسیوس می‌شود؟

۲۸ (۴)

۲۳ (۳)

۲۰ (۲)

۱۸ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

$$\theta_e = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2}{m_1 c_1 + m_2 c_2} = \frac{100 \times 400 \times 81 + 200 \times 4200 \times 15}{100 \times 400 + 200 \times 4200}$$

$$\theta_e = \frac{3240 + 12600}{4 + 84} = 18^\circ \text{C}$$

تست ۸۰:

یک کره‌ی مسی به جرم ۵۰۰g و دمای  $80^\circ \text{C}$  را به آرامی، درون ۱ لیتر آب خالص با دمای  $14^\circ \text{C}$  می‌اندازیم. تا رسیدن به دمای تعادل، گرمای مبادله شده بین کره‌ی مسی و آب چند ژول است؟ ( $c_{\text{مس}} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}}$ ،  $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}}$  و  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و اتلاف گرما ناچیز است).

۶۳۰۰ (۴)

۸۴۰۰ (۳)

۱۰۵۰۰ (۲)

۱۲۶۰۰ (۱)

پرسش ۲ کتاب :

الف) منظور از این جمله که چیست؟ «دماسنج‌ها دمای خودشان را اندازه‌گیری می‌کنند.»

در واقع دماسنج‌ها، دمای تعادل خود با محیط را اندازه‌گیری می‌گیرند. پس، دماسنج دمای خود را که در تعادل با محیط است اندازه‌گیری می‌گیرد.

ب) در یک کلاس درس میز، صندلی، دانش‌آموز، تخته، شیشه پنجره و ... وجود دارد. در یک روز زمستانی، دمای کدام یک از آنها بیشتر از دمای هوای اتاق است؟ دمای کدام یک کمتر از دمای هوای اتاق است؟

دمای بدن دانش‌آموز بیشتر از دمای بقیه اجسام است. دمای شیشه پنجره که در تماس با هوای سرد بیرون است از دمای بقیه اجسام کمتر است. دمای اجسامی مثل میز، صندلی و تخته، با دمای هوای اتاق تقریباً یکسان است، گرچه ممکن است در تماس دست خود با آنها، دماهای متفاوتی را احساس کنیم که این به خوب یا بد بودن رسانش گرمایی آن اجسام مربوط می‌شود.

پ) در شکل صفحه قبل میانگین انرژی جنبشی ذرات دو جسم چگونه تغییر کرده است؟

با کاهش دمای جسم گرم، میانگین انرژی جنبشی ذرات آن کاهش می‌یابد و با افزایش دمای جسم سرد، میانگین انرژی جنبشی ذرات آن افزایش می‌یابد. در صورتی که دو جسم از یک جنس باشند، هنگام برقراری تعادل گرمایی و هم‌دما شدن دو جسم، میانگین انرژی جنبشی ذرات آنها با هم مساوی است.

<p>دمای تعادل نداریم، تغییر حالت هم <b>نداریم</b>: مثل آب و آب   مثل آب و فلز</p> <p>راه ۱: در تعادل هر ماده حالت خودش را حفظ می کند (تغییر حالت نداریم) و دمای تعادل <math>Q_i =  Q_w </math> ؟</p> <p>راه ۲: فرمول تستی دمای تعادل</p>	<p>وضعیت تعادل مشخص</p>
<p>(۱) اگر این کلمات رو دیدی :</p> <p style="text-align: center;"><math> Q_w  =  Q_i </math> ←→ تمام یخ به طور کامل ذوب ←→ تعادل : آب صفر</p> <p>(۲) اگر این کلمات رو دیدی :</p> <p style="text-align: center;"><math> Q_w  &gt;  Q_i </math> زوره آب بیشتره ←→ تعادل : آب <math>\theta &gt; 0</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• دمای آب رو خواستی : باقی زور را حساب کن و حل کن : <math>Q =  Q_w  -  Q_i  = (m_w + m_i)c_w\theta_e</math></li> <li>• دمای تعادل مشخص بود و مقدار جرمی رو خواستی زورها برابر هم قرار بده.</li> </ul> <p>(۳) اگر این کلمات رو دیدی :</p> <p style="text-align: center;"><math> Q_w  &lt;  Q_i </math> زوره یخ بیشتره و همه ی یخ ذوب نمیشه ←→ (اینقدر یخ ذوب میشه   چقدر آب داریم؟)</p> <p>آب → <math>m</math>-baghi (zowb nashode) یخ • <math>m</math> مقدار یخ <math>\theta</math> ←→ <math>m</math> مقدار یخ <math>\theta</math> ←→</p> <p style="text-align: center;"><math>Q_i = mc_i\Delta\theta + (m - baghi)L_f</math></p> <p style="text-align: center;"><math> Q_w  =  Q_i </math></p>	

۱۱-۵-۴ سه نکته

$L_F = 80 \times 4200 \frac{J}{kg}$   $L_V = 540 \times 4200 \frac{J}{kg}$   $c_w = 4200 \frac{J}{Kg \cdot ^\circ C}$   $c_i = \frac{1}{2} \times 4200 \frac{J}{Kg \cdot ^\circ C}$	<p>تبدیل خوب</p>											
$L_F = 80 \times c_w$   $L_V = 540 \times c_w$   $c_w = c_w$   $c_i = \frac{1}{2} \times c_w$												
<p>هر مقدار آب ۸۰ درجه سانتی گراد، یخ صفر درجه هم جرم خود را به طور کامل ذوب می کند و پس از آن دمای تعادل صفر است.</p> <p>نکته: اگر دمای آب ۸۰ درجه سانتی گراد نبود، آن را به ۸۰ تبدیل می کنیم با این شرط که <math>m\theta</math> ثابت بماند.</p>	<p>برسون به ۸۰</p>											
<p>اگر مقداری <b>یخ صفر</b> درجه را در آب <math>\theta</math> درجه که دارای <b>وزن برابر</b> با یخ باشد، مخلوط کنیم، دمای تعادل:</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="width: 30%;">توضیحات</th> <th style="width: 30%;">دمای تعادل</th> <th style="width: 30%;">دمای آب</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>تمام یخ ذوب نمی شود: <math>m' = \frac{\theta}{80} \times m_i</math> جرم یخ ذوب شده</td> <td style="text-align: center;"><math>\theta_e = 0</math></td> <td style="text-align: center;"><math>\theta &lt; 80^\circ C</math></td> </tr> <tr> <td rowspan="2">تمام یخ ذوب <math>= 2m</math> جرم آب باقی مانده</td> <td style="text-align: center;"><math>\theta_e = 0</math></td> <td style="text-align: center;"><math>\theta = 80^\circ C</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>\theta_e = \frac{\theta - 80}{2}</math></td> <td style="text-align: center;"><math>\theta &gt; 80^\circ C</math></td> </tr> </tbody> </table>	توضیحات	دمای تعادل	دمای آب	تمام یخ ذوب نمی شود: $m' = \frac{\theta}{80} \times m_i$ جرم یخ ذوب شده	$\theta_e = 0$	$\theta < 80^\circ C$	تمام یخ ذوب $= 2m$ جرم آب باقی مانده	$\theta_e = 0$	$\theta = 80^\circ C$	$\theta_e = \frac{\theta - 80}{2}$	$\theta > 80^\circ C$	<p>دمای تعادل یخ و آب (یخ صفر   هم وزن)</p>
توضیحات	دمای تعادل	دمای آب										
تمام یخ ذوب نمی شود: $m' = \frac{\theta}{80} \times m_i$ جرم یخ ذوب شده	$\theta_e = 0$	$\theta < 80^\circ C$										
تمام یخ ذوب $= 2m$ جرم آب باقی مانده	$\theta_e = 0$	$\theta = 80^\circ C$										
	$\theta_e = \frac{\theta - 80}{2}$	$\theta > 80^\circ C$										

۴-۶ مسائل حالت مشخص

۴-۶-۱ یکی

تست ۸۱

در ظرفی ۲۰۰ گرم یخ ۵- درجه‌ی سلسیوس وجود دارد. حداقل چند گرم آب ۱۰۰ درجه‌ی سلسیوس در ظرف وارد کنیم تا یخی در ظرف باقی نماند؟ (فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت می‌گیرد.)

$$(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}, L_F = 336000 \frac{J}{kg})$$

۲۰۰ (۴)

۱۶۵ (۳)

۱۶۰ (۲)

۵ (۱)

تست ۸۲

ظرفی حاوی ۱۰۰g یخ صفر درجه‌ی سلسیوس است. حداقل چند گرم آب ۵۰°C باید داخل آن بریزیم تا تمام یخ ذوب شود؟

$$(L_F = 334000 \frac{J}{kg} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K} \text{ و از مبادله‌ی گرمای آب و یخ با محیط صرف نظر کنید.)}$$

۱۶۰ (۴)

۱۴۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۸۰ (۱)

۴-۶-۲ آب بیشتر

تست ۸۳

درون یک کیلوگرم آب با دمای ۳۰ درجه‌ی سلسیوس، چند گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس بیندازیم، تا پس از تعادل گرمایی، آب با

دمای ۲۰ درجه‌ی سلسیوس حاصل شود؟ ( $C_{H_2O} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$ ،  $L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$ ، تبادل گرمایی فقط بین آب و یخ انجام می‌شود)

۱۷۵ (۴)

۱۲۵ (۳)

۲۰۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

۴-۶-۳ یخ بیشتر

تست ۸۴

حداقل چند گرم یخ ۲۰°C- را داخل ۲۰۰ گرم آب صفر درجه بیندازیم تا تمام آب یخ ببندد؟

$$(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, L_f = 3,36 \times 10^5 \frac{J}{kg})$$

۱۶۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۳۶۰ (۲)

۱۶۰ (۱)

تست ۸۵:

در ظرفی که عایق گرما است، یک قطعه یخ صفر درجه‌ی سلسیوس وجود دارد. اگر ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه‌ی سلسیوس در ظرف بریزیم، پس از برقراری تعادل گرمایی، ۱۰۰ گرم یخ در ظرف باقی می‌ماند. جرم اولیه‌ی یخ چند گرم بوده است؟ (فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت می‌گیرد.  $C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kgK}$  و  $L_f = 336000 \frac{J}{kg}$ )

- ۳۰۰  ۱      ۴۰۰  ۲      ۵۰۰  ۳      ۶۰۰  ۴

تست ۸۶:

در ظرفی یک قطعه یخ صفر درجه‌ی سلسیوس وجود دارد. اگر ۸۰۰ گرم آب ۲۰ درجه‌ی سلسیوس در ظرف وارد کنیم و فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت گیرد، پس از برقراری تعادل گرمایی،  $\frac{1}{3}$  جرم قطعه یخ در ظرف باقی می‌ماند. جرم اولیه‌ی قطعه یخ چند گرم بوده است؟

سراسری-۱۳۹۸

$$(C_{\text{آب}} = 4200 J/kg \cdot K \text{ و } L_f = 336000 J/kg)$$

- ۲۰۰  ۱       $\frac{800}{3}$   ۲      ۳۰۰  ۳      ۶۰۰  ۴

تست ۸۷:

چند گرم آب ۵۰ درجه‌ی سلسیوس را روی ۴۵۰ گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس بریزیم تا پس از برقراری تعادل گرمایی، ۵۲۰ گرم آب

سراسری-۱۳۹۹

$$\text{صفر درجه‌ی سلسیوس در ظرف ایجاد شود؟ (اتلاف گرما ناچیز است و } C = 4200 \frac{J}{kg \cdot K} \text{ و } L_f = 336000 \frac{J}{kg}$$

- ۷۰  ۱      ۲۶۰  ۲      ۳۰۰  ۳      ۳۲۰  ۴

۴-۶-۴ گرما دادن یا گرفتن

تست ۸۸:

یک کیلوگرم یخ و ۴ کیلوگرم آب در فشار یک جو در تعادل حرارتی قرار دارند. به این مجموعه ۵۴۶ کیلوژول گرما می‌دهیم. بعد از

خارج از کشور-۱۳۸۹

$$\text{رسیدن به تعادل، دمای آب به چند درجه‌ی سلسیوس می‌رسد؟ } \left( L_f = 336 \frac{kJ}{kg}, c = 4200 \frac{J}{kg \cdot K} \right)$$

- ۰  ۱      ۱۰  ۲      ۴۰  ۳      ۱۰۰  ۴

تست ۸۹

درون  $2\text{ kg}$  آب  $40^\circ\text{C}$  مقداری یخ  $5^\circ\text{C}$  می‌اندازیم. اگر این آب  $294\text{ kJ}$  گرما از دست بدهد تا سیستم به دمای تعادل برسد، جرم یخ چند گرم بوده است؟  $(L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}})$

خارج از کشور- ۱۳۹۵

۱۲۰۰ (۴)

۸۰۰ (۳)

۶۰۰ (۲)

۴۰۰ (۱)

تست ۹۰

به  $200\text{ g}$  یخ  $10^\circ\text{C}$ ، مقداری گرما با آهنگ  $1.5 \frac{\text{kJ}}{\text{min}}$  به مدت  $12$  دقیقه می‌دهیم. دمای نهایی چند درجه سلسیوس است؟  $(C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{C}}, L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{C}})$

۱۵ (۴)

۱۰ (۳)

۵ (۲)

صفر (۱)

تست ۹۱

به  $500\text{ g}$  یخ  $20^\circ\text{C}$  مقداری گرما با آهنگ  $1.5 \frac{\text{kJ}}{\text{min}}$  در مدت  $20$  دقیقه می‌دهیم. دمای نهایی آب حاصل، چند درجه سلسیوس است؟  $(L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{C}})$

سراسری- ۱۳۹۹

۱۵ (۴)

۱۰ (۳)

۵ (۲)

صفر (۱)

۴-۶-۵ فلز بیاد:

- (۱) فلز بیاد، با تغییر دمای فلز: دمای آب بره بالا
- (۲) فلز بیاد، با تغییر دمای فلز یخ ذوب شه
- (۳) فلز بیاد، با تغییر دمای فلز، آب بخار بشه
- (۴) فلز بیاد، آب و یخ رو ذوب کنه!

تست ۹۲: (آب و یخ در حال تعادلند)

یک قطعه مس به جرم  $3\text{ kg}$  با دمای  $111^\circ\text{C}$  را به داخل ظرف عایق بندی شده‌ای حاوی مخلوط به حالت تعادل رسیده‌ی آب و یخ می‌اندازیم. هنگامی که تعادل مجدد برقرار می‌شود، دمای مس، صفر درجه‌ی سلسیوس است. چند گرم یخ در این فرآیند ذوب شده است؟

$$(L_F = 333 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{Cu} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}})$$

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۸ (۲)

۴ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

گرمای گرفته شده توسط یخ = گرمای داده شده توسط مس

$$m_{Cu}c\Delta\theta = mL_F \Rightarrow 3 \times 400 \times (111) = m' \times 333000 \Rightarrow m' = \frac{4}{100} \text{ kg} = 40\text{ g}$$

تست ۹۳: ✓

درون ظرفی ۴۰۰g مخلوط آب و یخ در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس در حالت تعادل قرار دارد. اگر فلزی به جرم ۲۰۰g و دمای ۱۰۵°C را داخل آب بیندازیم، بعد از برقراری تعادل، دمای آب به ۵°C می‌رسد. جرم یخ چند گرم بوده است؟

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot C}, c_{\text{فلز}} = 840 \frac{J}{kg \cdot C}, L_F = 336 \frac{kJ}{kg})$$

۵۰ (۴)                      ۲۵ (۳)                      ۵ (۲)                      ۲٫۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۳ روش اول: گرمایی که فلز از دست می‌دهد تا دمای آن از ۱۰۵°C به ۵°C برسد برابر است با:

$$Q_1 = m_1 c_1 \Delta \theta_1 = 0.2 \times 840 \times (5 - 105) \rightarrow Q_1 = -0.2 \times 840 \times 100$$

اگر جرم یخ اولیه را  $m$  بنامیم، چون جرم مخلوط آب و یخ برابر ۴۰۰g بوده است، جرم آب اولیه برابر  $(0.4 - m)$  کیلوگرم بوده است.

گرمایی که یخ صفر درجه دریافت کرده تا ابتدا ذوب شود سپس به دمای ۵°C برسد برابر است با:

$$Q_2 = mL_F + mc\Delta\theta \rightarrow Q_2 = m \times 336 \times 10^3 + m \times 4200 \times 5 = m \times 257 \times 10^3$$

و گرمایی که آب ۰°C دریافت کرده تا به دمای ۵°C برسد:

$$Q_3 = (0.4 - m) \times 4200 \times 5$$

کافی است مجموع گرماها را برابر صفر قرار دهیم:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$(-0.2 \times 840 \times 100) + (m \times 257 \times 10^3) + [(0.4 - m) \times 4200 \times 5] = 0 \rightarrow m = 0.25 kg = 25g$$

روش دوم: اگر جرم یخ صفر درجه در مخلوط را  $m$  و جرم آب صفر درجه در مخلوط را  $m'$  فرض کنیم، می‌توان گفت:

ابتدا ذوب و به آب صفر تبدیل شده و سپس دمای  $(m + m')$  که برابر ۴۰۰ گرم است به آب ۵°C می‌رسد. یعنی:

$$mL_F + (m + m')c\Delta\theta = (mc\Delta\theta)_{\text{آب}}$$

$$m \times 336000 + 400 \times 4200 \times (5 - 0) = 200 \times 840 \times (105 - 5)$$

$$m \times 80 + 20000 = 20 \times 2(100) \rightarrow m = 25g$$

تست ۹۴: ✓

ظرفی که عایق گرما است، محتوی ۸۰ گرم آب ۱۱٫۵ درجه‌ی سلسیوس است. یک قطعه مس به جرم ۴۲۰ گرم و دمای ۱۰۰ درجه‌ی

سلسیوس را در آب می‌اندازیم. اگر فقط بین آب و مس تبادل گرما صورت گیرد و  $c_{(\text{آب})} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$  و  $c_{(\text{مس})} = 380 \frac{J}{kg \cdot K}$  باشد، تا

برقراری تعادل گرمایی، دمای آب چند کلوین افزایش می‌یابد؟

۳۰٫۱۵ (۴)                      ۳۱۳ (۳)                      ۴۰ (۲)                      ۲۸٫۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۱ باتوجه به اینکه در این مسئله تغییر حالت نداریم، به کمک رابطه‌ی زیر می‌توان دمای تعادل مجموعه را به دست آورد:

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow |Q_{H_2O}| = |Q_{Cu}| \Rightarrow (mc\Delta\theta)_{H_2O} = (mc\Delta\theta)_{Cu}$$

$$\Rightarrow 80 \times 4200 \times (\theta_e - 11.5) = 420 \times 380 \times (100 - \theta_e) \Rightarrow \theta_e = 40^\circ C$$

دمای آب از ۱۱٫۵°C به ۴۰°C رسیده است، از طرفی می‌دانیم میزان افزایش دما برحسب درجه‌ی سلسیوس و کلوین با هم برابر است. بنابراین برای محاسبه‌ی تغییر دمای آب می‌توان نوشت:

$$\Delta\theta_{\text{آب}} = 40 - 11.5 = 28.5^\circ C \xrightarrow[\text{کلوین و سلسیوس برابر است}]{\text{تغییر دما بر حسب}} \Delta T_{\text{آب}} = 28.5K$$

تذکر: بسیاری از دانش‌آموزان پس از محاسبه‌ی  $\theta_e$ ، گزینه‌ی ۲ را انتخاب می‌کنند. مراقب باشید که به سادگی نمره‌ی منفی نگیرید.



گرمای ویژه‌ی آلومینیم بیش از ۲ برابر گرمای ویژه‌ی مس است. اگر  $1\text{ kg}$  آلومینیم  $20^\circ\text{C}$  و  $1\text{ kg}$  مس  $20^\circ\text{C}$  را با هم داخل مقداری آب  $100^\circ\text{C}$  بیندازیم، پس از برقراری تعادل:

- خارج از کشور - ۱۳۹۱
- ۱ افزایش دمای آلومینیم و مس یکسان است.
- ۲ تغییر دمای مس بیشتر از آلومینیم است.
- ۳ گرمایی که مس و آلومینیم می‌گیرند، یکسان است.
- ۴ گرمایی که مس می‌گیرد، بیش تر از گرمایی است که آلومینیم می‌گیرد.
- پاسخ: گزینه ۱ دمای اولیه‌ی مس و آلومینیم یکسان است. پس از وارد شدن این دو فلز به آب  $100^\circ\text{C}$ ، تعادل گرمایی برقرار شده و دمای آن‌ها برابر دمای تعادل  $(\theta_e)$  می‌شود. بنابراین می‌توان گفت تغییر دمای آلومینیم و مس یکسان است.

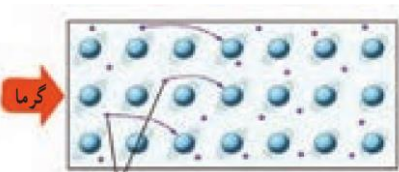
$$\Delta\theta_{Al} = \Delta\theta_{Cu} = \theta_e - 20$$

از طرفی طبق رابطه‌ی  $Q = mc\Delta\theta$  و با توجه به این که گرمای ویژه‌ی آلومینیم بیش تر از مس است. در طول این فرایند فلز آلومینیم مقدار بیشتری گرما جذب می‌کند.



قاشق فلزی در ظرف غذا روی اجاق روشن رو با دست بگیری چی میشه؟

✓ در **نافلزات** (شیشه، چوب و ...) رسانش گرمایی به دلیل ارتعاش اتم ها و گسترش این ارتعاش ها در طول آن هاست. به جهت نبود الکترون های آزاد، رساناهای گرمایی خوبی نیستند. بنابراین از چوب در دیوارها و سقف بناها استفاده می شوند.

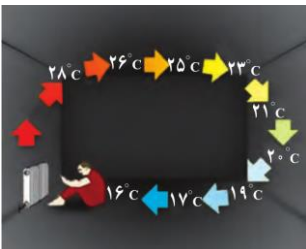


✓ در **فلزات**: افزودن بر ارتعاش های اتمی، الکترون های آزاد نیز در انتقال گرما نقش دارند. بنابراین رساناهای گرمایی بهتری هستند. در واقع چون الکترون ها بسیار کوچک اند و به سرعت حرکت می کنند با برخورد با سایر الکترون ها و اتم ها سبب رسانش گرما می شوند.

رسانش

✓ در رساناهای فلزی سهم الکترون های آزاد در رسانش گرما بیش تر از اتم هاست.  
 ✓ برای اندازه گیری رسانندگی گرمایی مواد برای اجسام **فلزی** از **میله** و برای اجسام **نافلزی** از **تیغه** یا **بره** استفاده می کنند.  
 ✓ این نوع انتقال نیاز به محیط مادی دارد، چون برخورد ذرات است که انرژی را منتقل می کند. در این روش انرژی ذرات منتقل می شود، نه خود ذرات!  
 ✓ در همه حالت های ماده انجام می شود، اما در این حالت رسانای گرمایی خوبی نیستند (آب و هوا عایق گرمایی هستند). فلزها به دلیل داشتن الکترون آزاد استثنا هستند و در حالت مایع هم رسانای گرمایی خوبی هستند (مثل جیوه در دمای اتاق)

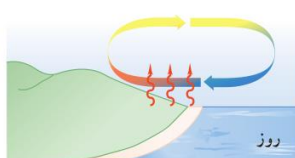
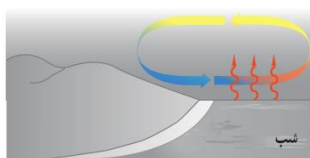
وقتی ظرف بزرگی از آب را روی اجاق می گذاریم چگونه همه آب آن در مدت نه چندان زیادی گرم می شود؟ بخاری چگونه هوای داخل اتاق را گرم می کند؟ انتقال گرما در مایعات و گازها که معمولاً رساناهای گرمایی خوبی نیستند عمدتاً به روش همرفت، یعنی همراه با جابه جایی بخشی از خود ماده، انجام می گیرد. همان طور که در کتاب علوم هشتم دیدید این پدیده بر اثر کاهش چگالی شاره با افزایش دما صورت می گیرد.



همرفت می تواند در همه شاره ها، چه مایع و چه گاز، به وقوع بپیوندد. در همرفت، بر خلاف رسانش گرمایی، انتقال گرما با انتقال بخش هایی از خود ماده صورت می گیرد و وقتی شاره در تماس با جسمی گرم تر از خود قرار گیرد، فاصله متوسط مولکولها در بخشی از شاره که در تماس با جسم گرم است، افزایش می یابد؛ بدین ترتیب حجم آن زیاد می شود، در نتیجه چگالی این قسمت از شاره کاهش می یابد؛ چون اکنون چگالی این شاره انبساط یافته کمتر از شاره سردتر اطراف خود است. نیروی شناوری (بنا به اصل ارشمیدس) موجب بالا رفتن آن می شود. آن گاه مقداری از شاره سردتر اطراف آن، جایگزین شاره

گرم تر می شود که بالا رفته است و این فرایند به همین ترتیب ادامه می یابد. گرم شدن هوای داخل اتاق به وسیله بخاری و رادیاتور شوفاژ گرم شدن آب درون قابلمه، جریان های باد ساحلی، انتقال گرما از مرکز خورشید به سطح آن و ... همگی بر اثر پدیده همرفت می دهند. همه این مثالها نمونه هایی از همرفت طبیعی است.

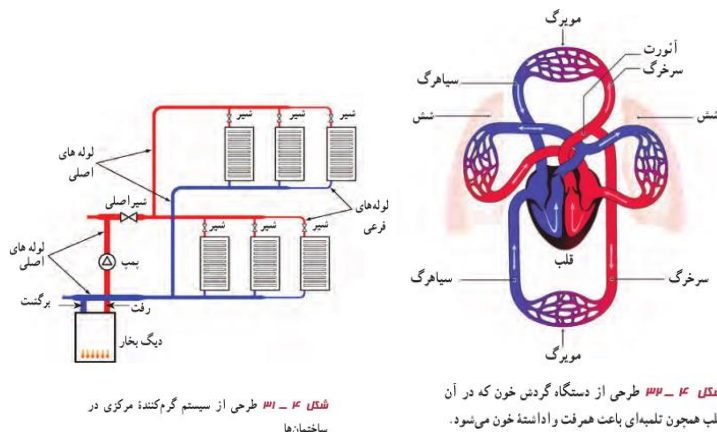
همرفت



**شکل ۴-۳۰-۳۱** روز: زمین ساحل گرم تر از آب دریاست. پدیده همرفت موجب نسیمی از سوی دریا به سمت ساحل می شود. شب: زمین ساحل سردتر از آب دریاست. پدیده همرفت موجب نسیمی از سوی ساحل به سمت دریا می شود.

**شکل ۴-۳۰-۳۲** گرم شدن آب درون قابلمه به روش همرفت

نوع دیگری از همرفت، همرفت واداشته است که در آن شاره به کمک یک تلمبه (طبیعی یا مصنوعی) به حرکت واداشته می‌شود تا با این حرکت، انتقال گرما صورت پذیرد. سیستم گرم کننده مرکزی در ساختمان‌ها



سیستم خنک کننده موتور اتومبیل و نیز گرم و سرد شدن بخش‌های مختلف بدن بر اثر گردش جریان خون در بدن جانوران خونگرم مثال‌هایی عینی از انتقال گرما به روش همرفت واداشته هستند.

همه ما تجربه گرم شدن در آفتاب را داریم. با نزدیک کردن دستمان به اجسام گرمی مانند رادیاتور گرم شوفاژ، یا زیر لامپ رشته‌ای روشن نیز تجربه مشابهی خواهیم داشت. آیا با نزدیک کردن دستمان به زیر لامپ رشته‌ای، گرما با روش رسانش، یا همرفت به دستمان می‌رسد؟ می‌دانید که هوا رسانای خوبی نیست و چون دست شما زیر لامپ قرار دارد، انتقال گرما به روش همرفت نیز نمی‌تواند رخ داده باشد. خورشید، لامپ داغ، کتری، رادیاتور شوفاژ و ... از خود پرتوهای گسیلی می‌کنند که دست ما را جذب کردن آنها گرم می‌شود. این پرتوها از نوع امواج الکترومغناطیسی هستند که در سال‌های بعد خواهید دید شامل امواج رادیویی، تابش فرسرخ، نور مرئی، تابش فرابنفش، پرتوهای x و پرتوهای y است. هر کدام از این امواج چشمه‌های تولید کننده مربوط به خود را دارد. ما در این بخش، به تابش الکترومغناطیسی گسیل شده از مواد بر اثر دمای آنها سروکار داریم. در واقع هر جسم در هر دمایی تابش الکترومغناطیسی گسیل می‌کند. به این نوع تابش، تابش گرمایی می‌گویند. نشان داده می‌شود که تابش گرمایی در دماهای زیر حدود عمده‌تاً به صورت تابش فرسرخ است که نامرئی است. برای آشکارسازی تابش‌های فرسرخ از ابزاری موسوم به دمانگار استفاده می‌کنیم و به تصویر به دست آمده از آن دمانگاشت می‌گوییم.

شکل ۴-۳۳ تصویر دمانگاشتی از بدن یک شخص را نشان می‌دهد. توجه کنید که رنگ‌ها نمادین است و ناحیه‌های گرمتر با رنگ قرمز و ناحیه‌های سردتر با رنگ آبی مشخص شده است. تابش گرمایی از سطح هر جسم علاوه بر دما به مساحت، میزان صیقلی بودن و رنگ سطح آن جسم بستگی دارد (شکل ۴-۳۴). سطوح صاف و درخشان با رنگ‌های روشن تابش گرمایی کمتری دارند، در حالی که تابش گرمایی سطوح تیره، ناصاف و مات بیشتر است.

تابش گرمایی در پدیده‌های زیستی نیز کاربردهای فراوانی دارد که در اینجا به دو نمونه از آنها اشاره می‌شود.

تابش



**شکل ۴-۳۴** درون مکعب لسی، آب داغ می‌ریزند. تابش گرمایی از چهار وجه مکعب که رنگ‌های متفاوتی دارند، با هم فرق دارد.

**شکل ۴-۳۳** تصویری دمانگاشت از بدن یک فرد. سطح بدن یک فرد معمولی در محیطی با دمای  $22^{\circ}\text{C}$  به دلیل تابش گرمایی با آهنگی در حدود  $100\text{ W}$  گرما از دست می‌دهد در حالی که در همین شرایط به دلیل همرفت و رسانش در هوای مجاور سطح بدن، در مجموع با آهنگی در حدود  $100\text{ W}$  گرما از دست می‌دهد.

الف) شکار تابش فرورسرخ: نوعی از مارهای زنگی اندام‌هایی حفره‌ای بر روی پوزه خود دارند که نسبت به تابش فرورسرخ حساس‌اند (شکل ۴-۳۵). این مارها اغلب در سیاهی شب شکار می‌کنند. در واقع اندام‌های حفره‌ای به آنها کمک می‌کند که طعمه‌های خونگرم خود را به واسطه تابش فرورسرخ شان در تاریکی و سرمای شب مشاهده کنند.

ب) کلم اسکانک: کلم اسکانک (شکل ۴-۳۶) یکی از چندین گیاهی است که می‌تواند دمایش را تا بیشتر از دمای محیط بالا ببرد. این نوع کلم به خاطر بالا رفتن دمایش، انرژی خود را از طریق تابش فرورسرخ از دست می‌دهد و می‌تواند برف اطرافش را در زمستان آب کند.

از تابش گرمایی می‌توان به عنوان مبنایی برای اندازه‌گیری دمای اجسام استفاده کرد. به روش‌های اندازه‌گیری دما مبتنی بر تابش گرمایی، تف‌سنجی و به ابزارهای اندازه‌گیری دما به این روش، تف‌سنج می‌گویند. تف‌سنج بر خلاف سایر دماسنج‌ها بدون تماس با جسمی که می‌خواهیم دمای آن را اندازه بگیریم، دمای جسم را اندازه می‌گیرد. تف‌سنجی، به خصوص در اندازه‌گیری دماهای بالای اهمیت ویژه‌ای دارد. تف‌سنج تابشی و تف‌سنج نوری، تف‌سنج‌هایی برای اندازه‌گیری این C دماها هستند و تف‌سنج نوری به عنوان دماسنج معیار برای اندازه‌گیری این دماها انتخاب شده است.



شکل ۴-۳۵ اینها اندام‌های حفره‌ای هستند که گرما را آشکار می‌کنند.



شکل ۴-۳۶ کلم اسکانک برف اطراف خود را آب کرده است.

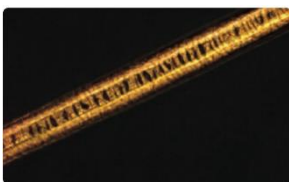
پرسش کتاب:

برخی آشپزها برای آنکه سبزمینی زودتر آپیژ شود، ابتدا چند سیخ کوچک فلزی درون سبب زمینی فرو می‌کنند و بعد آن را در آب انداخته و روی اجاق قرار می‌دهند. علت این کار آشپزها چیست؟

یک سیخ کوچک فلزی، انرژی گرمایی را از طریق رسانش به درون سبب زمینی انتقال می‌دهد. چون فلز انرژی گرمایی را بهتر به درون سبب زمینی انتقال می‌دهد، بنابراین زمان لازم برای پخت سبب زمینی کاهش می‌یابد. البته نشان داده شده است که سیخ‌های کوچک بیش از ۱ تا ۲ دقیقه زمان متعارف برای پختن سبب زمینی را کاهش نمی‌دهند، ولی اگر سر آزاد سیخ سنگین و یا پهن باشد، این عمل به مراتب تأثیر گذارتر است.

فعالیت کتاب:

موهای خرس قطبی توخالی هستند. تحقیق کنید این موضوع چه نقشی در گرم نگه داشتن بدن خرس در سرمای قطب دارد؟  
موهای سفید خرس قطبی، فقط قسمت‌های مرئی و فرورسرخ نور خورشید را مانند یک فیبر نوری، پس از بازتاب‌های مکرر درون مو به پوست منتقل می‌کند. در آنجا نور جذب پوست می‌شود و بدین ترتیب دمای بدن خرس افزایش می‌یابد. اما گرمایی حاصل در پوست نسبتاً حفظ می‌شود، زیرا موها توخالی هستند و مانند لوله‌های توخالی رساننده ضعیف گرما هستند.



تست ۹۶:

کدام عبارت درست نیست؟

- ۱) افزایش دمای یک لوله مسی، حجم فضای داخلی آن را زیاد می‌کند.
- ۲) تابش، سریعترین راه انتقال گرما از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر است.
- ۳) انتقال گرما از طریق همرفت، تنها راه انتقال گرما در خلأ است.
- ۴) ضریب انبساط طولی یک جسم جامد تقریباً نصف ضریب انبساط سطحی آن است.

پاسخ: گزینه ۳ تنها راه انتقال گرما در خلأ تابش است. برای انتقال گرما به روش همرفت نیاز به محیط مادی سیال (مایع و گاز) داریم.

خارج از کشور - ۱۳۸۵



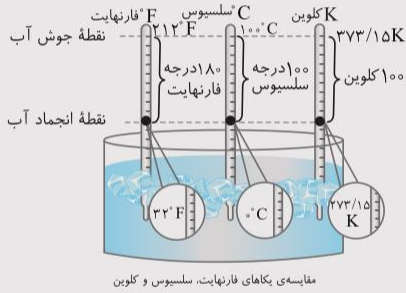
الگو یادآوری

۱

۳

دما کمیتی است که میزان سردی و گرمی اجسام را مشخص می‌کند. اگر دو جسم در تعادل گرمایی با جسم سوم باشند آن دو نیز در تعادل گرمایی هستند. (پایه دماسنجی) عامل جابه‌جا شدن گرما اختلاف دماست نه اختلاف انرژی درونی.

تغییر خواص فیزیکی در اثر گرما اساس دماسنجی (مانند حجم یک مایع، فشار گاز در حجم ثابت، مقاومت الکتریکی یک سیم و غیره که به آن‌ها کمیت دماسنجی گویند).



درجه‌بندی سلسیوس  $\theta_C$  دمای ذوب یخ  $0^\circ C$

دمای جوش آب  $100^\circ C$

درجه‌بندی فارنهایت  $\theta_F$  دمای انجماد آب  $32^\circ F$

دمای جوش آب  $212^\circ F$  درجه

رابطه بین درجه‌بندی سلسیوس و فارنهایت

$$\theta_F = \frac{9}{5} \theta_C + 32 \quad \leftarrow \frac{\theta_C}{100} = \frac{\theta_F - 32}{180}$$

رابطه بین تغییر دما در دماسنج فارنهایت و سلسیوس  $1^\circ C = \frac{9}{5}^\circ F$

$$\frac{x - a}{b - a} = \frac{x' - a'}{b' - a'}$$

رابطه کلی دماسنجی بین دو درجه‌بندی،  $a$  و  $a'$  دمای محیط اول در دو درجه‌بندی،  $b$  و  $b'$  دمای محیط دوم در دو درجه‌بندی و  $x$  و  $x'$  دمای محیطی که در دو درجه‌بندی اندازه‌گیری می‌شود.

درجه‌بندی کلوین «صفر کلوین برابر  $-273/15^\circ C$  که کمترین دمای ممکن است.

عدد تغییر دما در درجه‌بندی کلوین و سلسیوس یکسان است.  $\Delta T = \Delta \theta$

رابطه دماسنجی کلوین با درجه‌بندی سلسیوس (سانتی‌گراد)  $T = 273 + \theta^\circ C$

دماسنجی

دما و دماسنجی

دماسنج‌های جیوه‌ای و الکلی ساده‌ترین و متداول‌ترین دماسنج‌ها هستند. کمیت دماسنجی در این دماسنج‌ها ارتفاع مایع درون دماسنج است.

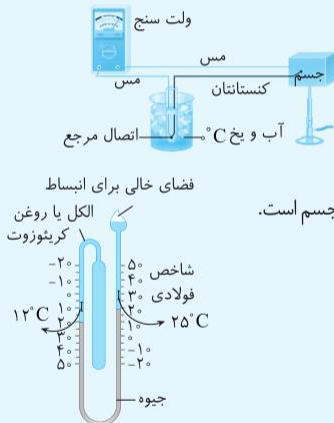
دماسنج‌های معیار

۱ دماسنج گازی

۲ دماسنج مقاومت پلاتینی

۳ تفسنج (پیرومتر)

اساس کار آن مبتنی بر تابش گرمایی است.



دماسنج ترموکوپل

کمیت دماسنجی آن، ولتاژ است.

دقت آن از دماسنج‌های معیار کمتر است.

گستره دماسنجی آن می‌تواند از  $-270^\circ C$  تا  $1372^\circ C$  باشد.

از دو سیم غیرهم‌جنس مانند مس و کنستانتان ساخته می‌شود.

مزیت آن کوچک بودن محل اتصال و سریع بودن در رسیدن به تعادل گرمایی با جسم است.

دماسنج کمینه و بیشینه: تعیین کمینه و بیشینه دمای یک محل

قسمت پایین شاخص فولادی نشان‌گر دما است.

شاخه سمت راست دمای بیشینه و شاخه سمت چپ دمای کمینه را

نشان می‌دهد.

دماسنج‌ها

انبساط طولی  $\Delta L = L_1 \alpha \Delta T$  طول اولیه و  $\Delta T = \Delta \theta$  تغییر دما

ضریب انبساط طولی: مقدار تغییر طول جسم به طول یک متر به ازای ۱K تغییر دما

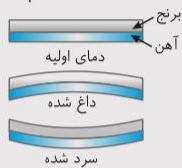
$$\frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \frac{L_1 \alpha \Delta \theta}{L_1} \times 100 = \alpha \Delta \theta \times 100$$

درصد تغییرات:

از اختلاف ضریب انبساط طولی در موارد زیر استفاده می‌شود.

ترموستات (دماپا)

دو فلز با ضریب انبساط مختلف با طول یکسان به هم پرچ شده‌اند. از ترموستات در یخچال‌ها، موتورخانه‌ها و آب گرم‌کن‌ها استفاده می‌شود.



دماسنج نواری دوفلزه

از یک نوار دوفلزه پیچیده‌ای استفاده شده است.



انبساط سطحی  $-\Delta A = A_1 2\alpha \Delta T$  ضریب انبساط سطحی تقریباً دو برابر ضریب انبساط طولی است.

$$2\alpha \Delta \theta \times 100$$

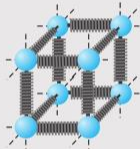
درصد تغییرات

انبساط حجمی  $-\Delta V = V_1 \beta \Delta T$  ضریب انبساط حجمی جامد  $\beta \approx 3\alpha$

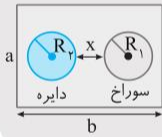
$$3\alpha \Delta \theta \times 100$$

درصد تغییرات

تغییر چگالی در جسم جامد همگن  $\rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta T}$  و  $\rho_2 = \rho_1 (1 - \beta \Delta T)$



دیدگاه مولکولی نیروهای بین اتمی در جامدها شبیه فنر هستند و هر اتم به این فنرها متصل است. با افزایش دما دامنه نوسان‌ها افزایش می‌یابد و جسم منبسط می‌شود.



در انبساط تمام نقاط جسم از هم دور می‌شوند.

اگر روی یک صفحه، سوراخی باشد با انبساط صفحه، دهانه سوراخ نیز بازتر می‌شود.

در شکل روبه‌رو با دادن گرما،  $x, R_1, R_2, a, b$  و ... افزایش می‌یابد.

نکاتی در مورد انبساط

افزایش حرکت کاتوره‌ای اتم‌ها و مولکول‌ها در اثر افزایش دما سبب دور شدن مولکول‌ها از هم و افزایش حجم مایع می‌شود.

$$\beta \leftarrow \Delta V = V_1 \beta \Delta T$$

ضریب انبساط حجمی در مایع‌ها از ضریب انبساط حجمی جامدها بیشتر است.

در صورت گرم شدن ظرف لبریز از مایع، مایع از آن سرریز می‌شود.

مقدار مایع سرریز شده = انبساط ظرف - انبساط واقعی مایع

$$\rho_2 = \rho_1 (1 - \beta \Delta T), \rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta T}$$

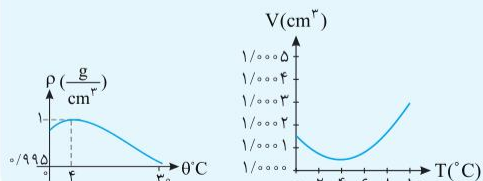
تغییر چگالی

از  $0^\circ\text{C}$  تا  $4^\circ\text{C}$  حجم آب به جای افزایش، کاهش می‌یابد.

کمترین حجم و بیشترین چگالی آب در  $4^\circ\text{C}$  این امر سبب یخ بستن آب دریاچه‌ها از سطح آن‌ها می‌شود.

انبساط غیرعادی آب

نمودارها



جامدها

انبساط گرمایی

مایع‌ها



**گرما** « مقدار انرژی که به دلیل اختلاف دما بین دو جسم مبادله می‌شود. یکای گرما در SI ژول و یکای فرعی آن کالری است.  $1 \text{ cal} \approx 4/2 \text{ J}$

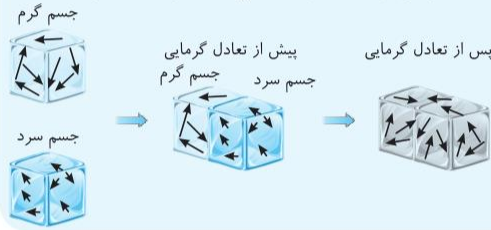
**انرژی درونی** « مجموع انرژی پتانسیل و انرژی جنبشی تمام مولکول‌های ماده

## تبادل گرمایی

« هرگاه دمای دو جسم که با هم در تبادل گرمایی هستند برابر شود، مبادله گرما متوقف می‌شود. به این حالت **تبادل گرمایی** و به این دمای مشترک **دمای تبادل** گویند.

از دیدگاه میکروسکوپی در تماس دو جسم سرد و گرم، انرژی‌های پتانسیل و جنبشی حرکت کاتوره‌ای آنها، مولکول‌ها و سایر اجزای میکروسکوپی درون جسم گرم کاهش و به همین اندازه برای جسم سرد افزایش می‌یابد تا دو جسم به تبادل گرمایی برسند.

دماسنج با جسمی که دمای آن را اندازه‌گیری می‌کند به تبادل گرمایی می‌رسد بنابراین دماسنج دمای خود را نشان می‌دهد.



مقدار گرمایی که باید به یک کیلوگرم جسم داده شود تا دمای آن  $1^\circ\text{C}$  (یا  $1 \text{ K}$ ) افزایش یابد.

## گرمای ویژه

به جنس جسم بستگی دارد. یکای آن در SI  $\text{J/kg}\cdot\text{K}$

گرمای ویژه آب از اغلب اجسام بیشتر است.

این امر سبب استفاده از آب در رادیاتورهای اتومبیل و گرم کردن فضای خانه‌ها به وسیله شوفاژ می‌شود.

## رابطه گرماسنجی

$$Q = mc\Delta T$$

$c$  گرمای ویژه  
 $m$  جرم جسم  
 $\Delta T$  تغییر دما

اگر جسم گرما بگیرد  $Q > 0$  و اگر جسم گرما از دست بدهد  $Q < 0$

بدون اتلاف گرما  $Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0 \Rightarrow Q_T = 0$

با اتلاف گرما  $Q_1 + Q_2 = Q_{\text{اتلاف}}$  منفی

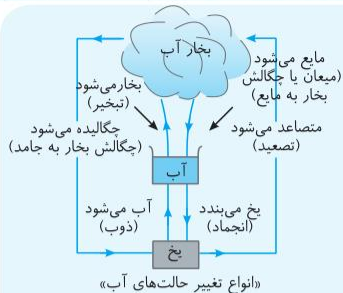
## دمای تبادل

$$\theta_e = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2 + \dots}{m_1 c_1 + m_2 c_2 + \dots} \leftarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2) + \dots = 0$$

کالری‌متر یا گرماسنج: ظرفی فلزی و درپوش‌دار با عایق‌بندی گرمایی خوب که در آزمایش‌های گرماسنجی مانند تعیین گرمای ویژه اجسام کاربرد دارد.

## گرماسنج

ظرفیت گرمایی: حاصل ضرب جرم جسم در گرمای ویژه جسم  $C = mc$  یکای آن  $\text{J/K}$  یا  $^\circ\text{C}$



تبدیل جامد به مایع « فرایند ذوب گرماگیر است. نقطه ذوب: دمایی که در آن جسم جامد شروع به ذوب شدن می‌کند. در مدت عمل ذوب دما ثابت می‌ماند. معمولاً در جامدهای بلوری به استثناء یخ هنگام ذوب حجم افزایش می‌یابد. جامدهای بی‌شکل مانند شیشه و قیر نقطه ذوب کاملاً مشخصی ندارند. افزایش فشار سبب افزایش نقطه ذوب می‌شود در حالی که در مورد یخ سبب کاهش نقطه ذوب می‌شود. در قلّه کوه‌ها به دلیل کاهش فشار هوا نقطه ذوب بالا رفته و برف می‌تواند در دمایی بالاتر از  $0^{\circ}\text{C}$  نیز به صورت جامد باقی بماند.

ذوب

نسبت گرمای لازم برای تغییر حالت جسم از جامد به مایع در دمای ذوب به جرم جسم را گرمای ذوب (یا گرمای نهان ذوب گویند)

$$L_F = Q/m \leftarrow Q = mL_F$$

به جنس جسم بستگی دارد.

گرمای نهان ذوب

تبدیل مایع به جامد « فرایند انجماد گرماده است. نقطه انجماد و ذوب یک جسم یکسان است. ناخالصی مانند نمک می‌تواند سبب کاهش دمای انجماد آب شود و انجماد کامل را تا دمای  $-18^{\circ}\text{C}$  پایین ببرد.

$$Q = -mL_F$$

انجماد

**تفاوت یخ و برف** — یخ از انجماد آب و برف از چگالش بخار حاصل می‌شود. در انجماد زمان کافی برای تشکیل بلور وجود دارد اما چگالش برف سریع رخ می‌دهد.

حالت‌های ماده

تبدیل مایع به بخار را تبخیر گویند. تبخیر گرماگیر است.

**تبخیر سطحی** — مایع در هر دمایی تبخیر می‌شود این فرایند را تبخیر سطحی گویند. آهنگ تبخیر سطحی به عوامل مختلفی مانند دمای مایع و مساحت سطح آن بستگی دارد. تبخیر سطحی عرق بدن سبب خنک شدن می‌شود.

**جوشیدن** — با دادن گرما به مایع و بالا رفتن دما، در دمای خاصی حباب‌های گاز درون مایع شکل می‌گیرند و از مایع خارج می‌شوند. به این پدیده جوشیدن مایع و به این دما، نقطه جوش گویند. دما در حین جوشیدن تغییر نمی‌کند. در جوشیدن کل مایع در فرایند تبخیر شرکت می‌کند. نقطه جوش با افزایش فشار، بالا می‌رود، ناخالصی سبب افزایش نقطه جوش می‌شود.

تبخیر و جوشیدن

نسبت گرمای لازم برای تبخیر مایع، به جرم مایع را گرمای تبخیر مایع (یا گرمای نهان تبخیر مایع) گویند و با  $L_V$  نمایش می‌دهند.  $(\text{J/kg}) \leftarrow L_V = Q/m \leftarrow Q = mL_V$

با کاهش دما به دلیل محکم‌تر شدن پیوند مولکول‌های مایع،  $L_V$  افزایش می‌یابد.  $L_V$  به جنس و دما بستگی دارد.

گرمای تبخیر

میعان « وارون فرایند تبخیر » گرماده است  $Q_V = -mL_V$

نقطه جوش و نقطه میعان یک جسم یکسان است.

میعان

## الگو یادآوری

۵

## انتقال گرما

## رسانش

ارتعاش اتم‌ها و الکترون‌های آزاد در ناحیه گرم شده جسم موجب انتقال بخشی از انرژی آن‌ها به اتم‌ها و الکترون‌های مجاور می‌شود و به این روش انتقال گرما رسانش گویند.

در رساناهای فلزی، الکترون‌های آزاد نقش اساسی دارند.

در نارساناها مانند شیشه رسانش گرمایی به دلیل ارتعاش اتم‌ها و گسترش این ارتعاش در طول آن‌هاست و به جهت نبود الکترون آزاد، این اجسام رسانای گرمایی خوبی نیستند.

## همرفت

انتقال گرما در شاره‌ها به روش همرفت صورت می‌گیرد.

هوای سرد در کنار بخاری گرم شده بالا می‌رود و هوای سرد چگال‌تر جای آن را می‌گیرد.

آب درون کنری به همین روش روی شعله اجاق گرم می‌شود.

روز: زمین ساحل گرم‌تر از آب دریا، نسیم همرفتی از سوی دریا به سوی ساحل

شب: زمین ساحل سردتر از آب دریا، نسیم همرفتی از سوی ساحل به سمت دریا

## طبیعی

## واداشته

شاره به کمک یک تلمبه طبیعی (قلب جانوران خونگرم) یا تلمبه مصنوعی (واترپمپ اتومبیل) به چرخش واداشته می‌شود تا با این چرخش انتقال گرما صورت پذیرد.

## تابش گرمایی

هر جسم می‌تواند از خود تابش الکترومغناطیسی گسیل کند که شدت و بسامد این تابش به دمای جسم بستگی دارد و آن را تابش گرمایی گویند.

این انتقال گرما به محیط مادی نیاز ندارد و در خلأ منتشر می‌شود.

سریع‌ترین روش انتقال گرما بوده و سرعت آن در خلأ برابر  $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$  است.

تابش گرمایی در دماهای زیر حدود  $50^\circ\text{C}$  عمدتاً به صورت تابش فرسرخ است.

برای آشکارسازی تابش‌های فرسرخ از دستگاه دمانگار استفاده می‌شود « تصویر حاصل از دمانگار را دمانگاشت گویند.

تابش گرمایی علاوه بر دما به مساحت، میزان صیقلی بودن و رنگ سطح جسم بستگی دارد.

تابش سطح‌های صیقلی با رنگ‌های روشن کم و از سطح تیره، ناصاف و مات بیشتر است.

برای آزمایش تأثیر سطح و رنگ از مکعب لسلی استفاده می‌شود.

یکی از کاربردهای تابش گرمایی دماسنج تف‌سنج است و به روش اندازه‌گیری دما مبتنی بر تابش

گرمایی، تف‌سنجی گویند.

دو نوع تف‌سنج تابشی و نوری داریم که تف‌سنج تابشی جزء دماسنج‌های معیار است.



## نمونه پدیده‌های زیستی

شکار تابش فرسرخ: اندام حفره‌ای روی پوزه برخی مارهای زنگی که نسبت به تابش فرسرخ حساس است سبب می‌گردد که مار طعمه‌های خونگرم مانند موش را در تاریکی تشخیص دهد.

کلم اسکانک: می‌تواند دمایش را با دمای محیط بالاتر ببرد و انرژی خود را با تابش فرسرخ از دست داده و برف پیرامونش را در زمستان آب کند.



پرتوسنج (رادایومتر): وسیله‌ای است که از یک حباب شیشه‌ای تشکیل شده است که درون آن چهار پره فلزی قائم قرار دارد که می‌توانند حول یک محور (سوزن عمودی) بچرخند. دو وجه هر چهارپره، یک در میان سفید و سیاه است. وقتی این وسیله کنار یک چشمه نور قرار گیرد، پره‌ها حول محور شروع به چرخیدن می‌کنند.

یادداشت ها :

A series of horizontal dotted lines for taking notes.

انیشتین

“راه حل صحیح موفقیت این است که اشتیاق شما به پیروزی بیشتر از ترس شما از شکست باشد.”



## چی مرور کنیم!؟

در فصل: آخر فصل:	شماره تمرین های مهم کتاب درسی
	شماره سوالات جزوه برای مرور
	شماره سوالات مجموعه تست برای مرور
	شماره سوالات کتاب برای مرور

  Physics\_Agheli

کارشناس ارشد مهندسی مکانیک

استعداد درخشان کارشناسی ارشد

عضو بنیاد ملی نخبگان

طراح قلم چی

مدرس رتبه های برتر سخت ترین کنکور قرن (۱۱۴، ۱۳۱۴، ۷۳۷، ۷۶۴ و ...)



محاسبات		
اصول	مثال عددی	مثال جبری
برای جمع و تفریق کسرهای هم‌مخرج صورت کسر را با هم جمع و یا از هم تفریق کرده و مخرج را بدون تغییر می‌نویسند.	$\frac{5}{8} + \frac{2}{8} - \frac{1}{8} = \frac{5+2-1}{8}$ $= \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$	$\frac{5}{a} - \frac{3}{a} + \frac{7}{a} = \frac{5-3+7}{a} = \frac{9}{a}$
برای جمع و تفریق کسرهای غیر هم‌مخرج باید ابتدا کوچک‌ترین مخرج مشترک را تعیین کرد. کوچک‌ترین مخرج مشترک عددی است که بر تمام مخرج کسرها قابل تقسیم باشد. صورت و مخرج هر کسر را در خارج قسمت مخرج مشترک بر مخرج کسر مربوطه باید ضرب کرد. سپس عمل جمع و تفریق کسر را انجام داد.	$\frac{1}{2} + \frac{2}{3} - \frac{3}{4} =$ <p style="text-align: center;">مخرج مشترک = 12</p> $= \frac{1.6}{2.6} + \frac{2.4}{3.4} - \frac{3.3}{4.3}$ $= \frac{6}{12} + \frac{8}{12} - \frac{9}{12} = \frac{5}{12}$	$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} =$ <p style="text-align: center;">مخرج مشترک = b.d</p> $= \frac{a.d}{b.d} + \frac{c.b}{b.d}$ $= \frac{a.d + c.b}{b.d}$
برای ضرب یک کسر در کسر دیگر باید صورت‌ها را در هم و مخرج‌ها را در هم ضرب کرد.	$\frac{3}{5} \cdot \frac{2}{7} = \frac{3.2}{5.7} = \frac{6}{35}$	$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a.c}{b.d}$
برای تقسیم یک کسر به کسر دیگر باید کسر اول را در معکوس کسر دوم ضرب کرد.	$\frac{3}{4} : \frac{3}{5} = \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{3} = \frac{3.5}{4.3} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$	$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a.d}{b.c}$
اصول علائم		
هر گاه دو فاکتور علائم یکسان داشته باشند حاصل ضرب آنها مثبت است.	$2.5 = 10$ $(-2).(-5) = 10$	$a.x = ax$ $(-a).(-x) = ax$
هر گاه دو فاکتور علائم مخالف داشته باشند حاصل ضرب آنها منفی است.	$3.(-8) = -24$ $(-3).8 = -24$	$a.(-x) = -ax$ $(-a).x = -ax$
هر گاه مخرج و صورت یا مقسوم و مقسوم علیه علائم یکسان داشته باشند حاصل قسمت علامت مثبت دارد.	$\frac{15}{3} = 15:3 = 5$ $\frac{-15}{-3} = (-15):(-3) = 5$	$\frac{a}{b} = \frac{a}{b}$ $\frac{-a}{-b} = \frac{a}{b}$
هر گاه مخرج و صورت یا مقسوم و مقسوم علیه علامت مخالف داشته باشند حاصل قسمت علامت منفی دارد.	$\frac{15}{-3} = 15:(-3) = -5$ $\frac{-15}{3} = (-15):3 = -5$	$\frac{a}{-b} = -\frac{a}{b}$ $\frac{-a}{b} = -\frac{a}{b}$



## اصول علائم

اصول	مثال عددی	مثال جبری
عمل ضرب (.) و (: باید قبل از عمل جمع (+ و -) انجام گیرد.	$۸.۴ - ۱۸.۳ = ۳۲ - ۵۴ = -۲۲$ $\frac{۱۶}{۴} + \frac{۲۰}{۵} - \frac{۱۸}{۳} = ۴ + ۴ - ۶ = ۲$	$۴a.b - c.۳d$ $= ۴ab - ۳cd$

## محاسبه پرانتز

پرانتزهایی را که قبل از آنها علامت جمع قرار دارد می توان حذف کرد. علائم اعداد بدون تغییر باقی می ماند.	$۱۶ + (۹ - ۵)$ $= ۱۶ + ۹ - ۵$ $= ۲۰$	$a + (b - c)$ $= a + b - c$
پرانتزهایی که قبل از آنها علامت منفی قرار دارد فقط وقتی می توان حذف کرد که علائم همه اعداد داخل پرانتز را تغییر داد.	$۱۶ - (۹ - ۵)$ $= ۱۶ - ۹ + ۵$ $= ۱۲$	$a - (b - c)$ $= a - b + c$
عبارت پرانتز در یک فاکتور ضرب می شود، در این حالت هر عامل در فاکتور ضرب می شود.	$۷.(۴ + ۵)$ $= ۷.۴ + ۷.۵ = ۶۳$	$a.(b + c)$ $= ab + ac$
عبارت پرانتز در یک عبارت پرانتز دیگر ضرب می شود، در این حالت هر عامل یک پرانتز در عوامل پرانتز دیگر ضرب می شود.	$(۳ + ۵).(۱۰ - ۷)$ $= ۳.۱۰ + ۳.(-۷) + ۵.۱۰ + ۵.(-۷)$ $= ۳۰ - ۲۱ + ۵۰ - ۳۵ = ۲۴$	$(a + b).(c - d)$ $= ac - ad + bc - bd$
عبارت پرانتز بر یک مقدار (عدد، حروف، عبارت پرانتز) تقسیم می شود در این حالت هر عامل پرانتز بر مقدار فوق تقسیم می شود.	$(۱۶ - ۴):۴$ $= ۱۶:۴ - ۴:۴$ $= ۴ - ۱ = ۳$	$(a + b):c = a:c + b:c$ $\frac{a - b}{b} = \frac{a}{b} - ۱$
خط تقسیم به صورت پرانتز عبارت صورت و مخرج را در بر می گیرد.	$\frac{۳ + ۴}{۲} = (۳ + ۴):۲$	$\frac{a + b}{۲}.h = (a + b).\frac{h}{۲}$
در محاسبات ضرب و جمع باید ابتدا محاسبات پرانتز انجام و سپس عمل جمع اجرا شود.	$۸.(۳ - ۲) + ۴.(۱۶ - ۵)$ $= ۸.۱ + ۴.۱۱$ $= ۸ + ۴۴ = ۵۲$	$a.(۳x - ۵x) - b.(۱۲y - ۲y)$ $= a.(-۲x) - b.۱۰y$ $= -۲ax - ۱۰by$

## به توان رساندن

توانهایی که با پایه یکسان در هم ضرب می شود، باید نماها را با هم جمع و پایه را ثابت نگه داشت.	$۳^۲.۳^۳ = ۳.۳.۳.۳.۳$ $= ۳^۵$ یا $۳^۲.۳^۳ = ۳^{(۲+۳)} = ۳^۵$	$x^۴.x^۲ = x.x.x.x.x.x$ $= x^۶$ یا $x^۴.x^۲ = x^{(۴+۲)} = x^۶$
--	--	--

به توان رساندن

اصول	مثال عددی	مثال جبری
توان‌هایی که با پایه یکسان بر هم تقسیم می‌شود باید نماها را از هم کسر کرده و پایه را ثابت نگه‌داشت.	$\frac{4^3}{4^2} = \frac{4 \cdot 4 \cdot 4}{4 \cdot 4} = 4$ یا $4^3 : 4^2 = 4^{(3-2)} = 4^1 = 4$	$\frac{m^3}{m^2} = \frac{m \cdot m}{m \cdot m \cdot m} = \frac{1}{m} = m^{-1}$ یا $m^2 : m^3 = m^{(2-3)} = m^{-1}$
اگر فاکتور در یک توان ضرب می‌شود باید ابتدا توان محاسبه شود. محاسبه توان قبل از عمل ضرب صورت می‌گیرد.	$6 \cdot 10^3 = 6 \cdot 1000 = 6000$ یا $7 \cdot 10^{-2} = 7 \cdot \frac{1}{100} = 0.07$	یا $a \cdot 10^2 = a \cdot 100 = 100a$ یا $b \cdot 10^{-1} = b \cdot \frac{1}{10} = 0.1b$
هر توان با نمای صفر برابر یک است.	$\frac{10^4}{10^4} = 10^{(4-4)} = 10^0 = 1$	$(m+n)^0 = 1$

تبدیلات ریشه گرفتن

هرگاه زیر ریشه یک حاصل ضرب باشد می‌توان ریشه را از حاصل ضرب اعداد و یا ضرب حاصل ریشه‌ها به دست آورد.	یا $\sqrt{9 \cdot 16} = \sqrt{144} = 12$ یا $\sqrt{9 \cdot 16} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{16} = 3 \cdot 4 = 12$	$\sqrt{a \cdot b} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$
هرگاه زیر ریشه حاصل جمع و یا حاصل تفریق باشد باید فقط از حاصل آنها ریشه گرفت.	$\sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$ $\sqrt{5^2-3^2} = \sqrt{25-16} = \sqrt{9} = 3$	$\sqrt{a-b} = \sqrt{(a-b)}$
ریشه گرفتن را به صورت توان هم می‌توان نوشت.	$\sqrt[3]{27} = 27^{\frac{1}{3}} = 3^{3 \cdot \frac{1}{3}} = 3$	$\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}$

تغییر شکل معادله‌ها

با افزودن عدد یکسان به دو طرف معادله عدد مجهول در سمت راست ظاهر می‌شود.	$y-5=9$ $y-5+5=9+5$ $y=9+5=14$	$y-c=d$ $y-c+c=d+c$ $y=d+c$
با تفریق عدد یکسان از دو طرف معادله عدد مجهول در سمت راست ظاهر می‌شود.	$x+7=18$ $x+7-7=18-7$ $x=11$	$x+a=b$ $x+a-a=b-a$ $x=b-a$
با تقسیم دو طرف معادله بر عدد یکسان عدد مجهول معادله به دست می‌آید.	$6x=23$ $\frac{6x}{6} = \frac{23}{6}$ $x = \frac{23}{6} = 3\frac{5}{6}$	$ax=b$ $\frac{ax}{a} = \frac{b}{a}$ $x = \frac{b}{a}$

## تغییر شکل معادله‌ها

اصول	مثال عددی	مثال جبری
با ضرب کردن دو طرف معادله در عدد یکسان عدد مجهول معادله به دست می‌آید.	$\frac{y}{3} = 7$ $\frac{y \cdot 3}{3} = 7 \cdot 3$ $y = 21$	$\frac{y}{c} = d$ $\frac{y \cdot c}{c} = d \cdot c$ $y = d \cdot c$
با به توان رساندن دو طرف معادله عدد مجهول معادله به دست می‌آید.	$\sqrt{x} = 4$ $(\sqrt{x})^2 = 4^2$ $x = 16$	$\sqrt{x} = a + b$ $(\sqrt{x})^2 = (a + b)^2$ $x = a^2 + 2ab + b^2$
با ریشه گرفتن دو طرف معادله عدد مجهول معادله به دست می‌آید.	$x^2 = 36$ $\sqrt{x^2} = \sqrt{36}$ $x = \pm 6$	$x^2 = a + b$ $\sqrt{(x^2)} = \sqrt{a + b}$ $x = \pm \sqrt{a + b}$

## توان‌های ده

مقادیر بزرگ‌تر از عدد یک با توان مثبت نشان داده می‌شود. مقادیر کوچکتر از عدد یک، با توان منفی نشان داده می‌شود.

مقدار	۰٫۰۰۱	۰٫۰۱	۰٫۱	۱	۱۰	۱۰۰	۱۰۰۰	۱۰۰۰۰	۱۰۰۰۰۰	۱۰۰۰۰۰۰
توان ده	$10^{-3}$	$10^{-2}$	$10^{-1}$	$10^0$	$10^1$	$10^2$	$10^3$	$10^4$	$10^5$	$10^6$

مثال: تبدیل اعداد به حاصل ضرب توان ده.  $4300 = 4,3 \cdot 1000 = 4,3 \cdot 10^3$ ;  $14638 = 1,4638 \cdot 10000 = 1,4638 \cdot 10^4$

$$0,07 = \frac{7}{100} = 7 \cdot 10^{-2}$$

## (۱) تبدیل واحد

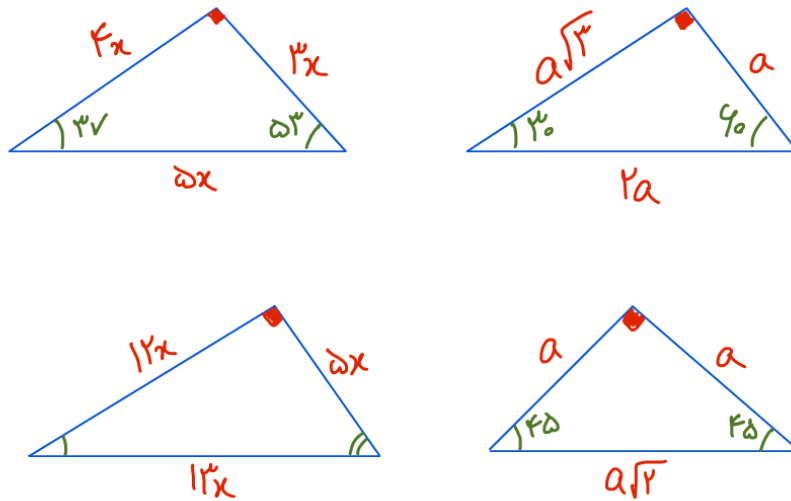
هرگاه در اندازه گیری ها باندازه های **بسیار بزرگ تر** یا **بسیار کوچک تر** از یكاهای اصلی آن كمیت مواجه شویم، از پیشوند هایی استفاده می‌کنیم.

**هر پیشوند توان معینی از ۱۰** را نشان می دهد که به صورت یک عامل ضرب به کار می رود.

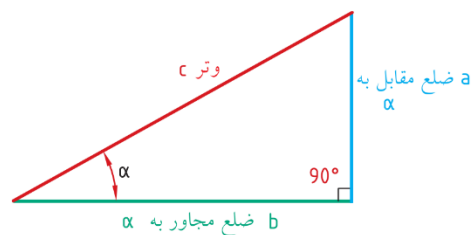
نوع پیشوند	پیشوند	نماد	ضریب	ضریب به صورت توان ده
پیشوند های بزرگ ساز	ترا	T	۱,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰	$۱۰^{۱۲}$
	گیگا (جیگا)	G	۱,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰	$۱۰^۹$
	مگا	M	۱,۰۰۰,۰۰۰	$۱۰^۶$
	کیلو	k	۱,۰۰۰	$۱۰^۳$
	هکتو	h	۱۰۰	$۱۰^۲$
	دکا	da	۱۰	$۱۰^۱$
پیشوند های کوچک ساز	دسی	d	۰/۱	$۱۰^{-۱}$
	سانتی	c	۰/۰۱	$۱۰^{-۲}$
	میلی	m	۰/۰۰۱	$۱۰^{-۳}$
	میکرو	$\mu$	۰/۰۰۰,۰۰۱	$۱۰^{-۶}$
	نانو	n	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	$۱۰^{-۹}$
	پیکو	p	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	$۱۰^{-۱۲}$
	فمتو	f	۰/۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۱	$۱۰^{-۱۵}$

تذکر: به بزرگ یا کوچک بودن حروف نمادها توجه کنید.

$۱۲\mu g = \dots g \rightarrow ۱۲\mu g \left(\frac{۱۰^{-۶}g}{۱\mu g}\right) = ۱۲ \times ۱۰^{-۶}g$ $۷MN = \dots N \rightarrow ۷MN \left(\frac{۱۰^۶N}{۱MN}\right) = ۷ \times ۱۰^۶N$ $۱/۲kPa = \dots Pa \rightarrow ۱/۲kPa \left(\frac{۱۰^۳Pa}{۱kPa}\right) = ۱۲۰۰Pa$ $۲۷mm = \dots m \rightarrow ۲۷mm \left(\frac{۱۰^{-۳}m}{۱mm}\right) = ۰/۰۲۷m$	الف: معمولی
$۱۵(cm)^۲ = \dots m^۲ \rightarrow ۱۵(cm)^۲ \left(\frac{۱۰^{-۲}m}{۱cm}\right)^۲ = ۱۵ \times ۱۰^{-۴}m^۲$ $۶ \times ۱۰^{-۴}m^۳ = \dots (mm)^۳ \rightarrow ۶ \times ۱۰^{-۴}m^۳ \left(\frac{۱mm}{۱۰^{-۳}m}\right)^۳ = ۶ \times ۱۰^۵(mm)^۳$	ب: توانی
$۱/۲ \frac{km}{min} = \dots \frac{m}{s} \rightarrow ۱/۲ \frac{km}{min} \left(\frac{۱۰^۳m}{۱km}\right) \left(\frac{۱min}{۶۰s}\right) = ۲ \cdot \frac{m}{s}$ $۳ \frac{kN}{m^۲} = \dots \frac{N}{(cm)^۲} \rightarrow ۳ \frac{kN}{m^۲} \left(\frac{۱۰^۳N}{۱kN}\right) \left(\frac{۱۰^{-۲}m}{۱cm}\right)^۲ = ۰.۳ \frac{N}{(cm)^۲}$	ج: کسری
$۱/۲ \times ۱۰^۴\mu g = \dots hg \rightarrow ۱/۲ \times ۱۰^۴\mu g \left(\frac{۱۰^{-۶}g}{۱\mu g}\right) \left(\frac{۱hg}{۱۰^۲g}\right) = ۱/۲ \times ۱۰^{-۴}hg$ $۴(cm)^۳ = \dots (mm)^۳ \rightarrow ۴(cm)^۳ \left(\frac{۱۰^{-۲}m}{۱cm}\right)^۳ \left(\frac{۱mm}{۱۰^{-۳}m}\right)^۳ = ۴ \times ۱۰^{-۶} \times \frac{۱}{۱۰^{-۹}}(mm)^۳ = ۴ \times ۱۰^۳(mm)^۳$	د: دوطرف پیشوند



برای تعریف توابع مثلثاتی از یک مثلث قائم الزاویه استفاده می کنیم (شکل ۱-۲۰).



شکل ۱-۲۰

$c =$  وتر

$a =$  ضلع مقابل به زاویه  $\alpha$

$b =$  ضلع مجاور به زاویه  $\alpha$

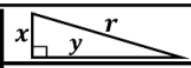
در مثلث شکل ۱-۲۰

$$\alpha \text{ سینوس} = \frac{\text{ضلع مقابل زاویه } \alpha}{\text{وتر}} \rightarrow \sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\alpha \text{ کسینوس} = \frac{\text{ضلع مجاور زاویه } \alpha}{\text{وتر}} \rightarrow \cos \alpha = \frac{b}{c}$$

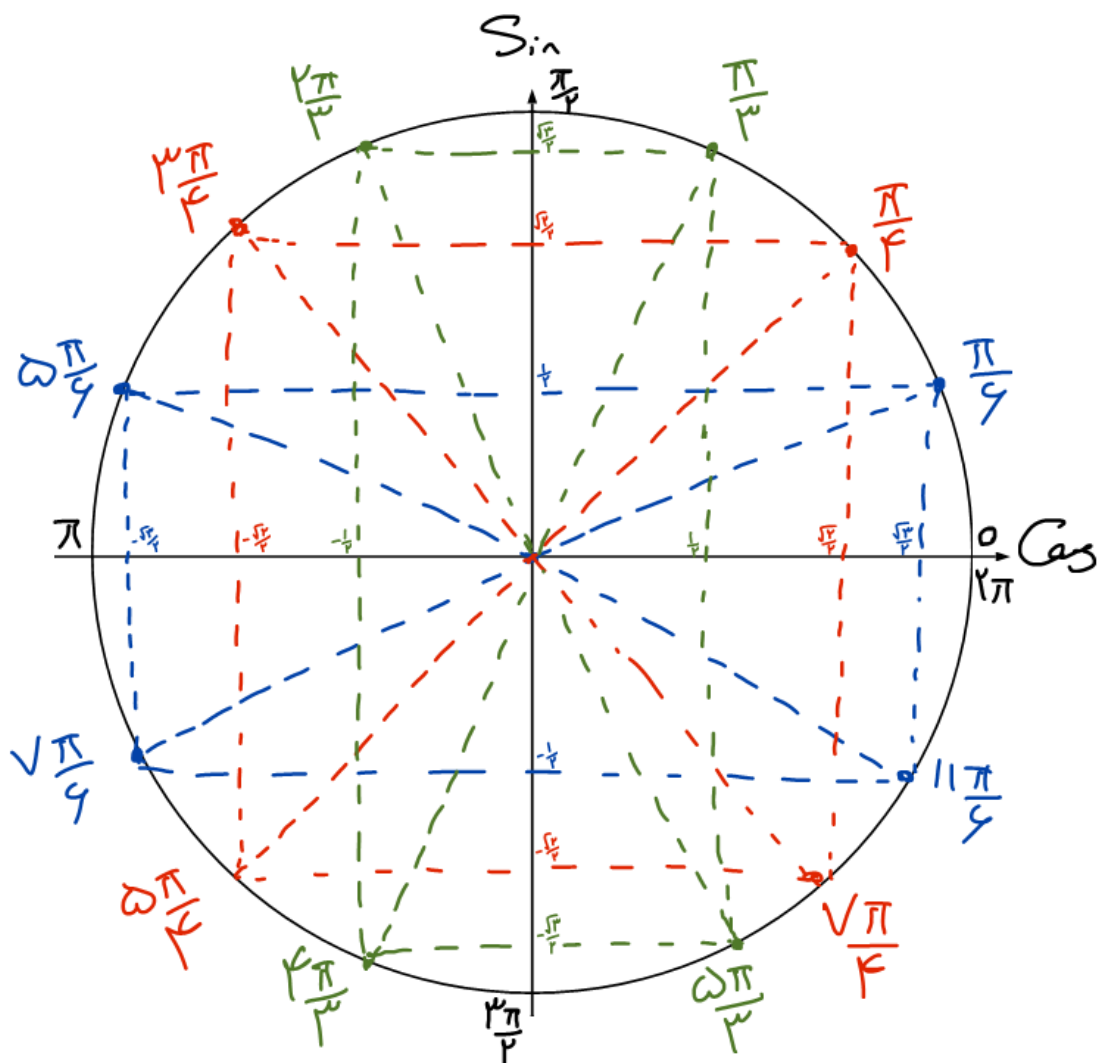
$$\alpha \text{ تانژانت} = \frac{\text{ضلع مقابل زاویه } \alpha}{\text{ضلع مجاور زاویه } \alpha} \rightarrow \tan \alpha = \frac{a}{b}$$

$$\alpha \text{ کتانژانت} = \frac{\text{ضلع مجاور زاویه } \alpha}{\text{ضلع مقابل زاویه } \alpha} \rightarrow \cot \alpha = \frac{b}{a}$$

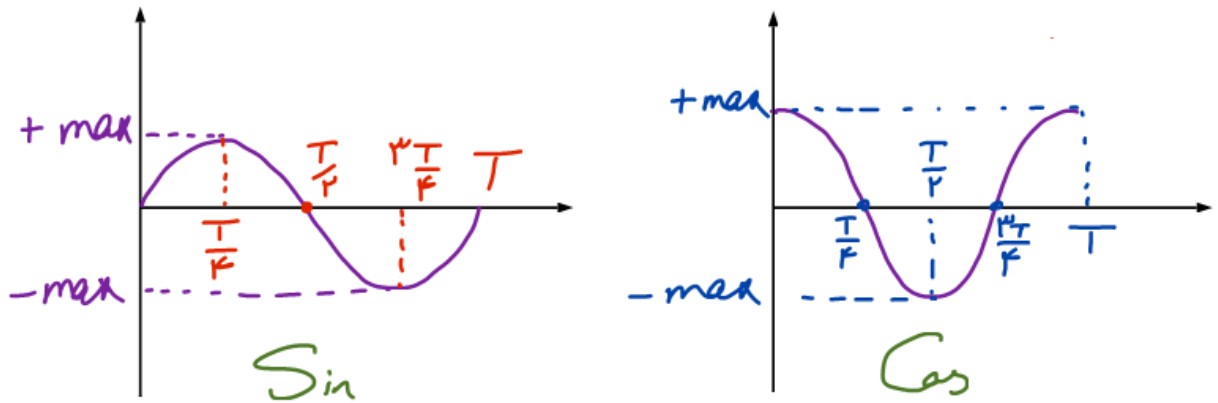
رادیان	۰	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\pi$	$\frac{3\pi}{2}$	$2\pi$		
درجه	۰°	۳۰°	۴۵°	۶۰°	۹۰°	۱۸۰°	۲۷۰°	۳۶۰°	فرمول ها در مثلث	$r^2 = x^2 + y^2$
$\sin\theta$	۰	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	۱	۰	-۱	۰	$\sin\theta = \frac{y}{r}$	$-1 \leq \sin\theta \leq 1$
$\cos\theta$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	۰	-۱	۰	۱	$\cos\theta = \frac{x}{r}$	$-1 \leq \cos\theta \leq 1$
$\tan\theta$	۰	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	۱	$\sqrt{3}$	$\infty$	۰	$\infty$	۰	$\tan\theta = \frac{y}{x}$	$\tan\theta \in \mathbb{R}$
$\cot\theta$	$\infty$	$\sqrt{3}$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	۰	$\infty$	۰	$\infty$	$\cot\theta = \frac{x}{y}$	$\cot\theta \in \mathbb{R}$

$$\sin 37 = 0.6 \xrightarrow{37+53=90} \cos 53 = 0.6$$

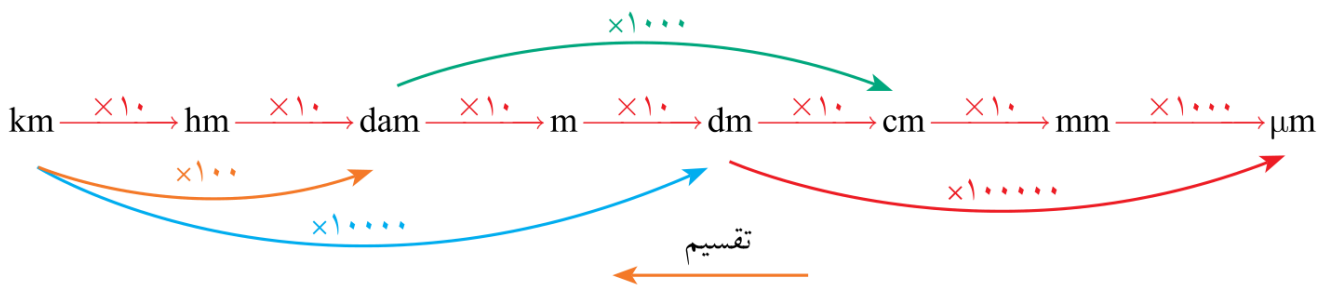
$$\sin 53 = 0.8 \xrightarrow{37+53=90} \cos 37 = 0.8$$



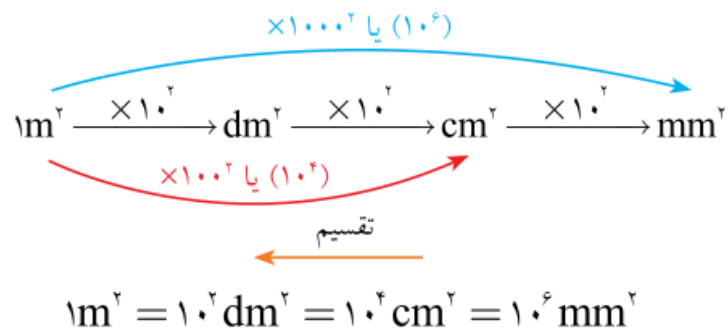




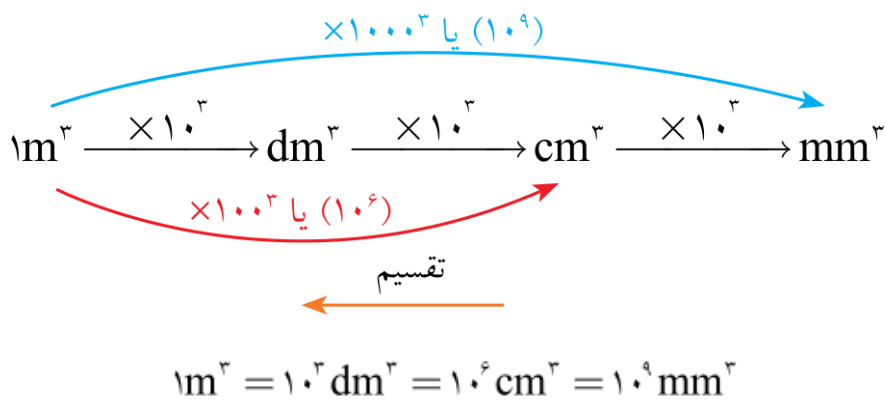
۹ یکای طول



۱۰ یکای سطح

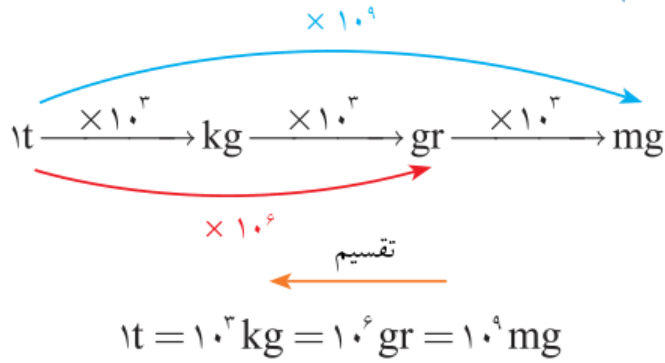


۱۱ یکای حجم



۱۲ یکای اندازه گیری مایعات

$$1\text{l} = 1\text{dm}^3 = 1000\text{cm}^3 = 1000\text{ml} = 1000\text{cc}$$



تبدیل واحدها بهم

طول	مساحت	حجم
۱D	2D	3D
$Cm \xrightarrow{\times 10^{-2}} m$ $\xleftarrow{\times 10^2}$ $mm \xrightarrow{\times 10^{-3}} m$ $\mu m \xrightarrow{\times 10^{-6}} m$ $nm \xrightarrow{\times 10^{-9}} m$	$Cm^2 \xrightarrow{\times 10^{-4}} m^2$ $\xleftarrow{\times 10^4}$ $mm^2 \xrightarrow{\times 10^{-6}} m^2$ $\mu m^2 \xrightarrow{\times 10^{-12}} m^2$ $nm^2 \xrightarrow{\times 10^{-18}} m^2$	$m^3 \xrightarrow{\times 10^{-3}} dm^3$ $\xleftarrow{\times 10^3}$ $Cm^3 = CC \xrightarrow{\times 10^{-3}}$

طول

$1 \mu m \xrightarrow{\times 10^{-6}} 10^{-6} m$   
 $\xleftarrow{\times 10^6}$

حجم

$1 \mu C \xrightarrow{\times 10^{-6}} 10^{-6} C$   
 $1 \mu J \xrightarrow{\times 10^{-6}} 10^{-6} J$   
 $1 \mu m \xrightarrow{\times 10^{-6}} 10^{-6} m$

حجم

$1 لیتر \xrightarrow{\times 10^3} 10^3 لیتر$   
 $\xleftarrow{\times 10^{-3}}$

$1 kg \xrightarrow{\times 10^3} 10^3 gr$   
 $1 kJ \rightarrow 10^3 J$   
 $1 kPa \rightarrow 10^3 Pa$

Physics\_Agheli

مهندس علی عاقلی  
طراح قلم چی  
کارشناس ارشد مهندسی مکانیک  
استعداد درخشان کارشناسی ارشد و عضو بنیاد ملی نخبگان

$$\frac{gr}{cm^3} = \frac{kg}{lit} \xrightarrow{\times 10^3} \frac{gr}{lit} = \frac{kg}{m^3}$$

$$\xleftarrow{\times 10^{-3}}$$

حجمی

$$1 atm = 1 bar = 10^5 pa = 76 cm Hg = 1 m H_2O$$

$$1 cm Hg \xrightarrow{\times 1360} Pa \quad (\rho_{Hg} = 13600 \frac{kg}{m^3})$$

$$1 cm Hg \xrightarrow{\times 1350} Pa \quad (\rho_{Hg} = 13500 \frac{kg}{m^3})$$

$$1 torr = 1 mm Hg$$

نیسار

$$h \xrightarrow{\times 3600} S \text{ (دقیقه)}$$

$$min \xrightarrow{\times 60} S$$

$$h \xrightarrow{\times 60} min$$

زمان

$$1 c = 1 A.S \quad (\text{دقیقه} \times \text{متر} = \text{مترکون})$$

$$1 A.h = 3600 A.S = 3600 c$$

پاراسرایی



$$\frac{\text{انرژی}}{\text{زمان}} = \text{توان} \rightarrow \omega = \frac{J}{s}$$

$$\bar{J} = \omega \cdot s$$

$$1 kWh \xrightarrow{\times (36 \times 10^5)} J$$

$$1 eV \xrightarrow{\times (1.6 \times 10^{19})} J$$

توان و انرژی

$$\frac{km}{h} \quad \frac{m}{s}$$

18	→	5
36	→	10
54	→	15
72	→	20
90	→	25
108	→	30

$$\frac{km}{h} \xrightarrow{\div 3.6} \frac{m}{s}$$

$$\xleftarrow{\times 3.6}$$

سرعت

$$1 T = 10^4 G \quad \text{و} \quad 1 G = 10^4 T \quad (\text{بته})$$

مغناطیس

$$1 ton = 10^3 kg$$

جرم



مهندس علی عاقلی  
طراح قلم چی

کارشناس ارشد مهندسی مکانیک

استعداد درخشان کارشناسی ارشد و عضو بنیاد ملی نخبگان

Physics\_Agheli



$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta = \frac{9}{5} \Delta T$$

$$\Delta \theta = \Delta T$$

$$T = \theta + 273$$

$$F = \frac{9}{5} \theta + 273$$

$\begin{matrix} ^\circ C \leftarrow \theta \\ ^\circ K \leftarrow T \\ ^\circ F \leftarrow F \end{matrix}$ 

← درجه

$$C_i = 1.0 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 1.0 \frac{J}{gr \cdot ^\circ C} = \frac{1}{9} \frac{Cal}{gr \cdot ^\circ C}$$

$$C_w = 4.18 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 4.18 \frac{J}{gr \cdot ^\circ C} = 1 \frac{Cal}{gr \cdot ^\circ C}$$

$$L_f = 334000 \frac{J}{kg} = 80 \frac{Cal}{gr}$$

←  $C$

$1 Cal = 4.2 J$

←  $L_f$

$334 = 4 \times 7 \times 11$ 

$\left. \begin{matrix} 1000 = \frac{1}{9} \times 4180 \\ 334000 = 80 \times 4180 \end{matrix} \right\} \leftarrow \text{درجه}$

$11^2 = 121$ 
 $13^2 = 169$ 
 $15^2 = 225$ 
 $17^2 = 289$

$12^2 = 144$ 
 $14^2 = 196$ 
 $16^2 = 256$ 
 $18^2 = 324$

توان هلال کبک:

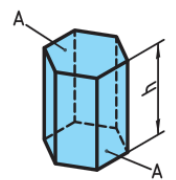
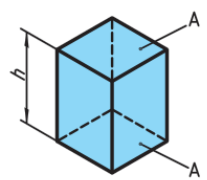
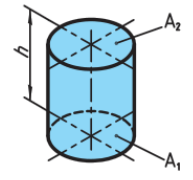


Physics\_Agheli

مهندس علی عاقلی  
طراح قلم چی  
کارشناس ارشد مهندسی مکانیک  
استعداد درخشان کارشناسی ارشد و عضو بنیاد ملی نخبگان



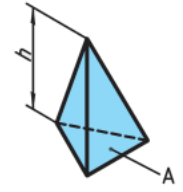
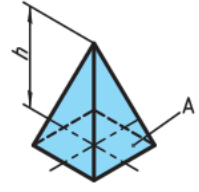
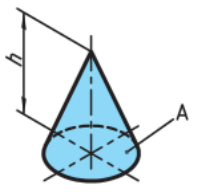
۱۴) محاسبه احجام منشوری: استوانه، منشور ۴ و ۶ ضلعی



ارتفاع × مساحت قاعده = حجم

$$V = A \times h$$

۱۵) محاسبه احجام هرمی:



ارتفاع × مساحت قاعده

$$\text{حجم} = \frac{\quad}{3}$$

$$V = \frac{A \times h}{3}$$



$\pi R^2$  : دایره  
 $a^2$  : مربع  
 $ab$  : مستطین  
 $\frac{1}{2} (a+b) \times h$  : (اربع ضلعی)  
 $\frac{1}{2} (R_1 + R_2) \times h$  : ذوزنقیع  
 $4\pi R^2$  : کره

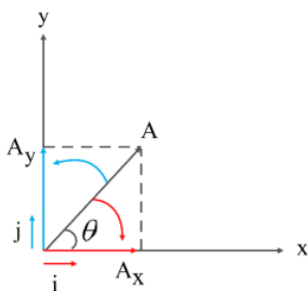
$a^3$  : مکعب  
 $abc$  : متبسطین  
 $\frac{4}{3}\pi R^3$  : کره  
 $\frac{1}{3}\pi R^2 h$  : مخروط  
 $\pi R^2 h$  : استوانه  
 $\frac{4}{3}\pi (R_o^3 - R_i^3)$  : کره خالی  
 $\pi (R_o^2 - R_i^2) h$  : استوانه خالی

مهندس علی عاقلی  
 طراح قلم چی  
 کارشناس ارشد مهندسی مکانیک  
 استعداد درخشان کارشناسی ارشد و عضو بنیاد ملی نخبگان

Physics\_Agheli

(۱۶) بردار شناسی

بردار A را به صورت زیر در نظر می گیریم:



$$\left. \begin{aligned} \cos \theta &= \frac{A_x}{A} \rightarrow A_x = A \cos \theta \\ \sin \theta &= \frac{A_y}{A} \rightarrow A_y = A \sin \theta \end{aligned} \right\} \rightarrow \vec{A} = \vec{A}_x \vec{i} + \vec{A}_y \vec{j} \rightarrow |\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}, m = \tan \theta = \frac{A_y}{A_x}$$

هر  $i$  و  $j$  دارای که دیدی و اسه به دست آوردن اندازه‌اش کافی‌ه مولفه  $i$  و  $j$  به توان دو برسونی و زیر رادیکال جمعش کنی:

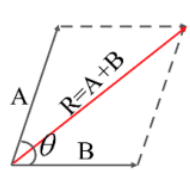
$$v = ai + bj \rightarrow |v| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

exp:

$$v = 4i + 3j \rightarrow |v| = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5$$

(۱۷) برآیند بردارها

اگر زاویه بین دو بردار  $\theta$  باشد، می توان نوشت:



$$|\vec{R}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2 + 2|\vec{A}||\vec{B}|\cos\theta}$$

$$\theta \rightarrow \begin{cases} 0 \rightarrow R_{Max} = |\vec{A}| + |\vec{B}| \\ 90 \rightarrow |\vec{R}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2} \\ 180 \rightarrow R_{Min} = \left| |\vec{A}| - |\vec{B}| \right| \end{cases}$$

(۱۸) اعداد فیثاغورثی

اعداد فیثاغورسی یا سه تایی فیثاغورسی شامل سه عدد طبیعی به صورت (a,b,c) هستند که مجموع مربع های دو تا از آن ها برابر با مربع سومی باشد.

(۱) مجموعه ی ۱ :

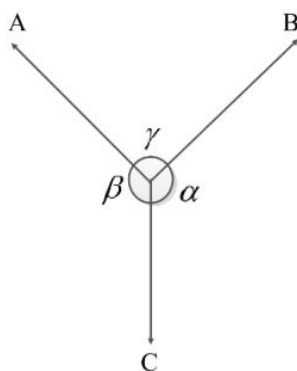
$$3n, 4n \rightarrow 5n$$

(۲) مجموعه ی ۲ :

$$5n, 12n \rightarrow 13n$$

(۱۹) رابطه سینوس ها

اگر برآیند سه بردار صفر باشد:



$$\frac{A}{\sin \alpha} = \frac{B}{\sin \beta} = \frac{C}{\sin \gamma}$$

(۲۰) تجزیه بردار

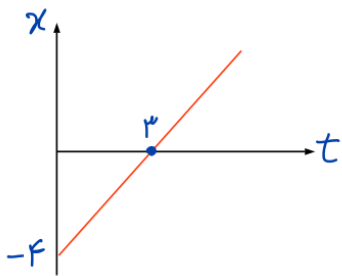


(۲۱) داستان شیب : ص یا ن

(۲۲) درجه ۱ :

رسم نمودار  $y = ۲x - ۴$  :

یافتن معادله :



(۲۳) معادله سهمی

۳ روش برای یافتن معادله سهمی از نمودار

(۱)

(۲)

(۳)

$$y = ax^r + bx + c$$

معادله درجه ۲ ریاضی بلدی رسم کنی؟

اولین قدم : عرض از مبدا : c

بعدهش : ریشه ها با استفاده از یکی از روش هایی که بلدیم. (اتحاد، تستی و دلتا)

بعدهش : راس سهمی :  $x = -\frac{b}{2a}$

در نهایت: تقعر یا گودی نمودار: a :  $a < 0$  یا  $a > 0$

گوشزد! : روش دلتا و دلتا پریم و تعیین علامت :

Roots :

$$\left\{ \begin{array}{l} \boxed{b} \rightarrow \boxed{\Delta = b^2 - 4ac} \rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \boxed{b' = \frac{b}{2}} \rightarrow \boxed{\Delta' = b'^2 - ac} \rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b' \pm \sqrt{\Delta'}}{a} \end{array} \right.$$

(۱) تابع درجه یک:

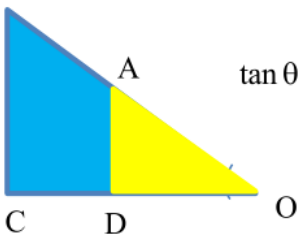
x	$x_1 = -\frac{b}{a}$
$y = ax + b$	موافق علامت a   0   مخالف علامت a

(۲) تابع درجه دو:

x	$-\infty$	$x_1$	$x_2$	$+\infty$	
$y = ax^2 + bx + c$	موافق علامت a	0	مخالف علامت a	0	موافق علامت a

(۲۴) مثلث های معروف

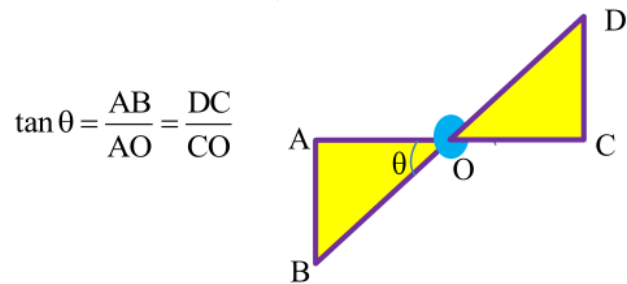
مثلث مادر و بچش:



$$\tan \theta = \frac{BC}{CO} = \frac{AD}{DO}$$

mother      baby

مثلث پروانه



$$\tan \theta = \frac{AB}{AO} = \frac{DC}{CO}$$

$$\left. \begin{aligned} y = x^2 &\rightarrow y' = 2x^{2-1} = 2x^1 \\ y = x^3 &\rightarrow y' = 3x^{3-1} = 3x^2 \\ y = 2x^4 &\rightarrow y' = 2 \times 4x^{4-1} = 8x^3 \end{aligned} \right\} \rightarrow \boxed{y = ax^n \rightarrow y' = nax^{n-1}}$$

$$\left. \begin{aligned} y = x^2 + 2x + 3 &\rightarrow y' = 2x + 2 + 0 \\ y = x^3 + 3x^2 + 4x + 4 &\rightarrow y' = 3x^2 + 6x + 4 + 0 \\ y = 3x^4 + 2x^3 + 5x^2 + 1 \cdot x + 7 &\rightarrow y' = 12x^3 + 6x^2 + 1 \cdot 1 \cdot x + 1 \cdot 0 + 0 \end{aligned} \right\} \begin{cases} y = c \rightarrow y' = 0 \\ y = 2x \rightarrow y' = 2 \end{cases}$$

جمع بندی ۱: این جمع بندی از نوع ریاضیاتیه!

مفهوم هندسی	عملگر ریاضی	کجا صفر میشه
شیب	مشتق اول	در قله و دره ها و جاهای افقی
گودی یا تقعر	مشتق دوم	بین دو گودی یا تقعر (نقطه عطف)
مساحت	انتگرال (نمیخواه یادش بگیرم)	نمیخواه